

ثانوية عبدالله الأحمـد  
مراجعة للصف الحادي عشر



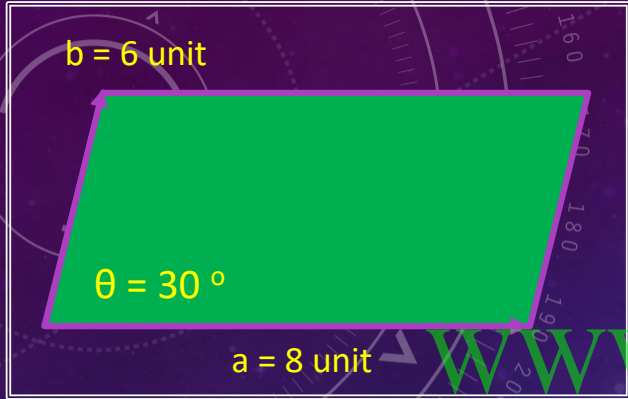
الفيزياء

WWW.KweduFiles.Com

إعداد وتقديم : أ. عمرو مصطفى

الموجه الفني : وليد

مدير المدرسة : أ. يوسف أحمد بوسكندر



الشكل المقابل يمثل متجهان  $(\vec{a})$  ؛  $(\vec{b})$  في مستوى أفقي واحد هو مستوى الصفحة والمطلوب حساب :

أ- محصلة المتجهين ( مقداراً واتجهاً )  $(\vec{a} + \vec{b})$

**الاتجاه**

$$\sin \alpha = \frac{b \sin \theta}{R} = \frac{6 \sin 30}{13.53} = 0.22$$

$$\alpha = 12.8^\circ$$

$$a + b = \sqrt{a^2 + b^2 + 2ab \cos \theta}$$

$$R = \sqrt{(8)^2 + b(6)^2 + 2 \times 8 \times 6 \cos(30)}$$

$$= \sqrt{183.138} = 13.53 \text{ unit}$$

$b = 6 \text{ unit}$



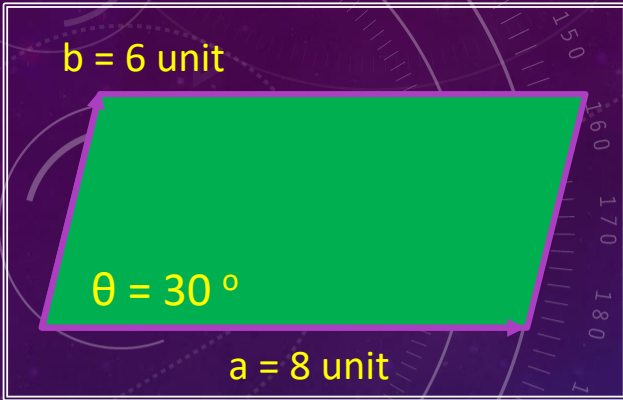
$a = 8 \text{ unit}$

الشكل المقابل يمثل متجهان  $(\vec{a})$  ؛  $(\vec{b})$  في مستوى أفقي واحد هو مستوى الصفحة والمطلوب حساب :

ب- حاصل الضرب الاتجاهي  $(\vec{a} \times \vec{b})$  للمتجهين ( مقداراً واتجاهاً )

$$a \times b = ab \sin \theta = 8 \times 6 \times \sin 30 = 24 \text{ unit}^2$$

عمودي على المستوى الذي يجمع المتجهين إلى أعلى

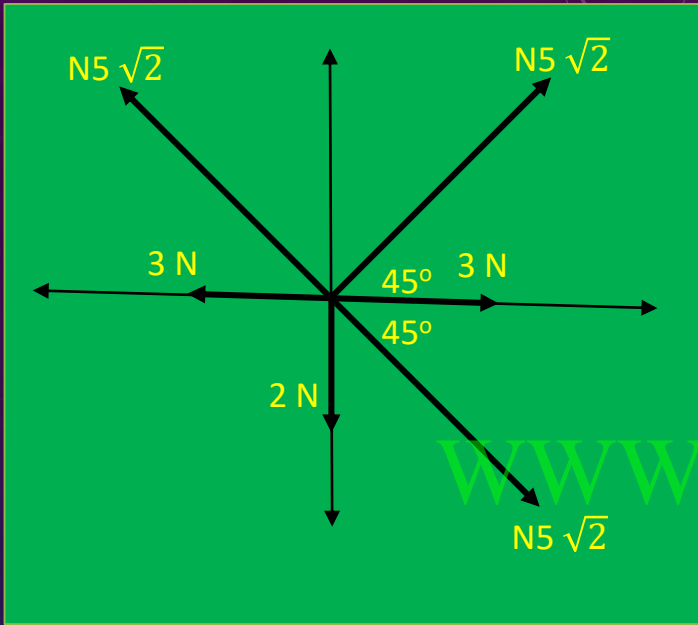


الشكل المقابل يمثل متجهان  $(\vec{a})$  ؛  $(\vec{b})$  في مستوى أفقي واحد هو مستوى الصفحة والمطلوب حساب :

ج - حاصل الضرب القياسي  $(\vec{a} \cdot \vec{b})$  للمتجهين .

$$a \cdot b = ab \cos \theta = 8 \times 6 \times \cos 30 = 41.56$$

unit<sup>2</sup>



احسب محصلة القوى الموضحة بالشكل :-

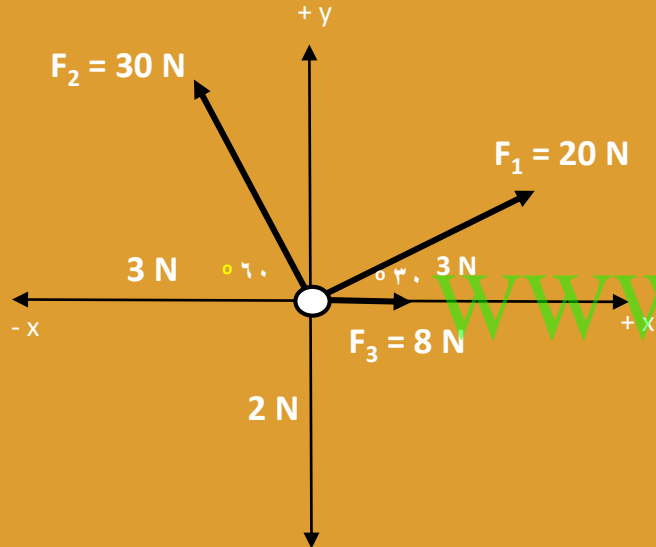
$F_y = F \sin \theta$	$F_x = F \cos \theta$	F
$5 \sqrt{2} \sin 45 = 5 \text{ N}$	$5 \sqrt{2} \cos 45 = 5 \text{ N}$	$F_1$
-2	صفر	$F_2$
$F_y = 5 - 2 = 3 \text{ N}$	$F_x = 5 \text{ N}$	$F_r$

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(5)^2 + (3)^2} = 5.83 \text{ N}$$

$$\tan \theta = \frac{3}{5} = 0.6 \quad \longrightarrow \quad \theta = 30.96^\circ$$

تؤثر القوى المبينة في الشكل المقابل على الحلقة - مستخدماً تحليل المتجهات احسب :

١- مقدار محصلة القوى المؤثرة

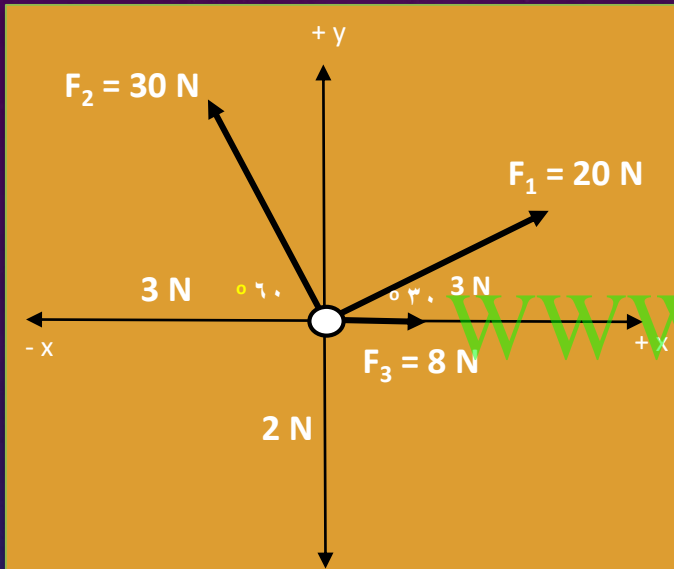


$F_y$	$F_x$	F
$20\sin 30 = 10 \text{ N}$	$20\cos 30 = 17.32 \text{ N}$	$F_1$
$30\sin 60 = 25.98 \text{ N}$	$-30\cos 60 = -15 \text{ N}$	$F_2$
0	8 N	$F_3$
35.98 N	10.32 N	$F_R$

$$F_R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(10.32)^2 + (35.98)^2} = 37.43 \text{ N}$$

تؤثر القوى المبينة في الشكل المقابل على الحلقة - مستخدماً تحليل المتجهات احسب :

٢- اتجاه المحصلة



$$\tan \theta = \frac{F_x}{F_y} = \frac{35.98}{10.32} = 3.486 \rightarrow \theta = 74^\circ$$

اطلقت قذيفة بزاوية  $45^\circ$  مع المحور الأفقي بسرعة  $(5\sqrt{2}) \text{ m/s}$  بإهمال مقاومة الهواء والمطلوب :

١- أكتب معادلة المسار للقذيفة

[www.KweduFiles.Com](http://www.KweduFiles.Com)

$$y = \left( \frac{-8}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \right) \cdot x^2 + \tan \theta \cdot x$$

$$y = 0.2 x^2 + x$$



اطلقت قذيفة بزاوية  $45^\circ$  مع المحور الأفقي بسرعة  $(5\sqrt{2}) \text{ m/s}$  بإهمال مقاومة الهواء والمطلوب :

2- احسب الزمن الذي تبلغه القذيفة للوصول إلى أقصى ارتفاع .

[WWW.KweduFiles.Com](http://WWW.KweduFiles.Com)

$$t = \frac{v_0 \sin \theta}{g} = \frac{5\sqrt{2} \times \sin 45}{10} = 0.5 \text{ (s)}$$

اطلقت قذيفة بزاوية  $45^\circ$  مع المحور الأفقي بسرعة  $(5\sqrt{2}) \text{ m/s}$  بإهمال مقاومة الهواء والمطلوب :

3- احسب الزمن الذي تبلغه القذيفة للوصول للمدى ( الهدف ) .

[WWW.KweduFiles.Com](http://WWW.KweduFiles.Com)

$$t = \frac{2v_0 \sin \theta}{g} = \frac{2 \times 5\sqrt{2} \times \sin 45}{10} = 1 \text{ (s)}$$

اطلقت قذيفة بزاوية  $45^\circ$  مع المحور الأفقي بسرعة  $(5\sqrt{2}) \text{ m/s}$  بإهمال مقاومة الهواء والمطلوب :

4- احسب المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة .

[WWW.KweduFiles.Com](http://WWW.KweduFiles.Com)

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g} = \frac{(5\sqrt{2})^2 \sin(2 \times 45)}{10} = 5 \text{ m}$$

اطلقت قذيفة بزاوية  $45^\circ$  مع المحور الأفقي بسرعة  $(5\sqrt{2}) \text{ m/s}$  بإهمال مقاومة الهواء والمطلوب :

5- احسب أقصى ارتفاع تصل إليه القذيفة.

[WWW.KweduFiles.Com](http://WWW.KweduFiles.Com)

$$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g} = \frac{(5\sqrt{2})^2 \sin^2 45}{2 \times 10} = 1.25 \text{ m}$$

اطلقت قذيفة بزاوية  $45^\circ$  مع المحور الأفقي بسرعة  $(5\sqrt{2}) \text{ m/s}$  بإهمال مقاومة الهواء والمطلوب :

6- احسب متجه السرعة لحظة اصطدام القذيفة بالأرض .

$$V_x = V_0 \cos \theta = 5\sqrt{2} \times \cos 45 = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$V_y = -gt + v_0 \sin \theta = 10 \times 1 + 5\sqrt{2} \times \sin 45 = -5 \text{ m/s}$$

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{(2s)^2 + (25)^2} = \sqrt{50} = 7.07 \text{ m/s}$$

أطلقت قذيفة باتجاه يصنع مع المستوى الأفقي زاوية مقدارها  $(45^\circ)$  وبسرعة ابتدائية تساوي  $(40 \text{ m/s})$  .

1- احسب أعلى وأقصى ارتفاع  $(h_{\max})$  تصل إليه القذيفة .

[WWW.KweduFiles.Com](http://WWW.KweduFiles.Com)

$$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g} = \frac{(40)^2 \sin^2 45}{2 \times 10} = 40 \text{ m}$$

أطلقت قذيفة باتجاه يصنع مع المستوى الأفقي زاوية مقدارها  $(45^\circ)$  وبسرعة ابتدائية تساوي  $(40 \text{ m/s})$  .

2- احسب مداها الأقصى .

[WWW.KweduFiles.Com](http://WWW.KweduFiles.Com)

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g} = \frac{(40)^2 \sin(2 \times 45)}{10} = 160 \text{ m}$$

أطلقت قذيفة بزاوية (60°) مع المحور الأفقي من النقطة (0,0) وبسرعة ابتدائية (40 m/s) وبإهمال مقاومة الهواء والمطلوب :

1- أكتب معادلة المسار للقذيفة .

$$y = \left[ \frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \right] x^2 + \tan \theta \cdot x$$

$$y = \left[ \frac{-10}{2(40)^2 \cos^2 60} \right] \cdot x^2 + \tan 60 x$$

$$y = -0.125 x^2 + 1.73 x$$



أطلقت قذيفة بزاوية (60°) مع المحور الأفقي من النقطة (0,0) وبسرعة ابتدائية (40 m/s) وبإهمال مقاومة الهواء والمطلوب :

2- أحسب المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة علماً بأنها اصطدمت بالأرض عند نقطة تقع على الخط المار بنقطة القذف .

WWW.KweduFiles.Com

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g}$$

$$R = \frac{(40)^2 \sin(2 \times 60)}{10} = 138.56 \text{ m}$$

أطلقت أطلقت قذيفة بزاوية (30°) مع المحور الأفقي من النقطة (0,0) بسرعة ابتدائية (80 m/s) ، مع إهمال مقاومة الهواء :

1- احسب أقصى ارتفاع ( $h_{\max}$ ) تصل إليه القذيفة في مسارها .

[WWW.KweduFiles.Com](http://WWW.KweduFiles.Com)

$$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g} = \frac{(80)^2 \sin^2 30}{2 \times 10} = 160 \text{ m}$$

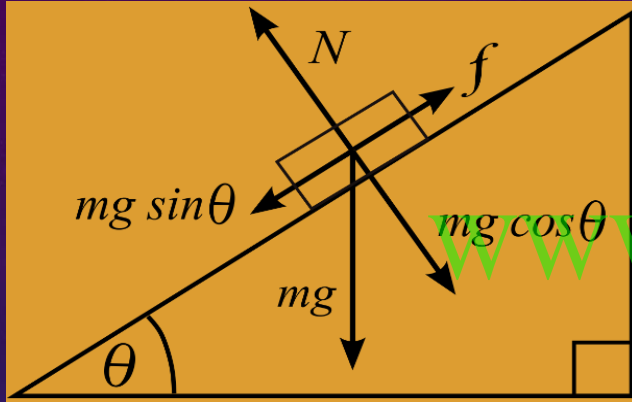
أطلقت أطلقت قذيفة بزاوية (30°) مع المحور الأفقي من النقطة (0,0) بسرعة ابتدائية (80 m/s) ، مع إهمال مقاومة الهواء :

٢- احسب زمن وصول القذيفة إلى الهدف .

[WWW.KweduFiles.Com](http://WWW.KweduFiles.Com)

$$t = \frac{2v_0 \sin \theta}{g} = \frac{2 \times 80 \times \sin 30}{10} = 8 \text{ (s)}$$

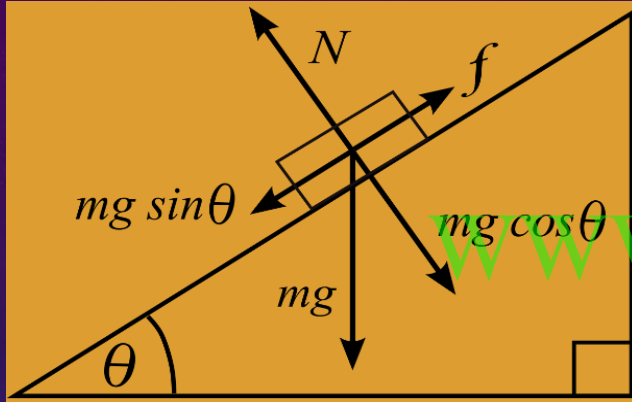
يستقر جسم كتلته 50 Kg على سطح مائل بزاوية (30°) مع الخط الأفقي  
علماً بأن عجلة الجاذبية (  $g=10\text{m/s}^2$  ) احسب مقدار مركبتي الوزن



1- مركبة الوزن في اتجاه المستوى .

$$F_x = W \sin \theta = mg \sin \theta = 50 \times 10 \times \sin 30 = 250 \text{ N}$$

يستقر جسم كتلته 50 Kg على سطح مائل بزاوية (30°) مع الخط الأفقي  
علماً بأن عجلة الجاذبية (  $g=10\text{m/s}^2$  ) احسب مقدار مركبتي الوزن



2- مركبة الوزن العمودية على اتجاه المستوى.

$$F_y = W \cos \theta = mg \cos \theta = 50 \times 10 \times \cos 30 = 433 \text{ N}$$

# قارن بين حركة القذيفة في الاتجاه الرأسي وفي الاتجاه الأفقي :

حركة القذيفة في الاتجاه الأفقي	حركة القذيفة في الاتجاه الرأسي	وجه المقارنة
$v_{xt} = v_{ox}$ $= v_0 \cos \theta$	$V_{yt} = V_0 \sin \theta$	مركبة السرعة في هذا الاتجاه
لا يوجد	الوزن ويؤثر رأسياً لأسفل	القوة المؤثرة في هذا الاتجاه واتجاهها (بإهمال مقاومة الهواء)

## قارن بين الكميات القياسية والكميات المتجهة :

الكميات المتجهة	الكميات القياسية	وجه المقارنة
الاتجاه الذي تأخذه بالإضافة إلى العدد الذي يحدد مقدارها ووحدة القياس التي تميزها	عدد يحدد مقدارها ، ووحدة فيزيائية تميز هذا المقدار.	ما يلزم لتعيينها
الضرب الاتجاهي	الضرب القياسي	وجه المقارنة
كمية متجهة	كمية قياسية (عددية)	نوع نتائج الضرب ككمية

يدور جسم كتلته (200g) مربوط بخيط على محيط دائرة قطرها (120 cm) ويصنع  
(90) دورة في الدقيقة

1- احسب السرعة الخطية .

WWW.KweduFiles.Com

$$V = \frac{2\pi rN}{L} = \frac{2\pi \times 0.6 \times 90}{60} = 5.65 \text{ m/s}$$



يدور جسم كتلته (200g) مربوط بخيط على محيط دائرة قطرها (120 cm) ويصنع  
(90) دورة في الدقيقة

٢- احسب السرعة الزاوية .

$$\omega = \frac{v}{r} = \frac{5.65}{0.6} = 9.42 \text{ rad/s}$$

يدور جسم كتلته (200g) مربوط بخيط على محيط دائرة قطرها (120 cm) ويصنع  
(90) دورة في الدقيقة

٣- العجلة المماسية = العجلة الزاوية .

WWW.KweduFiles.Com

صفر

يدور جسم كتلته (200g) مربوط بخيط على محيط دائرة قطرها (120 cm) ويصنع (90) دورة في الدقيقة

٤- العجلة المركزية .

WWW.KweduFiles.Com

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{(5.65)^2}{0.6} = 53.2 \text{ m/s}^2$$

يدور جسم كتلته (200g) مربوط بخيط على محيط دائرة قطرها (120 cm) ويصنع  
(90) دورة في الدقيقة

هـ- القوة المركزية

WWW.KweduFiles.Com

$$F_c = m \cdot a_c = 0.2 \times 53.2 = 10.6 \text{ N}$$

سيارة كتلتها (2000Kg) تتحرك على مسار دائري قطره (200m) على طريق أفقي  
بسرعة (20 m/s) احسب :-

1- القوة الجاذبة المركزية .

WWW.KweduFiles.Com

$$F_c = \frac{m \cdot v^2}{r} = \frac{2000 \times (20)^2}{100} = 8000 \text{ N}$$

سيارة كتلتها (2000Kg) تتحرك على مسار دائري قطره (200m) على طريق أفقي  
بسرعة (20 m/s) احسب :-

٢- قوة رد الفعل .

WWW.KweduFiles.Com

$$N = m.g = 2000 \times 10 = 20000 \text{ N}$$

سيارة كتلتها (2000Kg) تتحرك على مسار دائري قطره (200m) على طريق أفقي  
بسرعة (20 m/s) احسب :-

3- القوة هل يحدث انزلاق للسيارة أم لا ؟  
إذا كان معامل الاحتكاك  $\mu = 0.5$ .

$$F = \mu \times N = 0.5 \times 20000 = 10000 \text{ N}$$

$$F > F_c$$

لا يحدث إنزلاق

سيارة كتلتها (2000Kg) تتحرك على مسار دائري قطره (200m) على طريق أفقي  
بسرعة (20 m/s) احسب :-

4- السرعة القصوى التي يمكن أن تتحرك بها السيارة دون أن  
تنزلق إذا كان معامل الاحتكاك ( $\mu = 0.8$ ).

$$V = \sqrt{g \cdot r \cdot \mu} = \sqrt{10 \times 100 \times 0.8} = 28.28 \text{ m/s}$$



جسم يدور في مسار دائري نصف قطره (3 m) بسرعة زاوية قدرها (4 rad/s)  
احسب :-

أ- السرعة الخطية

WWW.KweduFiles.Com

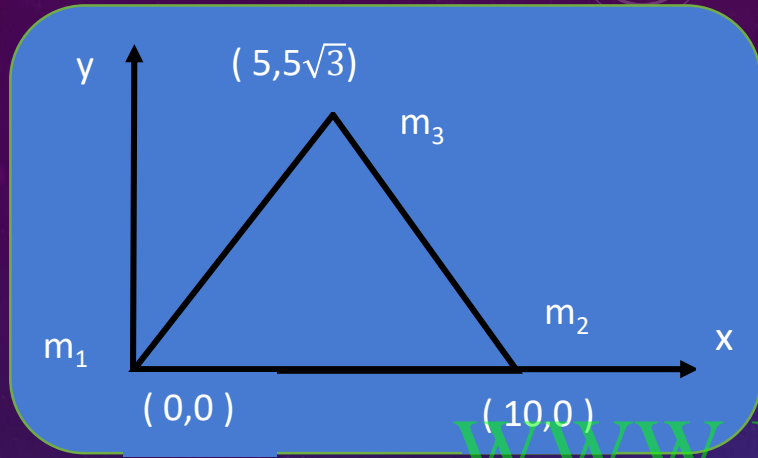
$$V = \omega r = 4 \times 3 = 12 \text{ m/s}$$

جسم يدور في مسار دائري نصف قطره (3 m) بسرعة زاوية قدرها (4 rad/s)  
احسب :-

ب - الزمن الدوري للحركة

WWW.KweduFiles.Com

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2} \text{ s}$$



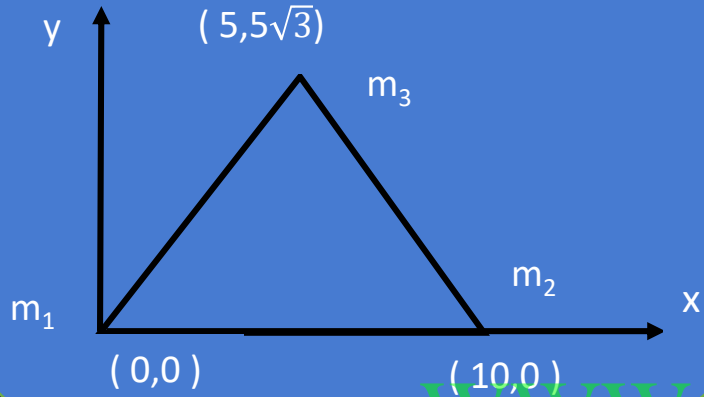
ثلاث كتل ( m<sub>1</sub> = 1 Kg ) - ( m<sub>2</sub> = 2 Kg ) - ( m<sub>3</sub> = 3 Kg ) موضوعة على رأس مثلث متساو الأضلاع طول ضلعه ( 10 cm )

١ - أوجد موضع مركز الكتلة

$$x_{CM} = \frac{m_1x_1 + m_2x_2 + m_3x_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{(1 \times 0) + (2 \times 10) + (3 \times 5)}{1 + 2 + 3} = 5.8 \text{ cm}$$

$$y_{CM} = \frac{m_1y_1 + m_2y_2 + m_3y_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{(1 \times 0) + (2 \times 0) + (3 \times 5\sqrt{3})}{1 + 2 + 3} = 4.33 \text{ cm}$$

أي أن موضع كتلة النظام المؤلف من ثلاث كتل نقطية محدد بالاحداثيات ( 5.8 cm , 4.33 cm )

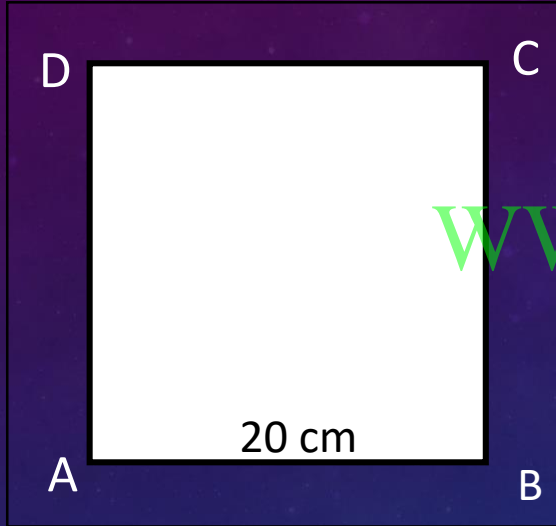


ثلاث كتل (  $m_2 = 2 \text{ Kg}$  ) - (  $m_1 = 1 \text{ Kg}$  )  
موضوعة على رأس مثلث  
متساو الأضلاع طول ضلعه (  $10 \text{ cm}$  )

2 - قيم : هل النتيجة مقبولة ؟

نعم لأن مركز الكتلة يقع بين الأجسام وأقرب للكتلة الأكبر

نظام مؤلف من أربع كتل هي (  $m_A = 1 \text{ Kg}$  ) – (  $m_B = 2 \text{ Kg}$  ) – (  $m_C = 3 \text{ Kg}$  ) – (  $m_D = 4 \text{ Kg}$  ) موزعه على أطراف مربع طول ضلعه (  $20 \text{ cm}$  ) ومهمل الكتلة .



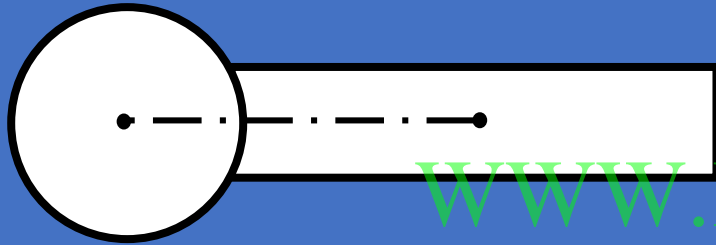
أوجد موضع مركز الكتلة

$$x_{CM} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3 + m_4 x_4}{m_1 + m_2 + m_3 + m_4}$$
$$= \frac{(1 \times 0) + (2 \times 20) + (3 \times 20) + (4 \times 0)}{1 + 2 + 3 + 4} = 10 \text{ cm}$$

$$y_{CM} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3 + m_4 y_4}{m_1 + m_2 + m_3 + m_4} = \frac{(1 \times 0) + (2 \times 0) + (3 \times 20) + (4 \times 20)}{1 + 2 + 3 + 4} = 14 \text{ cm}$$

أي أن موضع كتلة النظام المؤلف من أربع كتل نقطية محدد بالإحداثيات (  $10 \text{ cm}$  ,  $14$  )

أوجد مركز الكتلة للنظام المؤلف من الكرة والعصا علماً بأن كتلة الكرة ( $m_1 = 2 \text{ Kg}$ ) ونصف قطرها ( $20 \text{ cm}$ ) وكتلة العصا ( $m_2 = 1 \text{ Kg}$ ) وطولها ( $60 \text{ cm}$ ) .

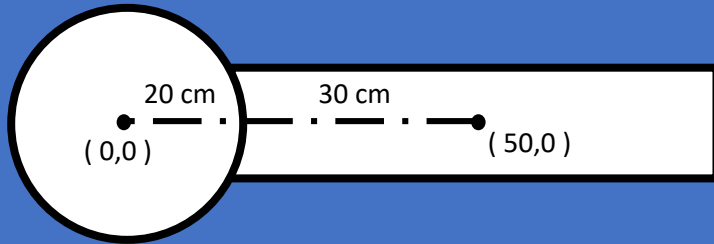


$$m_1 = 2 \text{ Kg} , m_2 = 1 \text{ Kg}$$

$$R = 20 \text{ cm} , L = 60 \text{ cm}$$

WWW.KweduFiles.Com

$$x_{CM} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2}$$

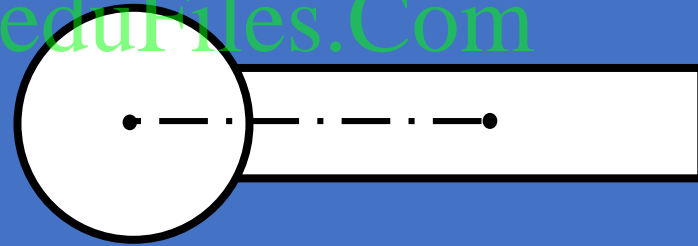
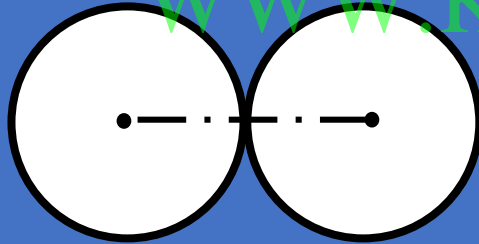


$$x_{CM} = \frac{(2 \times 0) + (1 \times 50)}{2 + 1} = 16.66 \text{ cm}$$

$$CG = ( 16.66 , 0 )$$

# حساب مركز كتلة عدة أجسام متصلة ببعض :

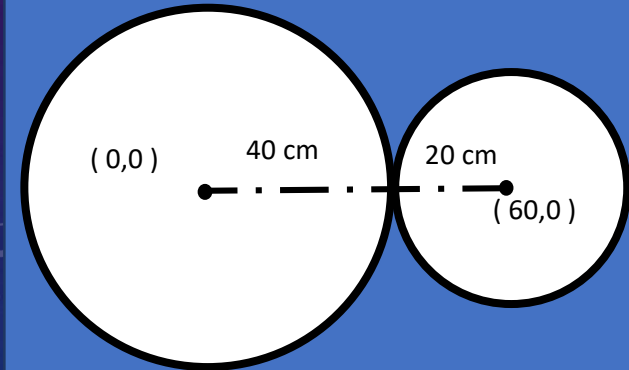
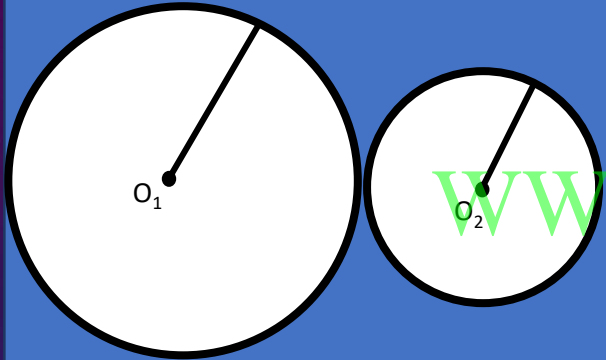
يتم حساب الأبعاد استناد على مركز كتلة الأجسام



[WWW.KweduFiles.Com](http://WWW.KweduFiles.Com)

مثال: قرص من الحديد كتلته (500 gm) ونصف قطره (40 cm) تم وصله بقرص من النحاس كتلته (200 gm) ونصف قطره (20 cm) كما بالشكل .

احسب موضع مركز كتلة القرصين



$$x_{CM} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2}$$

$$m_1 = 0.5 \text{ Kg}$$

$$m_2 = 0.2 \text{ Kg}$$

$$x_{CM} = \frac{(0.5 \times 0) + (0.2 \times 60)}{0.5 + 0.2} = 17.14 \text{ cm}$$

$$CG = ( 17.14 , 0 )$$



خَتَاماً  
WWW.KweduFiles.Com  
تَمَنِيَاتِي لَكُمْ بِالتَّوْفِيقِ