

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية



التجييه الفني العام للعلوم

الممل إجابة بنك أسئلة التوجيه الفني للوحدة الأولى (الحركة)

[موقع المناهج](#) ↔ [المناهج الكويتية](#) ↔ [الصف الحادي عشر العلمي](#) ↔ [فيزياء](#) ↔ [الفصل الأول](#)

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر العلمي



روابط مواد الصف الحادي عشر العلمي على Telegram

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر العلمي والمادة فيزياء في الفصل الأول

بنك أسئلة التوجيه الفني للوحدة الأولى (الحركة)	1
توزيع الحصص الإفتراضية(المترادمة وغير المترادمة)	2
اجابة بنك اسئلة الوحدة الاولى في مادة الفيزياء	3
بنك اسئلة الوحدة الاولى في مادة الفيزياء	4
القوة الحاذية المركزية في مادة الفيزياء	5



وزارة التربية
التوجيه العام للعلوم

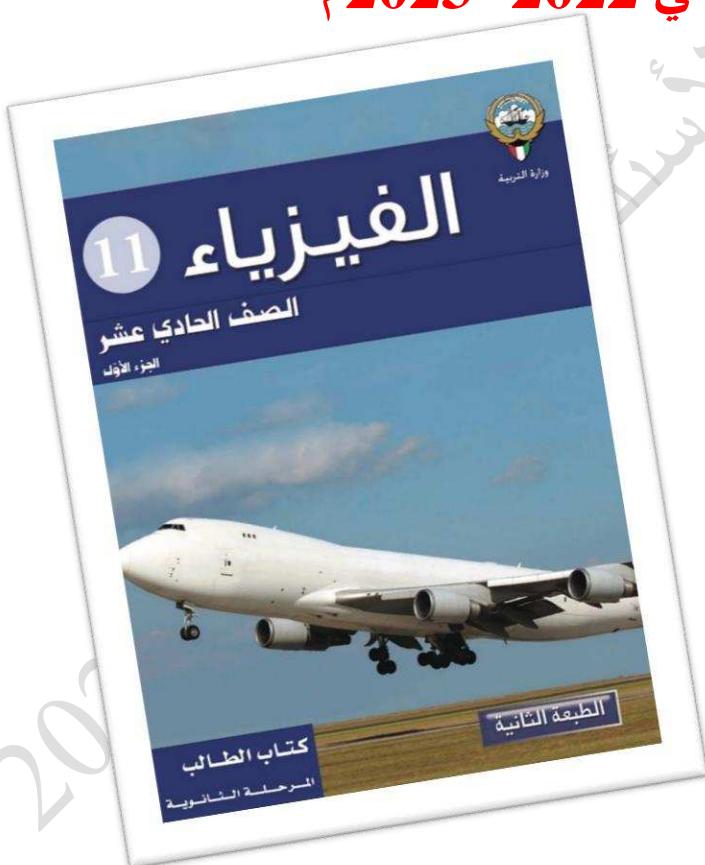
نموذج إجابة بنك الأسئلة لمادة الفيزياء



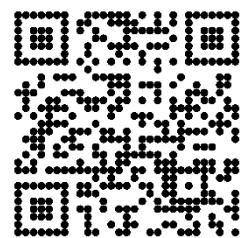
الصف الحادي عشر علمي

الفصل الدراسي الأول

للعام الدراسي 2022-2023م



فريق إعداد ومراجعة بنك 11 نموذج إجابة



الموجه الفني العام للعلوم
الأستاذة : منى الانصاري

معتمد

الوحدة الأولى: الحركة

الفصل الأول: حركة المقدّمات

الدرس (1-1) الحركة (الكميات العددية) – الكميّات المتّجّهة

السؤال الأول:

أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

1- الكميّات التي يكفي لتحديد عدد يحدّد مقدارها، ووحدة فيزيائیة تميّز هذا المقدار.

(الكميات العددية أو القياسيّة)

2- الكميّات التي تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه الذي تتخذه، بالإضافة إلى العدد

الذي يحدّد مقدارها ووحدة القياس التي تميّزها.

3- المسافة الأقصى بين نقطة بداية الحركة ونقطة نهايتها، وباتجاه من نقطة البداية إلى نقطة النهاية.

(الإزاحة)

4- عملية تركيب، تتم فيها الاستعاضة عن متّجّهين أو أكثر بمتجّه واحد.

(جمع المتّجّهات)

السؤال الثاني:

ضع بين القوسين علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة: علمياً

في كل مما يلي :

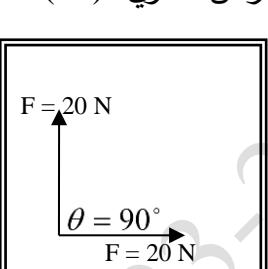
-1 (X) تُصنف القوة كمتّجّه حر، حيث يمكن نقلها دون تغيير قيمتها أو اتجاهه.

-2 (X) الإزاحة كمية عدديّة بينما المسافة كمية متّجّهة.

-3 (✓) يطير صقر أفقياً بسرعة m/s (40) باتجاه الشرق، فإذا هبت عليه أثناء طيرانه رياح معاكسة (نحو

الغرب) سرعتها m/s (10)، فإن مقدار سرعته المحسّلة بالنسبة لمراقب على الأرض تساوي (30)

. m/s



-4 (X) الشكل المقابل يمثل متّجّهين متعامدين ومتّساوين مقداراً، مقدار كلٍّ منهما (20) ، فإن مجموعهما تساوي N (20) .

-5 (✓) يكون مقدار محسّلة متّجّهين متّساوين مقداراً متساوياً مقداراً مجموعهما إذا كانت الزاوية المحسّلة بينهما 120° .

-6 (✓) إذا قارنا المتّجّهين (\vec{a}) ، (\vec{b}) في الشكل المقابل، فإن ($\vec{b} = -2\vec{a}$) .

-7 (✓) عند ضرب كمية عدديّة موجبة \times كمية متّجّهة يكون حاصل الضرب متّجّه جديد في نفس اتجاه الكمية المتّجّهة الأولى.

-8 (✓) حاصل الضرب القياسي لمتّجّهين يتوقف على مقدار المتّجّهين والزاوية المحسّلة بينهما.

-9 (✓) حاصل الضرب القياسي لمتّجّهين يساوي صفرًا إذا كانت الزاوية المحسّلة بينهما قائمة (90°).

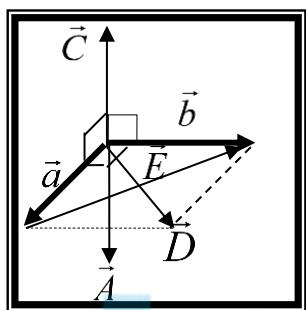
-10 (✓) حاصل الضرب الاتجاهي لمتّجّهين يتوقف على مقدار المتّجّهين والزاوية المحسّلة بينهما.

معتمد

- 11) حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين متوازيين يساوى صفرًا.
- 12) مقدار حاصل الضرب القياسي لمتجهين يُمثل بمساحة متوازى الأضلاع الناشئ عن المتجهين.
- 13) الشكل المقابل يمثل متجهان (\vec{b}, \vec{a}) متعامدان وفي مستوى أفقى واحد، فيكون المتجه الناتج من ضربهما خارجيًّا $(\vec{b} \times \vec{a})$ هو المتجه (\vec{C}) .

السؤال الثالث:

أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:



- 1- تكون محصلة متجهين أكبر ما يمكن عندما تكون الزاوية المحصورة بينهما (بالدرجات) تساوي **صفر**، و تكون أصغر ما يمكن عندما تكون الزاوية (بالدرجات) تساوي **180°**.
- 2- إذا كان لمتجهين نفس المقدار ونفس الاتجاه فإنهما يكونا **متساويان**.
- 3- تتوقف محصلة أي متجهين على مقدار كل من **المتجهين والزاوية المحصورة بين المتجهين**.
- 4- محصلة متجهين متساوين مقداراً تساوي مقدار أي منهما إذا كانت الزاوية المحصورة بينهما (بالدرجات) تساوي **120°**.
- 5- الصيغة الرياضية لقانون الثاني لنيوتن هي $\vec{F} = m \cdot \vec{a}$ ، ولأن الكتلة موجبة دائمًا فيكون اتجاه متجه القوة **نفس اتجاه متجه العجلة**.
- 6- إذا كان حاصل الضرب القياسي لمتجهين متساوين يساوي مربع أي منهما، فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي **بالدرجات صفر**.
- 7- إذا كان حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين متساوين يساوي مربع أي منهما، فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي **بالدرجات (90°)**.
- 8- إذا كان حاصل الضرب القياسي لمتجهين متساوين يساوي مقدار حاصل الضرب الاتجاهي لنفس المتجهين، فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي **بالدرجات (45°)**.

معتمد

السؤال الرابع:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنساب إجابة لكل من العبارات التالية:

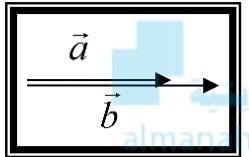
1- واحدة فقط من الكميات الفيزيائية التالية تُصنف ككمية قياسية وهي:

- العجلة القوة المسافة الإزاحة

2- واحدة فقط من الكميات المتجهة التالية تُصنف كمتجه مقيد وهي:

- العجلة السرعة المتجهة القوة الإزاحة

3- الشكل المقابل يمثل متجهين غير متساوين في اتجاه واحد، فإذا تغيرت الزاوية بين المتجهين فان محصلتهما تصبح أقل ما يمكن عندما يصبحا كما في الشكل:



موقع
المناهج الكويتية
almanahkj.com/kw

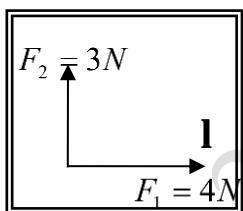
4- دفع لاعب الكرة باتجاه المرمي في إحدى مباريات كرة القدم بسرعة km/h (80)، ولكن الكرة وصلت لحارس المرمي بسرعة km/h (90)، ومن ذلك نستنتج أن:

- الكرة تتحرك في عكس اتجاه الريح بسرعة km/h (10).

- الكرة تتحرك في اتجاه الريح بسرعة km/h (10).

- الكرة تتحرك عمودية على اتجاه الريح بسرعة km/h (10).

- الكرة تتحرك في عكس اتجاه الريح بسرعة km/h (70).



5- محصلة المتجهين الموضعين بالشكل المقابل تساوي:

- F_1 (7) وتصنع زاوية 45° مع F_2 (1) وتصنع زاوية 45° مع F_1

- F_2 (5) وتصنع زاوية 36.87° مع F_1 (5) وتصنع زاوية 36.87° مع F_2

6- متجهان متساويان ومتوازيان حاصل ضربهما القياسي N (25) ، فإن مقدار محصلتهما بوحدة (N) تساوى:

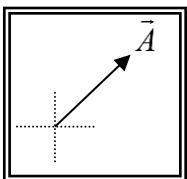
- 25 10 5 صفر

7- متجهان متساويان ومتوازيان حاصل ضربهما القياسي N (25) ، فإن مقدار حاصل ضربهما الاتجاهي بوحدة (N) يساوى :

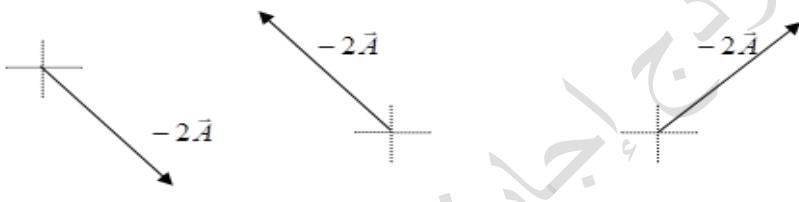
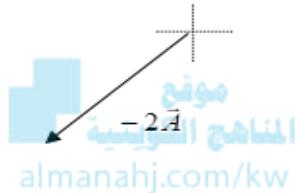
- 25 10 5 صفر

معتمد

8 – إحدى القيم التالية لا يمكن أن تمثل محصلة متجهين N ، $(\bar{a} = 10)N$ ، $(\bar{b} = 8)N$ وهي:
 20 18 9 2



9- إذا كان الشكل المقابل يمثل المتجه (\bar{A}) ، فإن الشكل الصحيح الذي يمثل المتجه $(-2\bar{A})$ هو:



السؤال الخامس:

(أ) قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارنة المطلوب في الجدول التالي:

الكمية المتجهة	الكمية العددية (القياسية)	وجه المقارنة
الكميات التي تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه الذي تتخذه، بالإضافة إلى العدد الذي يحدد مقدارها ووحدة القياس التي تميزها	الكميات التي يكفي لتحديدها عدد يحدد مقدارها، ووحدة فيزيائية تميز هذا المقدار	التعريف
القوة – العجلة – الإزاحة ...	الكتلة أو الزمن أو المسافة	مثال واحد فقط
المتجه المقيد	المتجه الحر	وجه المقارنة
مقيد ب نقطة تأثير	يمكن نقله بشرط المحافظة على المقدار الاتجاه	امكانية نقله
المسافة	الإزاحة	وجه المقارنة
عددية / قياسية	متجهة	نوع الكمية الفيزيائية
الضرب الاتجاهي لمتجهين	الضرب القياسي لمتجهين	وجه المقارنة
$\bar{A} \times \bar{B} = AB \sin \theta$	$\bar{A} \cdot \bar{B} = AB \cos \theta$	العلاقة الرياضية
متجهة	عددية / قياسية	نوع الكمية الناتجة

معتمد

(ب) : أذكر العوامل التي يتوقف عليها كل من:

1- حاصل الجمع الاتجاهي لمتجهين (محصلة المتجهين).

مقدار كل من المتجهين - الزاوية المحصورة بينهما

2- حاصل الضرب القياسي لمتجهين.

مقدار كل من المتجهين - الزاوية المحصورة بينهما

3- حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين.

مقدار كل من المتجهين - الزاوية المحصورة بينهما

(ج) : على كل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً:

1- يمكن نقل متجه الإزاحة، بينما لا يمكن نقل متجه القوة.

لأن متجه الإزاحة حر بينما متجه القوة مقيد ب نقطة تأثير.

2- تتغير السرعة التي تُطلق بها طائرة في الجو على الرغم من ثبات السرعة التي يكسبها المحرك للطائرة.
بسبب وجود رياح متغيرة السرعة (مقداراً واتجاهها) تؤثر عليها لذلك تتحرك بمحصلة سرعتها وسرعة الرياح.

السؤال السادس:

حل المسائل التالية:-

(أ) تتحرك سيارة بسرعة 150 km/h باتجاه يصنع زاوية مقدارها (130°) مع المحور الأفقي الموجب.

المطلوب:

* أكتب الصيغة الرياضية المعتبرة عن متجه السرعة.

$$\vec{V} = (150\text{Km}, 130^\circ)$$

(ب) الشكل المقابل يمثل متجهان (\vec{a}) ، (\vec{b}) في مستوى أفقي

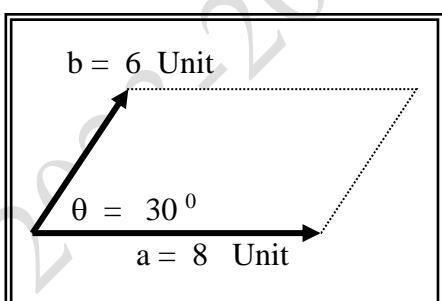
واحد هو مستوى الصفحة والمطلوب حساب:

1- محصلة المتجهين (مقداراً واتجاهها) بالطريقة الحسابية.

$$\vec{a} + \vec{b} = \sqrt{a^2 + b^2 + 2ab \cos \theta}$$

$$\vec{a} + \vec{b} = \sqrt{(8)^2 + (6)^2 + 2 \times 8 \times 6 \times \cos(30)}$$

$$\vec{a} + \vec{b} = \sqrt{183.138} = 13.53 \text{ Unit}$$



معتمد

2- حاصل الضرب الاتجاهي $(\vec{a} \times \vec{b})$ للمتجهين (مقداراً واتجاه). .

$$\vec{a} \times \vec{b} = ab \sin \theta = 8 \times 6 \times \sin 30 = 24 \text{ Units}^2$$

3- حاصل الضرب الداخلي $(\vec{a} \cdot \vec{b})$ للمتجهين.

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = ab \cos \theta = 8 \times 6 \times \cos 30 = 41.56 \text{ Units}^2$$

(و) قوتان $(F_1 = 50N, F_2 = 20N)$... ما مقدار أكبر محصلة لقوىتين؟ وما مقدار أصغر محصلة لقوىتين؟ أذكر متى نحصل على هذين المقدارين.

$$F_{\max} = F_1 + F_2 = 50 + 20 = 70 \text{ N}$$

ونحصل على هذه القيمة عندما القوتين في اتجاه واحد $(\theta = 0^\circ)$

$$F_{\min} = F_1 - F_2 = 50 - 20 = 20 \text{ N}$$

ونحصل على هذه القيمة عندما القوتين في اتجاهين متعاكسين $(\theta = 180^\circ)$

معتمد

الوحدة الأولى: الحركة

الفصل الأول: حركة المقدوفات

الدرس (1-2) تحليل المتجهات

السؤال الأول:

أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

1- استبدال متجه ما بمتجهين متcumدين يسميان مركبتي المتجه. (تحليل المتجهات)

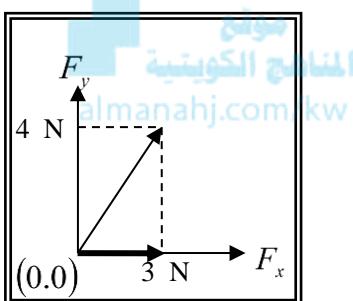
ب- أكمل العبارات العلمية التالية:

1- إذا كانت قيمة المركبة الأفقية لقوة تصنع زاوية (45°) مع محور الإسناد (X) تساوي N(10) فإن

قيمة المركبة الراسية لقوة بوحدة النيوتن تساوى 10.

2- العملية المعاكسة لعملية جمع المتجهات تسمى تحليل المتجهات.

3- القوة (F) في الشكل المقابل بوحدة (N) تساوى 5 وتصنع زاوية 53^\circ مع المحور الموجب للسينات.



ج- ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنساب إجابة لكل من العبارات التالية :-

1- إذا كانت محصلة متجهين متcumدين تساوي N(20) والمركبة الأفقية لهذه المحصلة تساوي N(10) فتكون

الزاوية المحصورة بين المركبة الرأسية والمحصلة بوحدة الدرجات تساوي:

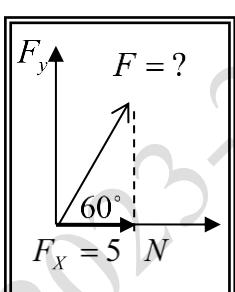
120

90

60

30

2- إذا كان متجه (a) يصنع مع الأفق زاوية (θ) فإن مركبته بالاتجاه الرأسى (a_y) تساوى :



$\frac{a}{\cos \theta}$

$\frac{a}{\sin \theta}$

$a \cos \theta$

$a \sin \theta$

3- تكون قيمة القوة (F) بوحدة النيوتن في الشكل المقابل تساوى:

10

40

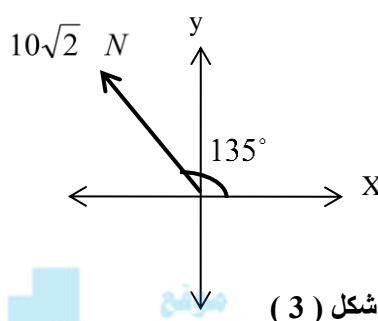
5

20

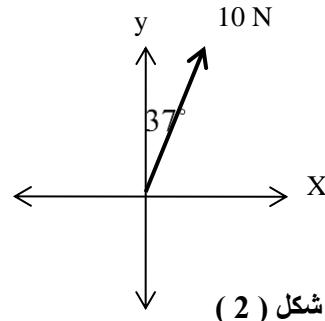
معتمد

السؤال الثاني:

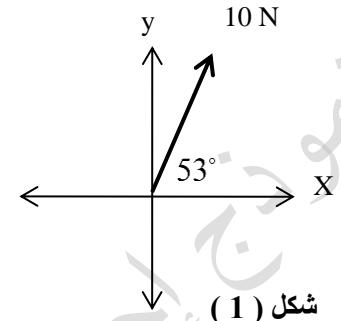
أحسب المركبة الأفقية والمركبة الرأسية لكل قوة من القوى الموضحة بالشكل:



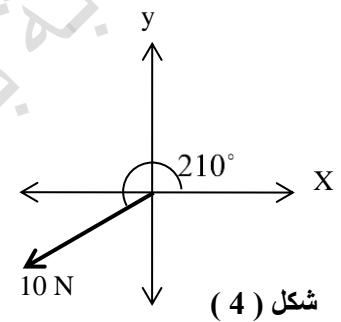
شكل (3)



شكل (2)



شكل (1)



شكل (4)

المركبة الرأسية	المركبة الأفقية	رقم الشكل
$10 \sin 53 = 7.98$	$10 \cos 53 = 6$	1
$10 \cos 37 = 7.98$	$10 \sin 37 = 6$	2
$10\sqrt{2} \sin 45 = +10$	$-10\sqrt{2} \cos 45 = -10$	3
$-10 \cos 60 = -5$	$-10 \sin 60 = -8.66$	4

أ) أحسب مقدار القوة المحصلة واتجاهها في الحالة التالية .

$$F_y = 12 \text{ N}, F_x = 5 \text{ N}$$

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(5)^2 + (12)^2} = \sqrt{25 + 144 = 169} = 13 \text{ N}$$

$$\tan \theta = \frac{12}{5} = 2.4 \Rightarrow \theta = 67.38^\circ$$

معتمد

ب) جسم مستقر على مستوى مائل أملس يميل على الأفق بزاوية (30°) فإذا كان وزن الجسم $N(50)$ أحسب كل من مركبتي وزن الجسم.

$$F_1 = W \sin \theta = 50 \sin 30 = 25N$$

مركبة الوزن في اتجاه المستوى

$$F_2 = W \cos \theta = 50 \cos 30 = 43.3N$$

مركبة الوزن العمودية على اتجاه المستوى

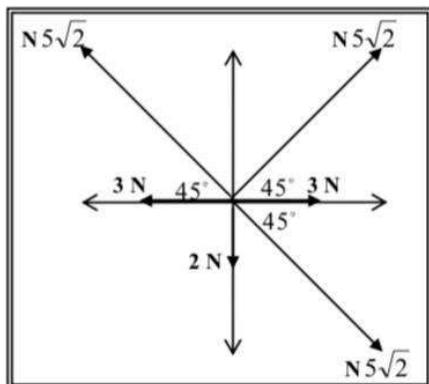
ج) إذا كانت مركبتي متجه ما $\left(v_y = 8 \text{ Unit}\right) \left(v_x = 6 \text{ Unit}\right)$... أحسب:
1- مقدار المتجه.



2- الزاوية التي تصنعها المتجه مع المركبة الأفقية.

$$\frac{F_x}{F} = \frac{6}{10} = 0.6 \Rightarrow \cos \theta = 0.6 \Rightarrow \theta = 35.13^\circ$$

د) أحسب محصلة القوى الموضحة بالشكل المقابل .



F_y	F_x	
0	3	F_1
$5\sqrt{2} \sin 45 = 5$	$5\sqrt{2} \cos 45 = 5$	F_2
$5\sqrt{2} \sin 45 = 5$	$-5\sqrt{2} \cos 45 = -5$	F_3
0	-3	F_4
-2	0	F_5
$-5\sqrt{2} \sin 45 = -5$	$5\sqrt{2} \cos 45 = 5$	F_6
3	5	F_T

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{5^2 + 3^2} = 5.8 \text{ N}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left[\frac{F_y}{F_x} \right] = \tan^{-1} \left[\frac{3}{5} \right] = 30.9^\circ$$

معتمد

الوحدة الأولى: الحركة

الفصل الأول: حركة المقدوفات

الدرس (1-3) حركة القذيفة

السؤال الأول:

أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

1- الأجسام التي تُقذف أو تطلق في الهواء وتتعرض لقوة جاذبية الأرض. () القذيفة ()

2- علاقة بين مركبة الحركة الأفقية ومركبة الحركة الرأسية خالية من متغير الزمن. () معادلة المسار () موضع

3- المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على الخط الأفقي المار بنقطة الإطلاق. () المدى الأفقي (R)

ب- ضع بين القوسين علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة:

1- (✓) مركبة حركة القذيفة في الاتجاه الأفقي تكون بسرعة ثابتة (عند إهمال الاحتكاك).

2- (X) مركبتنا الحركة الأفقية للقذيفة والحركة الرأسية مترابطتين.

3- (✓) يتغير شكل مسار القذيفة وتتطابقاً سرعتها نتيجة الاحتكاك مع الهواء.

4- (X) إذا كانت زاوية الإطلاق لقذيفة بالنسبة إلى المحور الأفقي تساوي (90°) فإن شكل المسار يكون نصف قطع مكافئ.

5- (X) يتناقص مدى القذيفة ويصبح المسار قطعاً مكافئاً غير حقيقي عند إهمال مقاومة الهواء.

6- (X) إذا قذف جسم بسرعة ابتدائية مقدارها (20m/s) في اتجاه يصنع مع الأفق زاوية مقدارها (30°) فإن مركبة سرعته الابتدائية في الاتجاه الرأسي (14m/s) .

7- (✓) قذف جسم إلى أعلى بزاوية مقدارها (30°) فإذا كانت مركبة سرعته في الاتجاه الأفقي تساوي $(8\sqrt{3}\text{m/s})$ فإن السرعة التي قذف بها تساوي (16m/s) .

8- (✓) عند إطلاق عدة قذائف بالسرعة نفسها ومن نفس نقطة القذف، وبإهمال مقاومة الهواء فإن كل قذيفتين يصلان للمدى نفسه عند إطلاقهما بزوايا مجموعها (90°) .

9- (✓) المركبة الرأسية للسرعة التي يقذف بها الجسم المقذوف بزاوية مع الأفق هي التي تحدد الارتفاع الرأسي وזמן التحلق.

10. (X) عند وصول القذيفة إلى أقصى ارتفاع، تكون قد قطعت ضعف المدى الأفقي.

11. (✓) عند إطلاق قذيفة بزاوية تساوي صفراء فإن ذلك يعني أن سرعتها الأفقية الابتدائية هي أفقية فقط.

12. (✓) يكون اتجاه المركبة الرأسية لسرعة مقذوف بعد مروره بالنقطة التي تمثل أقصى ارتفاع لأسفل.

13. (✓) عند غياب تأثير الهواء على حركة القذيفة لا يتغير شكل مسارها ومقدار المدى الأفقي.

معتمد

ج-أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:

- 1- حركة القذيفة هي حركة مركبة من حركة رأسية و تكون عجلة منتظمة على المحور الرأسي، وحركة أفقية و تكون سرعة منتظمة على المحور الأفقي.
- 2- عند غياب الاحتكاك تكون القوة الوحيدة المؤثرة على كتلة الجسم المقذوف هي قوة الجاذبية الأرضية W واتجاهها يكون نحو الأسفل.
- 3- المركبة الأفقية لسرعة الجسم المقذوف على مسار القطع المكافئ تكون ثابتة المقدار، بينما تكون السرعة الرأسية متغيرة المقدار.
- 4- إذا كانت زاوية إطلاق القذيفة بالنسبة للمحور الأفقي تساوي (90°) فإن مسار القذيفة يصبح خط رأسي بينما يكون على شكل مسار نصف قطع مكافئ إذا كانت زاوية الإطلاق تساوي (0°) .
- 5- عندما تُقذف قذيفة بزاوية (θ) مع المحور الأفقي، وعندما تصل إلى أقصى ارتفاع تكون قد قطعت نصف المدى الأفقي.
- 6- قذفت كرة بسرعة ابتدائية مقدارها $s/(30m)$ باتجاه يصنع مع المحور الأفقي زاوية مقدارها (60°) فوصلت إلى أقصى ارتفاع لها بعد $s/(3)$ ، فتكون سرعتها الرأسية عند ذلك الارتفاع بوحدة m/s صفراً.
- 7- جسم قذف بزاوية (60°) فإنه يصل إلى المدى نفسه الذي يصل إليه إذا تم إطلاقه بالسرعة نفسها ومن نفس النقطة، ولكن بزاوية مقدارها 30° .
- 8- قذفت كرة بسرعة متجهة مقدارها $s/(40m)$ في اتجاه يصنع زاوية (30°) ، فإن زمن تحليقها عندما تعود إلى المستوى نفسه الذي قذفت منه يساوي 4 ثانية.
- 9- أطلقت قذيفتان كتلتهما (m) ، $(2m)$ بالسرعة الابتدائية نفسها وبزاوية (θ) بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه فيكون مدي المسار للقذيفة $(2m)$ يساوي مدي المسار للقذيفة (m) .
- 11- قذفت كرة بسرعة متجهة مقدارها $s/(30m)$ في اتجاه يصنع زاوية (30°) ، وبإهمال مقاومة الهواء يكون أقصى ارتفاع تصل إليه القذيفة بوحدة (m) 11.25

معتمد

السؤال الثاني:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنساب إجابة لكل من العبارات التالية:

- (1) قذف حجر من ارتفاع m(80) عن سطح الأرض بسرعة أفقية (v) وكانت إزاحة الجسم الأفقية تساوي (40) . فإن مقدار السرعة الأفقية بوحدة m/s تساوي :

40 20 10 5

- (2) يكون شكل مسار قذيفة أطلقت بزاوية مع المحور الأفقي على شكل مسار نصف قطع مكافئ عندما تكون الزاوية بالدرجات متساوية:

90 60 45 0

- (3) أطلقت قذيفة بزاوية (30°) مع المحور الأفقي وبسرعة ابتدائية s/m(40) ، فإن الزمن الذي تستغرقه القذيفة للموصول إلى أقصى ارتفاع بوحدة الثانية يساوي :

4 3.46 1.732 2

- (4) في السؤال السابق يكون أقصى ارتفاع تصل إليه القذيفة بوحدة (m) يساوي :

40 20 10 5

- 5- في السؤال السابق يكون المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة عند اصطدامها بالأرض عند نقطه تقع على الخط المار بنقط القذف بوحدة (m) يساوي :

346.41 138.56 160 80

- 6- أطلقت قذيفتان بسرعة ابتدائية متساوية من نفس النقطة، الأولى بزاوية (30°) والثانية بزاوية (60°) فتكون المركبة الرئيسية لسرعة القذيفة الأولى:

- متساوية المركبة الرئيسية لسرعة القذيفة الثانية. مثلي المركبة الرئيسية لسرعة القذيفة الثانية.
- أكبر من المركبة الرئيسية لسرعة القذيفة الثانية. أصغر من المركبة الرئيسية لسرعة القذيفة الثانية.

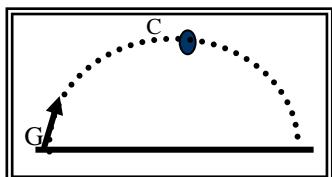
- 7- أطلقت قذيفتان بسرعة ابتدائية متساوية، الأولى بزاوية (30°) والثانية بزاوية (60°) فتكون المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الأولى:

- متساوية المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية. مثلي المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.
- أكبر من المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية. أصغر من المركبة الأفقية لسرعة القذيفة الثانية.

- 8- كرتان قذفت أحدهما أفقياً والأخرى أسقطت رأسياً في الوقت نفسه، بإهمال مقاومة الهواء فإن :

- الكرتان تصلان إلى سطح الأرض في نفس اللحظة.
- الكرة التي تُقذف أفقياً تصل إلى سطح الأرض أولاً.
- الكرة التي أسقطت رأسياً تصل إلى سطح الأرض أولاً.
- الكرة التي تُقذف أفقياً تستغرق نصف زمن وصول الكرة التي أسقطت رأسياً .

معتمد



9 - أطلقت قذيفة بزاوية (θ) مع المحور الأفقي كما في الشكل المجاور

فتكون مركبة السرعة الأفقية للقذيفة عند نقطة (c):

- مساوية لمركبة السرعة الأفقية عند نقطة (G).
- أكبر من مركبة السرعة الأفقية عند نقطة (G).
- أصغر من مركبة السرعة الأفقية عند نقطة (G).
- الصفر.

10 - في السؤال السابق تكون مركبة السرعة الرأسية للقذيفة عند نقطة (c):

- مساوية لمركبة السرعة الرأسية للقذيفة عند نقطة (G).
- أكبر من مركبة السرعة الرأسية للقذيفة عند نقطة (G).
- أصغر من مركبة السرعة الرأسية للقذيفة عند نقطة (G).
- صفر.

11 - للحصول على أكبر مدى أفقي ممكناً لقذيفة تطلق من مدفع، يجب أن تكون زاوية القذف (θ) مع

المحور الأفقي مساوية بالدرجات:

- 60
- 45
- 30
- 0

12 - قذفت كرة بزاوية (45°) مع المحور الأفقي وكانت مركبة سرعته الأفقية مساوية 20m/s ، فتكون قيمة

هذه السرعة على ارتفاع $m(2)$ بوحدة m/s مساوية:

- 40
- 20
- 10
- 0

13 - أطلقت قذيفة بزاوية (45°) مع المحور الأفقي وبسرعة ابتدائية مقدارها $20\sqrt{2}\text{m/s}$ فإن مقدار سرعة القذيفة لحظة اصطدامها بسطح الأرض بوحدة m/s تساوى:

- 56.56
- 28.28
- 20
- 14.14

14-أطلقت قذيفتان كتلتهما (m) ، (2m) بالسرعة الابتدائية نفسها وبزاوية (θ) بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه فيكون الارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفه () :

- مساوياً لارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفه (m).
- ربع الارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفه (m).
- نصف الارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفه (m).
- مثلثي الارتفاع الرأسي الذي تبلغه القذيفه (m).

16-أطلقت قذيفة بزاوية (45°) مع المحور الأفقي، وبسرعة ابتدائية مقدارها 10m/s وبإهمال مقاومة الهواء واعتبار عجلة الجانبية الأرضية تساوي $s^2(10)\text{m/s}^2$. فتكون معادلة مسار القذيفة:

$$y = x - 0.2x^2 \quad \boxed{\quad}$$

$$y = x - 0.1x^2 \quad \boxed{\quad}$$

$$y = x - 0.1x^2 \quad \boxed{\quad}$$

$$y = x - 0.707x^2 \quad \boxed{\quad}$$

معتمد

- 17- أطلقت قذيفتان كتلتهما (m) ، ($2m$) بالسرعة الابتدائية نفسها، وبزاویة إطلاق مختلفتين الأولى بزاوية (30°) والثانية بزاوية (60°) بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه فيكون المدى الأفقي للقذيفة (m).
 مساواً للمدى الأفقي للقذيفة ($2m$).
 أربعة أمثال المدى الأفقي للقذيفة ($2m$).
 مثل المدى الأفقي للقذيفة ($2m$).

السؤال الثالث:

(أ) : قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارن المطلوب في الجدول التالي :

المحور الأفقي	المحور الرأسي	وجه المقارنة
المنهاج almanahj.com/kw	حركة بعجلة منتظمة	نوع الحركة لجسم مدقوف بزاوية (θ)
حركة بسرعة منتظمة	عجلة الجاذبية الأرضية	عجلة جسم مدقوف بزاوية (θ)
عجلة صفر	صفر	وجه المقارنة
90	نصف قطع مكافئ	شكل مسار قذيفة عندما تطلق بزاوية مع المحور الأفقي
خط رأسي	أقصى ارتفاع	وجه المقارنة
المدى الأفقي	$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$	العلاقة الرياضية لجسم مدقوف بزاوية (θ)
$R = \frac{v_0^2 \sin \theta}{g}$	$v_x = v_0 \cos \theta$	وجه المقارنة
السرعة الرأسية	السرعة الأفقية	العلاقة الرياضية لجسم مدقوف بزاوية
$v_y = v_0 \sin \theta$		

(ب) : أذكر العوامل التي يتوقف عليها كل من :

- 1- معادلة المسار لقذيفة أطلقت بزاوية (θ) مع المحور الأفقي.
سرعة القذيفة - زاوية الإطلاق - عجلة الجاذبية الأرضية
- 2- أقصى ارتفاع تبلغه قذيفة أطلقت بزاوية (θ) مع المحور الأفقي.
سرعة القذيفة - زاوية الإطلاق - عجلة الجاذبية الأرضية

معتمد

- 3-المدى الأفقي لقذيفة أطلقت بزاوية (θ) مع المحور الأفقي.
سرعة القذيفة – زاوية الإطلاق – عجلة الجاذبية الأرضية
 4-شكل مسار قذيفة أطلقت بزاوية (θ) مع المحور الأفقي.
 زاوية الإطلاق

(ج) على كل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً:

- 1- عدم وجود عجلة أفقية للجسم المقذوف بزاوية (θ) مع المحور الأفقي.
لعدم وجود قوة أفقية.
 2- يتغير مسار القذيفة بتغيير زاوية الإطلاق بالنسبة إلى المحور الأفقي.
من معادلة المسار نجد أن مسار القذيفة يتغير بتغير زاوية الإطلاق بالنسبة إلى المحور الأفقي فإذا كانت الزاوية صفر يكون شكل المسار نصف قطع مكافئ أما إذا كانت الزاوية 90° يصبح مسار القذيفة خطأ رأسياً

(د) فسر مايلي

- 1- أطلقت قذيفتان كتلتهما (m) ، (2m) بالسرعة الابتدائية نفسها، وبزاوية (θ) مع المحور الأفقي فيكون المدى الأفقي للقذيفة (m) يساوي المدى الأفقي للقذيفة (2m)
من معادلة المدى $R = \frac{v_0^2 \sin \theta}{g}$ لان المدى لا يتوقف على الكتلة.

- 2- أطلقت قذيفتان بالسرعة الابتدائية نفسها، وبزاويتي إطلاق مختلفتين الأولى بزاوية (30°) والثانية بزاوية (60°) بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه فإن القذيفة التي أطلقت بزاوية (60°) تصل إلى ارتفاع أكبر.
لأن القذيفة التي أطلقت بزاوية 60° لها مركبة سرعة رأسية أكبر من تلك التي أطلقت بزاوية 30°
ومن المعادلة $h_{max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$ نجد أن القذيفة التي أطلقت بزاوية 60° لها ارتفاع أكبر.

(هـ) ماذا يحدث في الحالات التالية

- 1- لمقدار سرعة قذيفة أطلقت بزاوية (θ) نتيجة الاحتكاك مع الهواء.
تباطأ سرعتها ويتغير شكل المسار
 2- لمقدار سرعة كرة تتحرك على سطح أفقي عديم الاحتكاك.
تبقى ثابتة لعدم وجود قوة تؤثر عليها.
 3- لمسار قذيفتين يتم إطلاقهما بالسرعة نفسها وبزاويتي (15°), (75°) بالنسبة إلى المحور الأفقي بفرض إهمال مقاومة الهواء.
يكون المدى متساوي للقذيفتين.

معتمد

السؤال الرابع:

حل المسائل التالية:-

(أ) قذفت كرة بسرعة أفقية مقدارها 15 m/s من ارتفاع 80 m عن سطح الأرض. بإهمال مقاومة الهواء واعتبار عجلة الجاذبية الأرضية 10 m/s^2 . أحسب ما يلي:

- الزمن المستغرق لوصول الكرة إلى سطح الأرض.

$$\Delta y = \frac{1}{2} \times g \times t^2 \Rightarrow 80 = \frac{1}{2} \times 10 \times t^2 \quad t = 4 \text{ s}$$

- الإزاحة الأفقية للكرة.



(ب) أطلقت قذيفة بزاوية 45° مع المحور الأفقي بسرعة $5\sqrt{2} \text{ m/s}$. بإهمال مقاومة الهواء والمطلوب:

1 - أكتب معادلة المسار للقذيفة.

$$y = \left(\frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \right) \times x^2 + \tan \theta \cdot x$$

$$y = -0.2x^2 + x$$

2 - أحسب الزمن الذي تبلغه القذيفة لوصول إلى أقصى ارتفاع.

$$t = \frac{v_0 \sin \theta}{g} = \frac{5\sqrt{2} \times \sin 45}{10} = 0.5 \text{ s}$$

3 - أحسب المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة علماً بأنها اصطدمت بالأرض عند نقطة تقع على الخط المار بنقطة القذف.

$$R = \frac{v_0^2 \sin \theta \cos \theta}{g} \quad \text{m}$$

4 - احسب متجه السرعة لحظة اصطدام القذيفة بالأرض.

$$v_x = v_0 \cos \theta = 5\sqrt{2} \times \cos 45 = 5 \text{ m/s}$$

$$v_y = -gt + v_0 \sin \theta = -10 \times 1 + 5\sqrt{2} \times \sin 45 = -5 \text{ m/s}$$

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{(25) + (25)} = \sqrt{50} = 7.07 \text{ m/s}$$

$$\tan \theta = \frac{v_x}{v_y} = \frac{-5}{5} = -1 \Rightarrow \theta = -45^\circ$$

الإشارة السالبة تعني أن متجه السرعة يصنع زاوية 45° تحت المحور الأفقي.

معتمد

الوحدة الأولى: الحركة

الفصل الثاني: الحركة الدائرية

الدرس (1-2) الحركة الدائرية

السؤال الأول:

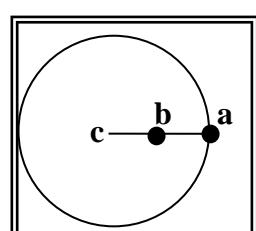
أ-أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية :

- 1-حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران، مع المحافظة على مسافة ثابتة منه. (الحركة الدائرية)
(المحور)
2- الخط المستقيم الذي تحدث حوله الحركة الدائرية .
(الحركة الدائرية المغزليه)
3- حركة جسم يدور حول محور داخلي .
(الحركة الدائرية المدارية)
4- حركة جسم يدور حول محور خارجي .
(السرعة الخطية)
5- طول القوس المقطوع خلال وحدة الزمن.
(السرعة الزاوية)
6- مقدار الزاوية بالراديان التي يمسحها نصف القطر في وحدة الزمن.
(السرعة الزاوية)
7- عدد الدورات في وحدة الزمن.
(العجلة الزاوية)
8- تغير السرعة الزاوية (θ) خلال الزمن.
9- الزمن الذي يستغرقه الجسم ليدور دورة كاملة على محيط دائرة الحركة.

ب-ضع بين القوسين علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة

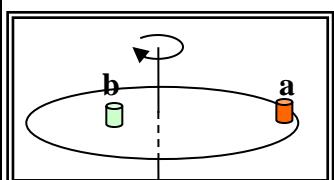
علمياً في كل مما يلى:

- (1) (✓) عندما يتحرك جسم في مسار دائري بسرعة ثابتة المقدار تكون حركته دائيرية منتظمة.
(2) (X) حركة الأرض حول الشمس هي حركة دائيرية محورية (مغزليه) لأنها تدور حول محور خارجي .
(3) (X) الجسم الموضح بالشكل المقابل يتحرك على مسار دائري، والتجهيزات تمثل السرعة الخطية للجسم، فتكون حركة هذا الجسم حركة دائيرية غير منتظمة.
(4) (X) الرadian وحدة قياس السرعة الخطية في الحركة الدائرية المنتظمة.
(5) (X) السرعة الخطية في الحركة الدائرية هي الزاوية التي يمسحها نصف قطر الدائرة خلال وحدة الزمن
(6) (✓) كلما زادت سرعة الجسم الخطية على مسار دائري ثابت، فإن الزمن الدوري للحركة يقل.
(7) (✓) السرعة المماسية لجسم يتحرك على مسار دائري ثابت نصف القطر تتناسب طردياً مع السرعة الدائرية.



- (8) (X) الشكل المقابل يمثل كرتان (a ، b) مربوطةان في خيط واحد ، ويدور الخيط حول محور (c) ، فإن السرعة الخطية للكرتين تكون متساوية.
(9) (✓) السرعة الخطية تكون غير منتظمة لجسم يتحرك حركة دائيرية منتظمة لأنها متغيرة الاتجاه لحظياً.

معتمد



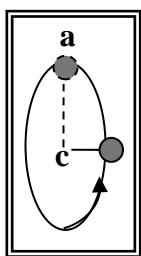
(10) أثناء دوران أسطوانة التسجيل الموضحة بالشكل المقابل حول المحور الرأسي ، تكون السرعة الخطية للعابتين الموضوعتين على سطحها متساوين .

(11) ✓ أثناء دوران أسطوانة التسجيل الموضحة بالشكل السابق حول المحور الرأسي ، تكون السرعة الزاوية للعابتين الموضوعتين على سطحها متساوين .

(12) ✓ تتعذر السرعة الخطية (المماسية) عند مركز المسطح الدائري والعمودي مع محوره، ولا تتلاشى السرعة الزاوية .



(X) يتحرك جسم على مسار دائري منتظم نصف قطره 20 cm ، فإذا كان زمنه الدوري يساوي 2 s فإن سرعته الخطية تساوي بوحدة m/s . (0.4)



(14) ✓ يتحرك جسم حركة دائرية منتظمة بحيث يعمل دورة واحدة كل ثانية فإن سرعته الزاوية تساوي 2π Rad/s .

(X) الشكل المقابل يمثل كرة مصممة مربوطة بخيط غير مرن، وتدور في مسار دائري رأسي ، فإذا انقطع الخيط لحظة وجود الكرة عند ذروة مسارها (a) فإن الكرة سوف تسقط سقوطاً حراً بتأثير الجاذبية الأرضية .

(✓) الجسم المتحرك على مسار دائري حركة دائرية منتظمة تكون حركته بعجلة ثابتة المقدار وفي اتجاه مركز الحركة دائمًا .

(✓) الجسم المتحرك على مسار دائري حركة دائرية منتظمة تكون عجلته المماسية تساوي صفرًا .

(✓) العجلة المركزية لجسم يتحرك على مسار دائري ثابت نصف القطر تتناسب طرديةً مع مربع سرعته المماسية .

(✓) الجسم المتحرك على مسار دائري حركة دائرية منتظمة تكون عجلته الزاوية تساوي صفرًا .

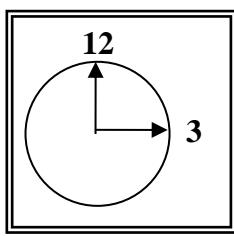
(X) الزمن الدوري لجسم يتحرك حركة دائرية منتظمة يتتناسب طرديةً مع ترددده .

ج-أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:

(1) عندما يتحرك جسم على مسار دائري ويقطع أقواساً متساوية في أزمنة متساوية فإن سرعته العددية (الخطية / المماسية) تكون ثابتة المقدار .

(2) تصنف الحركة الدائرية إلى نوعين هما حركة محورية (مغزلية) عندما يدور الجسم حول محور داخلي ، و حركة مدارية عندما يدور الجسم حول محور خارجي

معتمد

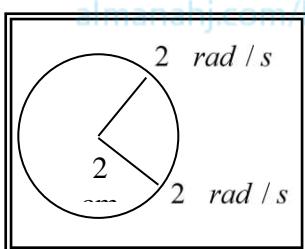


- (3) يتحرك عقرب الثانى في الساعة الموضحة بالشكل المقابل وطوله cm (2) في مسار دائري بالاتجاه الدائري السالب من رقم (12) إلى رقم (3) ويقطع خلال ذلك قوساً طوله بوحدة (cm) يساوى **0.314**.

- (4) السرعة المماسية في الحركة الدائرية تتناسب طردياً مع السرعة الزاوية (الدائيرية) عند ثبوت نصف القطر.

- (5) إذا زاد نصف القطر لجسم يتحرك في مسار دائري لمثى ما كان عليه (بفرض ثبات سرعته الزاوية)، فإن سرعته الخطية تزداد المثلث.

متوجه العجلة المركزية في الحركة الدائرية يكون دائماً عمودي على متوجه السرعة المماسية.



- (6) تردد الجسم المتحرك حركة دائرية منتظمة يتناسب عكسياً مع زمنه الدورى.

- (7) يتحرك جسم على مسار دائري بسرعة زاوية مقدارها $\left(\frac{\pi}{4}\right)$ rad/s ، فإن زمنه الدورى يساوى **8** .

- (8) العجلة الزاوية للجسم المتحرك في المسار الدائري الموضح بالشكل المقابل بوحدة (rad/s²) تساوى صفر.

وحدة القياس	الرمز	الكمية	وحدة القياس	الرمز	الكمية
rad/s	ω	السرعة الزاوية	rad	Θ	الإزاحة الزاوية
m/s ²	a	العجلة المركزية	m/s	V	السرعة الخطية
rad/s ²	Θ'	العجلة الزاوية	m	S	طول القوس
s	T	الזמן الدورى	1/s	f	التردد

السؤال الثاني:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أئمأ أنساب إجابة لكل من العبارات التالية:

- 1) إذا دار جسم على مسار دائري، ومسح نصف قطره زاوية مقدارها (30°) ، فإن مقدار هذه الزاوية (بالراديان) يساوى :

$\frac{\pi}{2}$ $\frac{\pi}{4}$ $\frac{\pi}{6}$ $\frac{\pi}{8}$

- 2) نعيش على أحد كواكب المجموعة الشمسية وهو كوكب الأرض ، وهو في حركة دائمة ينتج عنها كثير من الظواهر الطبيعية مثل ظاهرة تعاقب الليل والنهار التي تسببها حركة الأرض :

- a. المغزلية الدورانية الاهتزازية

معتمد

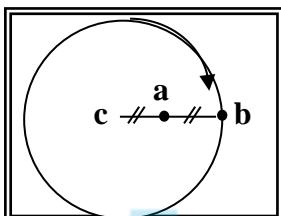
(3) إذا كان طول القوس في الشكل المقابل m (2.093)، ونصف قطر المسار (1m) فإن الإزاحة الزاوية بوحدة الرadians تساوى:

$$\frac{\pi}{2} \quad \square$$

$$\frac{3\pi}{4} \quad \square$$

$$\frac{2\pi}{3} \quad \checkmark$$

$$\frac{\pi}{4} \quad \square$$



(4) النسبة بين السرعة الخطية للجسم (a) والسرعة الخطية للجسم (b) في الشكل المقابل {تساوي: } $v_a : v_b$

$$2:1 \quad \square$$

$$1:1 \quad \square$$

$$(454:1) \quad \square$$

$$1:2 \quad \checkmark$$

موقع المنهج الكويتية
almanahj.com/kw

(5) تدور لاعبة الباليه على الجليد في مسار دائري نصف قطره m (10) وبسرعة زاوية rad/s (0.6)، فإن سرعتها المماسية بوحدة m/s تساوى:

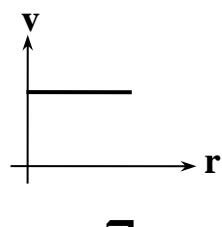
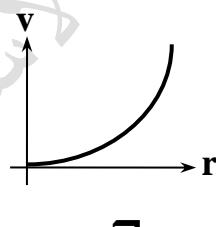
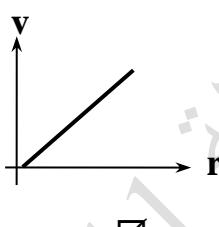
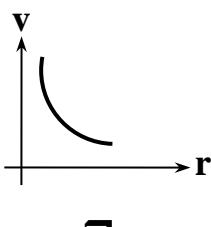
$$16.6 \quad \square$$

$$6 \quad \checkmark$$

$$0.6 \quad \square$$

$$0.06 \quad \square$$

(6) في لعبة دوارة الخيل، يجلس مجموعة من الأطفال على أحصنة مختلفة البعد عن مركز الدوران، وأفضل خط بياني يمثل تغيرات السرعة المماسية لكل منهم باختلاف بعده عن محور الدوران هو:



(7) في الحركة في الدائرية المنتظمة تكون السرعة المماسية للجسم:

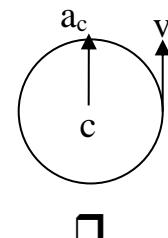
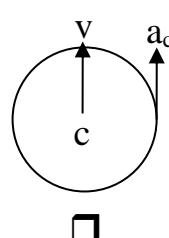
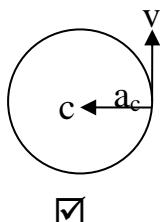
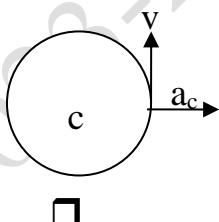
ثابتة المقدار ومتغيرة الاتجاه.

ثابتة المقدار والاتجاه.

متغيرة المقدار وثابتة الاتجاه.

متغيرة المقدار والاتجاه.

(8) أفضل مخطط يوضح العلاقة بين متجه السرعة الخطية ومتوجه العجلة في الحركة الدائرية المنتظمة هو:



(9) حجر مربوط في طرف خيط طوله m (0.5) ويدور في مستوى أفقى محدثاً (25) دورة خلال (5) ثواني، فإن السرعة الزاوية للحجر بوحدة rad/s (rad/s) تساوى:

$$314 \quad \square$$

$$31.4 \quad \checkmark$$

$$3.14 \quad \square$$

$$0.314 \quad \square$$

معتمد

(10) حجر مربوط بخيط ويدور حركة دورانية منتظمة في مستوى أفقى فإذا قطع الخيط فان الحجر:

- يستمر بحركته حول المركز بنفس السرعة يتحرك بخط مستقيم باتجاه السرعة الخطية
 يسقط مباشرة على الأرض

(11) يتحرك جسم في مسار دائري منتظم نصف قطره cm (100) بحيث كان زمنه الدوري يساوى s (2) فإن سرعته الخطية بوحدة (m/s) وبدلالة (π) تساوى:

$$10\pi \quad \square$$

$$2\pi \quad \square$$

$$\pi \quad \checkmark$$

$$0.5\pi \quad \square$$



(13) عندما تدور مروحة بسرعة زاوية مقدارها (60 π) Rad / s فإن زمنها الدوري (بالثانية) يساوى:

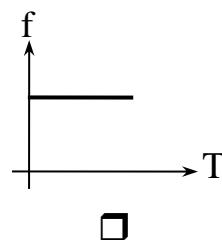
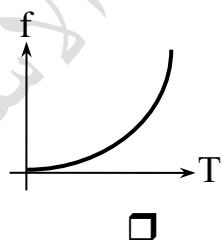
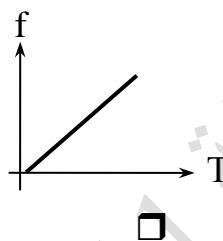
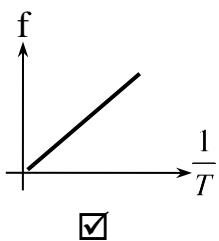
$$\frac{1}{20} \quad \square$$

$$\frac{1}{30} \quad \checkmark$$

$$\frac{1}{60} \quad \square$$

$$30 \quad \square$$

(14) أفضل مخطط يمثل العلاقة بين تردد جسم وزمنه الدوري هو:



(15) يتحرك جسم على محيط دائرة نصف قطرها m (1) بسرعة مماسية قدرها m/s (2) فإن عجلته المركزية بوحدة (m / s²) تساوى:

$$\square$$

$$6 \quad \square$$

$$4 \quad \checkmark$$

$$\frac{3}{2} \quad \square$$

(16) ربط حجر في خيط طوله m (0.4) وأدير في وضع أفقى فكان زمنه الدوري s (0.2) فإن عجلته المركزية بوحدة (m / s²) تساوى:

$$40\pi^2 \quad \checkmark$$

$$20\pi^2 \quad \square$$

$$40\pi \quad \square$$

$$20\pi \quad \square$$

معتمد

السؤال الثالث:

(أ) : قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارنة المطلوب في الجدول التالي :

الحركة المدارية	الحركة الدائرية المحورية (المغزليه)	وجه المقارنة
حركة جسم يدور حول محور خارجي	حركة جسم يدور حول محور داخلي	التعريف
السرعة الزاوية (الدائريه)	السرعة المماسية	وجه المقارنة
الزاوية التي يمسحها نصف القطر	طول القوس المقطوع خلال وحدة الزمن	التعريف
العجلة الزاوية	العجلة الخطية	وجه المقارنة
تغير السرعة الزاوية خلال وحدة الزمن	تغير السرعة الخطية خلال وحدة الزمن	التعريف
$\theta'' = \frac{\Delta\omega}{\Delta t}$	$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$	العلاقة الرياضية

(ب) : أذكر العوامل التي يتوقف عليها كل من :

1) مقدار السرعة المماسية لجسم.

السرعة الزاوية - نصف القطر

2) مقدار العجلة المركزية.

السرعة الخطية - نصف القطر

3) العجلة الزاوية.

التغير في السرعة الزاوية - الزمن

(ج) : علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً :

1) تسمى سرعة الجسم الذي يتحرك على طول مسار دائري بالسرعة المماسية.

لأن اتجاه الحركة يكون دائماً مماساً للدائرة

2) في أي نظام دائري تكون لجميع الأجزاء السرعة الدائرية(الزاوية) نفسها على الرغم من أن السرعة الخطية أو المماسية تتغير.

لأن الأجزاء مرتبطة مع بعضها فيكون لها نفس معدل الدوران وبالتالي نفس السرعة الزاوية.

3) العجلة المماسية لجسم يتحرك حركة دائيرية تساوى صفر، بينما العجلة المركزية ثابتة المقدار.

لأن السرعة الخطية ثابتة المقدار ومتغيرة الاتجاه

4) العجلة الزاوية في الحركة الدائرية المنتظمة تساوى صفر.

لأن السرعة الزاوية في الحركة الدائرية المنتظمة ثابتة المقدار لا تتغير بالنسبة إلى الزمن.

معتمد

(د) : فسر مابلي

- 1- كلما زادت سرعة دوران لعبة المساقية الدوارة في المدينة الترفيهية زادت السرعة المماسية.
لأن السرعة المماسية تتناسب طردياً مع السرعة الدائرية عن ثبات المسافة نصف القطرية من محور الدوران.

السؤال الرابع:

حل المسائل التالية:

- 1- ذهب محمد وفهد إلى المدينة الترفيهية وجلسا على حصانين في لعبة دوارة الخيل التي تدور بسرعة دائرية منتظمة تساوي دورة واحدة كاملة كل (30) ثانية، فإذا علمت أن محمد يبعد عن محور الدوران (1.5)m ، بينما يبعد فهد مسافة m(3) عن محور الدوران . أحسب ما يلي:
أ- السرعة الدائرية لكل منهما.

$$\omega = \frac{\theta}{t} = \frac{2 \times \pi}{t} = \frac{2 \times 3.14}{30} = 0.2 \text{ rad/s}$$

ب- السرعة الخطية لفهد.

$$v_2 = \omega_2 \times r_2 = 0.2 \times 3 = 0.6 \text{ m/s}$$

ج- العجلة المركزية لمحمد.

$$a_c = \frac{v_1^2}{r_1} = \frac{(0.3)^2}{1.5} = 0.06 \text{ m/s}^2$$

- 2- يدور جسم مربوط بخيط على محيط دائرة نصف قطرها cm (120) بسرعة زاوية منتظمة تساوي (90) دورة في الدقيقة أحسب ما يلي:
أ- السرعة الخطية.

$$\omega = \frac{2\pi N}{t} = \frac{2\pi \times 90}{60} = 3\pi = 9.42 \text{ rad/s}$$
$$v = \omega \times r = 9.42 \times 1.2 = 11.3 \text{ m/s}$$

ب- العجلة المماسية.

صفر

ج- العجلة المركزية.

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{(11.3)^2}{1.2} = 106.59 \text{ m/s}^2$$

د- العجلة الزاوية.

صفر

معتمد

الوحدة الأولى: الحركة

الفصل الثاني: الحركة الدائرية

الدرس (2-2) القوة الجاذبة المركزية

السؤال الأول:

أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

1- القوة التي تسبب الحركة الدائرية ويكون اتجاهها دائما نحو مركز الدائرة. (القوة الجاذبة المركزية F_c)

2- نسبة قوة الاحتكاك (\bar{f}) على قوة رد الفعل (\bar{N}) .

ب- أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:-

1- إذا كان اتجاه القوة المؤثرة على الجسم المتحرك عمودية على اتجاه مساره ، فإن هذا المسار يكون دائري.

2- القوة الجاذبة المركزية لا تغير من مقدار السرعة الخطية للجسم ولكن تغير من اتجاه السرعة الخطية.

3- من أنواع القوة الجاذبة المركزية قوة التجاذب الكهربائية و قوة التجاذب المادية و قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق.

4- تسمى القوة العمودية على المسار الدائري للجسم المتحرك بـ القوة الجاذبة المركزية.

5- سيارة كتلتها Kg (1000)، تتعطف على مسار دائري علي طريق أفقية، فإذا كانت قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق الأفقية تساوي N(6000). فإن معامل الاحتكاك يساوي 0.6

6- عندما تكون قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق الأفقية أقل من القوة الجاذبة المركزية تنزلق السيارة عن مسارها .

السؤال الثاني:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أسماء أقرب إجابة لكل من العبارات التالية:

1- حجر مربوط بخيط ويدور حركة دورانية منتظمة في مستوى أفقي فإذا قطع الخيط فإن الحجر:

- يستمر بحركته حول المركز بنفس السرعة
 يتحرك بخط مستقيم باتجاه السرعة الخطية
 يسقط مباشرة على الأرض

2- القوة الجاذبة المركزية لجسم يتحرك حركة دائرية منتظمة بسرعة زاوية ثابتة المقدار تتناسب تناضباً:

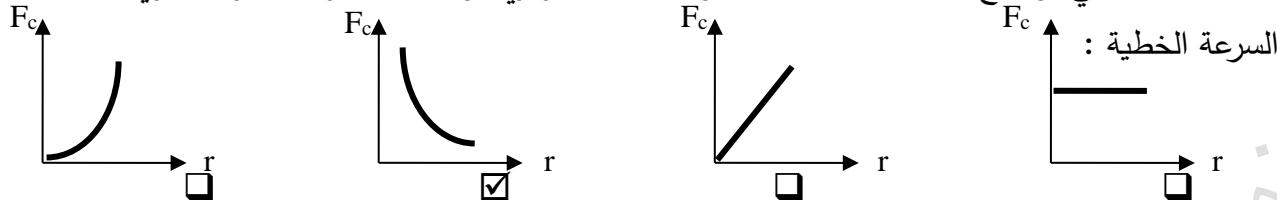
- طردياً مع نصف قطر المسار
 عكسياً مع نصف قطر المسار
 طردياً مع مربع نصف قطر المسار

3- تنتج قوة الجذب المركزية المؤثرة على سيارة تسير على طريق أفقى دائري منحنى عن:

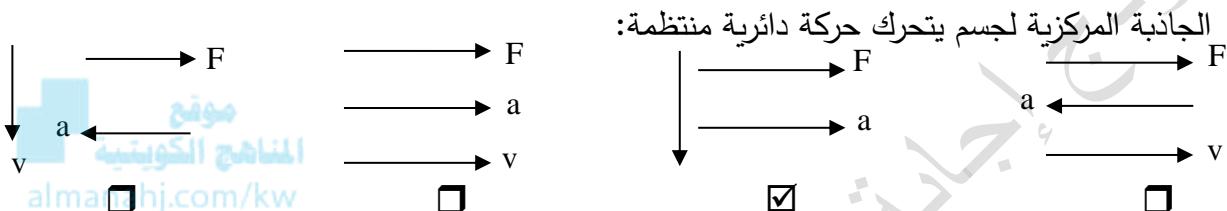
- وزن السيارة وقوة الفرامل
 القصور الذاتي للسيارة
 جميع ماضيق

معتمد

4- أفضل خط بياني يوضح العلاقة بين متجه القوة الجاذبة المركزية ونصف قطر المسار الدائري عند ثبات السرعة الخطية :



5- أحد المخططات التالية يمثل العلاقة بين اتجاهات كل من السرعة الخطية والعملة الجاذبة المركزية والقوة



السؤال الثالث:

أ- ما العوامل التي يتوقف عليها كلا من:

القوة الجاذبة المركزية

كتلة الجسم - سرعة الجسم - نصف قطر المسار

ب- علل لما يلي تعليلا علميا دقيقا

1- للعجلة المركزية قيمة في الحركة الدائرية على الرغم من ثبات السرعة .

بسبب تغير اتجاه السرعة الخطية

2- يخرج الماء من الملابس باتجاه التقوب في النشافة بينما تتجه الملابس نحو داخل الحوض.

لأن الجدار الداخلي للحوض يبذل قوة جاذبة مركزية على الملابس المبللة التي تجبرها على التحرك في مسار دائري ، لكن الفتحات الموجودة في الحوض تمنعه من بذل القوة نفسها على الماء الموجود في الملابس فيخرج الماء من خلال فتحات الحوض متأثراً بقصورة الذاتي .

ج- ماذا يحدث في الحالات التالية:

1- عند افلات الخيط لجسم مربوط في خيط يتحرك حركة دائرية .

يتحرك الجسم في خط مستقيم بسرعة ثابتة المقدار تبعاً لقصورها الذاتي باتجاه السرعة الخطية.

معتمد

السؤال الرابع:

حل المسائل التالية:

- أ- ربطت كرة كتلتها g(200) في طرف خيط طوله cm(50) ثم أديرت بانتظام بحيث تعمل (30) دورة خلال دقيقة أحسب :

1- السرعة الخطية لحركة الكرة

$$v = \omega r = \frac{\theta}{t} \times r = \frac{2\pi N}{t} \times r = \frac{2\pi \times 30}{60} \times 0.5 = 0.5\pi \text{ m/s}$$

2- العجلة المركزية.

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{(0.5\pi)^2}{0.5} = 0.5\pi^2 \text{ m/s}^2$$

3- القوة الجاذبة المركزية.

$$F_C = m \times \frac{v^2}{r} = 0.2 \times 0.5\pi^2 = 0.1\pi^2 N$$

- ب- سيارة كتلتها Kg(1000) تتحرك على منحنى نصف قطره m(50) ، بعجلة مركزية مقدارها 2m/s^2 أحسب :

1- السرعة الخطية للسيارة

$$a_c = \frac{v^2}{r} \rightarrow 2 = \frac{v^2}{50} \rightarrow v^2 = 100 \rightarrow v = 10 \text{ m/s}$$

2- القوة الجاذبة المركزية

$$F_C = m \times \frac{v^2}{r} = 1000 \times 2 = 2000N$$

$$N \cos \theta = mg = 2000 \times 10 = 20000N$$

معتمد

الوحدة الأولى: الحركة

الفصل الثالث: مركز الثقل

الدرس (1-3) مركز الثقل

السؤال الأول:

أ-أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه كل عبارة من العبارات التالية:

- (مركز الثقل)
1- نقطة تأثير نقل الجسم.
(ثقل الجسم - وزن الجسم w)
2- القوة التي يخضع لها الجسم بسبب جذب الأرض له.
(مركز الثقل)
3- النقطة الواقعة عند الموضع المتوسط لنقل الجسم الصلب المتباين.

ب- ضع بين القوسين علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة علمياً



- (✓) عند قذف كرة القاعدة في الهواء كما في الشكل المقابل
نجد أنها تتبع مساراً منتظاماً على شكل قطع مكافئ
قبل أن تصل إلى الأرض.
2- (X) تعتبر حركة مضرب كرة القاعدة حركة انتقالية في الهواء.
3- (X) إذا رُمي جسم في الهواء (كمفتاح إنجليزي مثلاً) بدلاً من ازلاقه على سطح أفقى أملس فإن مركز ثقله
يتبع مساراً منتظاماً على شكل نصف قطع مكافئ.
4- (X) مركز ثقل كرة مجوفة ملئت حتى منتصفها بمعدن الرصاص ينطبق على مركز ثقلها الهندسي عندما
كانت فارغة.
5- (✓) مسار مركز ثقل الألعاب النارية يكون على شكل مسار قطع مكافئ (بفرض إهمال مقاومة الهواء).
6- (X) القوى الداخلية أثناء انفجار الألعاب النارية الصاروخية تغير موضع ثقل القذيفة.
7- (✓) بإهمال مقاومة الهواء نلاحظ أن الشظايا المتناثرة في الهواء من الألعاب النارية الصاروخية تحظى
بمركز الثقل نفسه كما لو كان الانفجار لم يحدث بعد.

ج- أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:

- 1- تعتبر حركة مضرب كرة القاعدة محصلة حركتين هما حركة دورانية وحركة انتقالية.
2- مركز ثقل كرة القاعدة عند قذفها في الهواء يتبع مساراً منتظاماً على شكل قطع مكافئ.
3- الأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل يقع مركز ثقلها عند المركز الهندسي.
4- الأجسام غير منتظمة الشكل يكون مركز ثقل ناحية الطرف الأثقل.
5- يقع مركز ثقل جسم على شكل مثلث على الخط المار بمركز المثلث ورأسه ويكون على بعد من القاعدة يساوي $\frac{1}{3}$ الارتفاع.

معتمد

السؤال الثاني:

- أضung علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنساب إجابة لكل من العبارات التالية :

1- عند تطبيق قوة على جسم ما في مركز ثقله بحيث تكون معاكسة في الاتجاه لقوة ثقله ومساوية لها في المقدار
فإن الجسم:

يتحرك حركة انتقالية

يتحرك حركة دورانية

يتوازن

يتحرك حركة دورانية وأخرى انتقالية

2- مركز ثقل مضرب كرة القاعدة يكون:

عند مركزه الهندسي

أقرب إلى الجزء الأخف

3- مركز ثقل مخروط مصمت الشكل يكون على الخط المار بالمركز ورأس المخروط وعلى بعد يساوي:

$\frac{1}{4}$ الارتفاع من قاعده

$\frac{1}{6}$ الارتفاع من قاعده

$\frac{1}{2}$ الارتفاع من قاعده

$\frac{1}{3}$ الارتفاع من قاعده

4- مركز ثقل جسم منزلي بحركة دورانية يتبع مساراً على شكل:

مستقيم

منحني

نصف قطع مكافئ

قطع مكافئ

السؤال الثالث:

(أ) : قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارن المطلوب في الجدول التالي :

وجه المقارنة	الأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل	الأجسام غير منتظمة الشكل
موضع مركز الثقل	المركز الهندسي	أقرب للجزء الأثقل
وجه المقارنة	قطعة رخام مثلثة الشكل	مخروط مصمت
بعد ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة	$\frac{1}{3}$ الارتفاع من قاعده	$\frac{1}{4}$ الارتفاع من قاعده

(ب) : علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً:

1- يعتبر مركز ثقل الجسم نقطة توازن له.

لان مجموع القوى التي يخضع لها يساوي صفر

2- مركز ثقل جسم ينزلق أثناء دورانه حول نفسه على سطح أفقى أملس يتحرك في خط مستقيم ويقطع مسافات متساوية في فترات زمنية متساوية.

يسبب انعدام القوة المحصلة في اتجاه حركة الجسم

معتمد

الوحدة الأولى: الحركة

الفصل الثالث: مركز الثقل

الدرس (2-3) مركز الكتلة

السؤال الأول:

أ- أكتب بين القوسين الاسم أو المصطلح العلمي الذي تدل عليه العبارة التالية:

(مركز الكتلة)

1- الموضع المتوسط لكتل جميع الجزيئات التي يتكون منها الجسم.

ب- ضع بين القوسين علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة أ:

1- (✓) مركز الكتلة لجسم كتلته موزعة بشكل متجانس ولا تتغير كثافته من نقطة لأخرى ينطبق على مركزه الهندسي.



2- (X) مركز كتلة جسم غير متجانس يكون أقرب إلى المنطقة التي تحتوي على كتلة أصغر.

3- (✓) ينطبق مركز كتلة المجموعة الشمسية على المركز الهندسي للشمس تقريباً طالما ان الكواكب مبعثرة حول الشمس في جميع الجهات.

4- (✓) إذا اصطفت الكواكب على أحد جانبي الشمس يصبح مركز كتلة المجموعة خارج سطح الشمس.

5- (✓) لا تدور كواكب المجموعة الشمسية حول مركز الشمس، بل حول مركز كتلة المجموعة الشمسية.

ج- أكمل العبارات العلمية التالية:

1- مركز كتلة مطرقة من الحديد يكون أقرب إلى رأسها الحديدي.

2- يختلف مركز كتلة حلقة دائيرية عن قرص دائري في أن يكون مركز كتلة الحلقة يقع خارج الجسم، بينما مركز كتلة القرص يقع على الجسم وكلاهما ينطبق مع المركز الهندسي للجسم.

3- مطرقة تتكون من رأس حديدي وساق خشبية، فإن مركز كتلة المطرقة يكون أقرب إلى رأسها الحديدي.

4- يتحرك مركز كتلة القذيفة التي تتفجر في الهواء كالألعاب النارية قبل انفجارها على مسار قطع مكافئ

السؤال الثاني:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنساب إجابة لكل من العبارات التالية :-

1- مركز كتلة حلقة دائيرية يكون:

في مركز الدائرة وينطبق مع المركز الهندسي في مركز الدائرة ولا ينطبق مع المركز الهندسي

أقرب إلى المنطقة التي تحتوي كتلة أكبر أقرب إلى المنطقة التي تحتوي كتلة أصغر

4- مركز كتلة جسم كتلته غير متتجانسة يكون:

في مركز كتلة الجسم وينطبق مع المركز الهندسي أقرب إلى المنطقة التي تحتوي كتلة أكبر

في مركز كتلة الجسم ولا ينطبق مع المركز الهندسي أقرب إلى المنطقة التي تحتوي كتلة أصغر

5- يتحرك مركز كتلة القذيفة التي تتفجر في الهواء مثل الألعاب النارية في مسار على هيئة:

قطع مكافئ نصف قطع مكافئ قطع ناقص نصف دائرة

معتمد

السؤال الثالث:

(أ) : قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارنة المطلوب في الجدول التالي :

إطار المستطيل	حلقة دائرية	وجه المقارنة
عند نقطة تقاطع الوترين	في مركز الدائرة	موقع مركز الكتلة
جسم كتلته موزعة بشكل غير متجانس	جسم كتلته موزعة بشكل متجانس	وجه المقارنة
يكون أقرب إلى الكتلة الأكبر	ينطبق على مركزه الهندسي	موقع مركز الكتلة

(ب) : علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً :

1- مركز الثقل لمركز التجارة العالمي والذي سيلغ ارتفاعه m (541) يقع عند (1mm) أسفل مركز كتلته.

لان قوى الجاذبية على الجزء السفلي القريب من سطح الأرض أكبر من القوى المؤثرة على الجزء العلوي منه.

2- لا ينطبق مركز الثقل مع مركز الكتلة عندما تكون الأجسام كبيرة جداً.

لان هناك اختلاف في قوى الجاذبية بين أجزاءه المختلفة كما هو في الأبنية شاهقة الارتفاع.

معتمد

الوحدة الأولى: الحركة الفصل الثالث: مركز الثقل

الدرس (3-3) تحديد موضع مركز الكتلة أو مركز الثقل

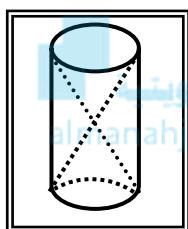
السؤال الأول:

أ- ضع بين القوسين علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة علمياً، وعلامة (X) أمام العبارة غير الصحيحة:

-1 (✓) يقع مركز ثقل جسم منتظم الشكل مثل المسطرة في منتصفها تماماً أي عند مركزها الهندسي.

-2 (X) مركز ثقل جسم منتظم الشكل يمكن أن يكون نقطة خارج الجسم إذا كان الجسم مصمتاً.

-3 (X) موقع مركز ثقل الأجسام الم gioفة مثل كوب ماء فارغ يكون نقطة موجودة على الكوب نفسه.



-4 (✓) موقع مركز ثقل الأسطوانة في الشكل المجاور ينطبق مع المركز الهندسي

لالأسطوانة.

-5 (X) كتلتان نقطيتان تقعان على محور السينات كتلتاهما $m_1 = (2)Kg$ و

$m_2 = (8)Kg$ تبعدان الواحدة

عن الأخرى مسافة cm(6) فإن مركز كتلة الجسمين يقع في الموضع (4.8.,0) وأقرب إلى الكتلة m_1 .

-6 (✓) يمكن أن يكون مركز كتلة جسم منتظم الشكل ومفرغ نقطة مادية من الجسم وخارجه.

-7 (✓) يكون مركز الكتلة لكتلتين متماثلتين تبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة محددة نقطة في الوسط

بين الكتلتين.

ب- أكمل العبارات التالية بما تراه مناسباً:

1- مركز الكتلة في الأجسام منتظمة الشكل ينطبق مع المركز الهندسي للجسم، ويمكن أن يكون نقطة مادية

من الجسم إذا كان الجسم مصمٌ أو نقطة خارجه إذا كان الجسم محفوٍ.

2- موقع مركز كتلة عدة كتل موجودة في مستوى واحد يعتمد على توزيع الكتل.

السؤال الثاني:

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام أنساب إجابة لكل من العبارات التالية:

1- كتلتان نقطيتان $m_1 = (1)Kg$ و $m_2 = (3)Kg$ تبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة cm(8) فإن موضع

مركز الكتلة يقع على محور السينات في الموضع:

(6cm, 6cm) (2cm, 0) (4cm, 0) (0, 6cm)

2- كتلتان نقطيتان $m_1 = (1)Kg$ و $m_2 = (5)Kg$ تبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة cm(50) فإن موضع

مركز الكتلة يقع:

عند منتصف المسافة بين (m_1 و m_2)

على الخط الحامل لكتلتين وجهة m_1 وخارجهما

بين (m_1 و m_2) وأقرب إلى m_1 من الداخل

بين (m_1 و m_2) وأقرب إلى m_2 من الداخل

معتمد

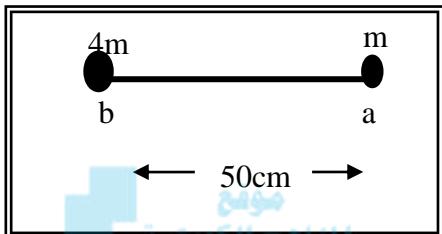
3- كتلتان نقطيتان كتلتان نقطيتان m و $4m$ تقعان على محور السينات وتبعدان الواحدة عن الأخرى مسافة 50cm فإن موضع مركز كتلة الجسمين يكون على بعد:

$(3m)$ من الكتلة

$(3m)$ من الكتلة

(m) من الكتلة $(7.5)\text{cm}$

$(3m)$ من الكتلة $(7.5)\text{cm}$



موقع almanar40 n/kw

25

12.5

10

4- وضع جسمان نقطيان كتلتهما m و $4m$ على التوالي كما في الشكل المجاور فيكون موضع مركز كتلة هذا النظام بالنسبة إلى النقطة a بوحدة cm مساوياً :

السؤال الثالث:

(أ) : قارن بين كل مما يلي حسب وجه المقارن المطلوب في الجدول التالي :

وعاء	كرسي	وجه المقارنة
في التجويف الداخلي	أسفل قاعدة الكرسي	أين موقع مركز الثقل

(ب) : علل لكل مما يلي تعليلاً علمياً سليماً:

1- يمكن وجود أكثر من مركز ثقل لجسم واحد.

لان الجسم الجاسئ له مركز كتلة واحدة، أما الأجسام المحوفة فيمكن أن يكون لها أكثر من مركز ثقل واحد

حيث يكون موضع مركز الثقل مجموعة نقاط تشكل محور التناول.

2- يمكن موازنة المسطرة بالتأثير على مركز الثقل بقوة واحدة لأعلى.

لان ثقل المسطرة مرتكز في نقطة مركز الثقل.

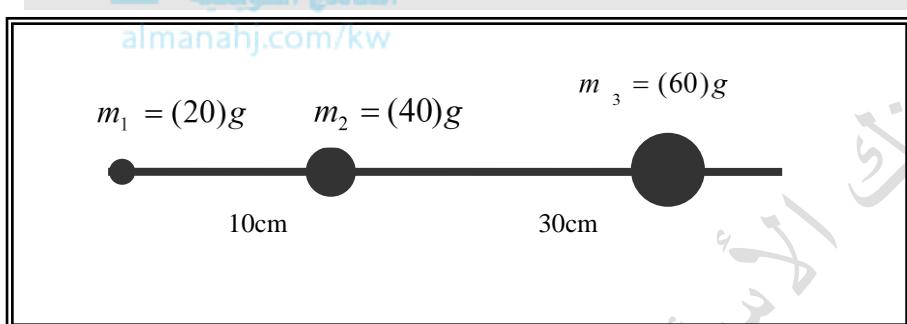
معتمد

- 3- الشكل المقابل يمثل كتلتين نقطيتين تقعان على محور السينات فإذا حلت كل منهما محل الأخرى فإن مركز الكتلة للمجموعة يتغير موضعه.

لأن مركز الكتلة لا يتوقف على طريقة اختيارنا للمحاور والإحداثيات ولكن على توزيع الجسيمات المؤلفة للنظام.

السؤال الرابع:

حل المسائل التالية: -



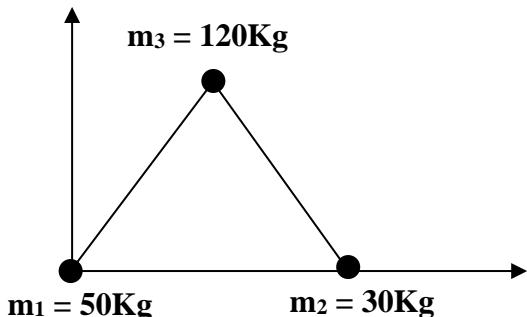
- (أ) ثلاثة كتل نقطية وضعت على خط مستقيم كما في الشكل المقابل، والمطلوب أحسب موقع مركز الكتلة للنظام.

$$x_{cm} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$X_{cm} = \frac{20 \times 0 + 40 \times 10 + 60 \times 40}{20 + 40 + 60} = 23.33\text{cm}$$

موضع كتلة النظام محدد بالإحداثيات (23.33 ، 0)

معتمد



(ب) الشكل يوضح ثالث كتل نقطية وضعت على رؤوس مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه 20 cm، فإذا كانت نقطة (A) هي نقطة تقاطع محاور الإسناد (x, y) أحسب موضع مركز الكتلة للمجموعة.

$$x_{cm} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$X_{cm} = \frac{50 \times 0 + 30 \times 20 + 120 \times 10}{50 + 30 + 120} = 9\text{cm}$$

$$y_{cm} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$y_{cm} = \frac{50 \times 0 + 30 \times 0 + 120 \times 17.32}{50 + 30 + 120} = 10.392\text{cm}$$

موضع كتلة النظام محدد بالإحداثيات (9 ، 10.392)