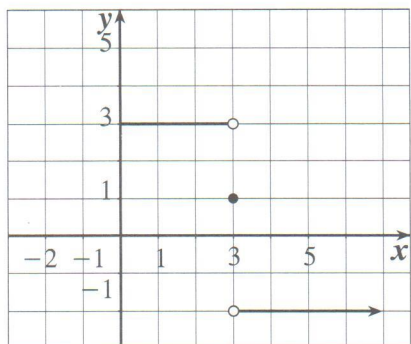


في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = -2$ (في الرسم البياني أدناه)

(a)

(b)



(2) $\lim_{y \rightarrow 2} \frac{y^2 + 5y + 6}{y + 2} = 5$

(a)

(b)

(3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x^3 + 8x^2}{3x^4 - 16x^2} = 0$

(a)

(b)

(4) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{x^2} - x}{x} = -2$

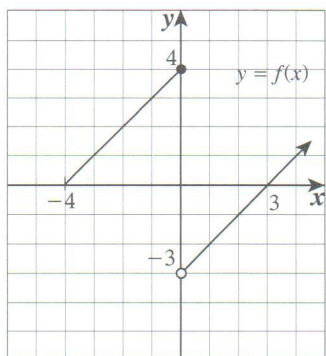
(a)

(b)

(5) $\lim_{x \rightarrow 1^+} (2x - |x| + 2) = 3$

(a)

(b)



في التمارين (6-14)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6) الشكل المقابل هو بيان دالة f .

العبارة الصحيحة في ما يلي هي:

(a) $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = 4$

(b) $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -3$

(c) $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 4$

(d) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -3$

(7) $\lim_{x \rightarrow -2} (x^3 + 3x^2 - 2x - 17) =$

- (a) 17 (b) -17 (c) 9 (d) -9

(8) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{x^2-1} =$

- (a) 1 (b) 0 (c) $\frac{1}{2}$ (d) غير موجودة

(9) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x + 2}{2x^2 - 5x + 2} =$

- (a) 1 (b) 0 (c) $\frac{1}{2}$ (d) $\frac{1}{3}$

(10) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x}-1}{x-1} =$

- (a) -1 (b) 1 (c) $\frac{1}{2}$ (d) 0

(11) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x-2|}{x^2-4} =$

- (a) $\frac{1}{2}$ (b) $-\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$

(12) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{2+x} - \frac{1}{2} =$

- (a) $-\frac{1}{2}$ (b) $\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$

(13) $\lim_{x \rightarrow -8} \frac{x+8}{\sqrt[3]{x+2}} =$

- (a) 12 (b) -12 (c) 4 (d) -4

(14) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^3 + 9x^2 + 9x}{x+3} =$

- (a) 9 (b) 0 (c) -3 (d) -9

نهايات تشمل على $-\infty$ ، ∞ Limits Involving $-\infty$, ∞

المجموعة A تمارين مقالية

في التمارين (1-4)، أوجد:

(1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x-2}$

(2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2+1}{x^3}$

(3) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-1}{2x+3}$

(4) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\left(2 - \frac{x}{x+1} \right) \left(\frac{x^2}{5+x^2} \right) \right)$

في التمارين (5-8)، أوجد إن أمكن:

(5) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{\sqrt{4x^2}}$

(6) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{3}{|x-5|}$

(7) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{-7}{|x+2|}$

(8) $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{2x-1}{\sqrt{(2x-1)^8}}$

في التمارين (9-12)، أوجد إن أمكن معادلات الخطوط المقاربة الرأسية والأفقية لكل مما يلي:

(9) $f(x) = \frac{3x^2 - 2x + 1}{2x^2 + 5x}$

(10) $f(x) = \frac{x-2}{2x^2 + 3x - 5}$

(11) $f(x) = \frac{4x^3 - 2x + 1}{x^3 + x^2}$

(12) $f(x) = \frac{4x}{2x^2 - 5x + 2}$

المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-5)، ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) $\lim_{x \rightarrow -4^-} \frac{1}{(x+4)^9} = -\infty$

 a b

(2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x-1}{|x|-3} = 2$

 a b

(3) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{|x|-3}{x+3} = -1$

 a b

(4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1-x}{2x^2-5x-3} = -\infty$

 a b

(5) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{|2x-3|} = \frac{1}{2}$

 a b

في التمارين (14 - 6)، ظلّل رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(6) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{|x|}{|x|+1} =$

- (a) 0 (b) 1 (c) ∞ (d) $\frac{1}{2}$

(7) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x}{x+3} =$

- (a) ∞ (b) $-\infty$ (c) 1 (d) 0

(8) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x-5}{\sqrt{x^2+1}} =$

- (a) ∞ (b) $-\infty$ (c) 3 (d) -3

(9) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2}{x} + 1\right) \left(\frac{5x^2-1}{x^2}\right) =$

- (a) 0 (b) 5 (c) 1 (d) $-\infty$

(10) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-|x+3|}{2x} =$

- (a) $\frac{1}{2}$ (b) $-\frac{1}{2}$ (c) ∞ (d) $-\infty$

(11) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \left(\frac{3}{x-2}\right)^5 =$

- (a) 0 (b) 2 (c) ∞ (d) $-\infty$

(12) $\lim_{x \rightarrow 4^+} \frac{2}{(x-4)^3} =$

- (a) ∞ (b) 2 (c) $-\infty$ (d) 0

(13) المقارب الأفقي والمقارب الرأسي لمنحنى الدالة f : $f(x) = \frac{2x-3}{2x+1}$ هما:

- (a) $y = 2$, $x = \frac{1}{2}$ (b) $y = 2$, $x = -\frac{1}{2}$
(c) $y = 1$, $x = -\frac{1}{2}$ (d) $y = 1$, $x = \frac{1}{2}$

(14) المقارب الأفقي والمقاربات الرأسية لمنحنى الدالة f : $f(x) = \frac{3x-5}{x^2-9}$ هي:

- (a) $y = 3$, $x = 3$, $x = -3$ (b) $y = 3$, $x = 9$, $x = -9$
(c) $y = -3$, $x = 3$, $x = -3$ (d) $y = 0$, $x = 3$, $x = -3$

المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-6)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (3x^2 + 7x - 8) = \infty$

a

b

(2) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-x^3 - 2x + 1) = -\infty$

a

b

(3) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-x^2 + x - 3) = -\infty$

a

b

(4) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-2x + 4}{3x^2 - 5x + 1} = 0$

a

b

(5) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x^3 + 7x^2 - 1}{2x^3 - 4} = 2$

a

b

(6) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x - 7}{\sqrt{4x^2 - 8x + 5}} = \frac{3}{2}$

a

b

في التمارين (7-11)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(7) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 2x + 5}{2x^4 + x^2 - 2} =$

a ∞

b $\frac{1}{2}$

c 0

d $-\infty$

(8) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-5x + 3}{\sqrt{9x^2 - 2x + 4}} =$

a $\frac{5}{3}$

b $-\frac{5}{3}$

c $\frac{5}{9}$

d $-\frac{5}{9}$

(9) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-2x + 1}{\sqrt{4x^2 - x + 3}} =$

a -1

b $-\frac{1}{2}$

c $\frac{1}{2}$

d 1

(10) إذا كان: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{mx^2 + nx + 4}{\sqrt{x^2 - 2x + 4}} = -2$ فإن قيم m, n هي:

a

$m = 0, n = -2$

b

$m = 0, n = 2$

c

$m = 1, n = -1$

d

$m = 1, n = 1$

(11) إذا كانت: $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{4x^2 - 2x + 3}}{mx^2 + nx - 4} = 1$ فإن قيم m, n هي:

a

$m = 0, n = -2$

b

$m = 0, n = 2$

c

$m = 0, n = 4$

d

$m = 0, n = -4$

المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- | | | |
|---|------------------------------------|------------------------------------|
| (1) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin 3x}{2x} = \frac{3}{2}$ | <input checked="" type="radio"/> a | <input type="radio"/> b |
| (2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\cos 2x}{4x} = \frac{1}{2}$ | <input type="radio"/> a | <input checked="" type="radio"/> b |
| (3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sin x}{\cos^2 x} = 0$ | <input type="radio"/> a | <input checked="" type="radio"/> b |
| (4) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 + \sin 2x}{2\cos 2x} = \frac{1}{2}$ | <input checked="" type="radio"/> a | <input type="radio"/> b |
| (5) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 \sin x + 5x^3}{4x^3} = 2$ | <input type="radio"/> a | <input checked="" type="radio"/> b |

في التمارين (6-10)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

- | | | | | |
|--|---------------------------------------|---|--------------------------------------|--------------------------------------|
| (6) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x}{\sin x} =$ | <input checked="" type="radio"/> a 2 | <input type="radio"/> b -2 | <input type="radio"/> c 0 | <input type="radio"/> d ∞ |
| (7) $\lim_{x \rightarrow 0} (3 + x^2 \sin \frac{1}{x}) =$ | <input type="radio"/> a 0 | <input type="radio"/> b 4 | <input checked="" type="radio"/> c 3 | <input type="radio"/> d ∞ |
| (8) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^2 - x \cos x}{2x^2} =$ | <input type="radio"/> a ∞ | <input type="radio"/> b $-\infty$ | <input type="radio"/> c -2 | <input checked="" type="radio"/> d 2 |
| (9) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4x^2 + 5 \sin^2 x}{3x^2} =$ | <input checked="" type="radio"/> a 3 | <input type="radio"/> b 9 | <input type="radio"/> c 0 | <input type="radio"/> d ∞ |
| (10) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x + \cos x}{ 2x } =$ | <input type="radio"/> a $\frac{1}{2}$ | <input checked="" type="radio"/> b $-\frac{1}{2}$ | <input type="radio"/> c 0 | <input type="radio"/> d ∞ |

المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a) (b)

(1) الدالة $f: f(x) = \frac{1}{(x+2)^2} + 1$ متصلة عند $x = -2$

(a) (b)

(2) الدالة: $y = \frac{1}{x^2 + 1}$ متصلة عند كل $x \in \mathbb{R}$

(a) (b)

(3) الدالة: $y = \frac{1}{\sqrt{x+2}}$ متصلة عند $x = -1$

(a) (b)

(4) إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = -1$ وكان $\lim_{x \rightarrow -1} (f(x) - 2) = -1$ فإن $f(-1) = 1$

في التمارين (5-12)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) نقاط انفصال الدالة $f: f(x) = \cot x$ هي:

(a) $0, \pi$

(b) $2k\pi, k \in \mathbb{Z}$

(c) $k\pi, k \in \mathbb{Z}$

(d) $\frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$

WWW.KweduFiles.Com

(6) نقاط الدالة $f: f(x) = \frac{x^2 + x - 6}{x^2 - 4}$ التي يمكن التخلص من الانفصال عندها هي:

(a) 2

(b) -2, 2

(c) -2

(d) -5, 2

(7) نقاط الدالة $f: f(x) = \frac{2x^3 + 16}{x^2 + x - 2}$ التي لا يمكن التخلص من الانفصال عندها هي:

(a) -1, 2

(b) -2

(c) 1, -2

(d) 1

(8) إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = 2$ فإن $f(x)$ يمكن أن تكون:

(a) $\frac{1}{|x-2|}$

(b) $\sqrt{x-2}$

(c) $\frac{|x-2|}{x-2}$

(d) $\begin{cases} \sqrt{x^2-3} & : x > 2 \\ 3x-5 & : x \leq 2 \end{cases}$

(9) إذا كانت الدالة $f: f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & : x \geq 2 \\ \frac{x^2 - 4}{x - 2} & : x < 2 \end{cases}$ فإن:

(a) $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = 4$

(b) $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = 4$

(c) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$ موجودة

(d) $x = 2$ متصلة عند f

(10) لتصبح الدالة f : $f(x) = \frac{x^3-1}{x^2-1}$ متصلة عند $x=1$ ، يجب إعادة تعريفها على الشكل التالي:

- (a) $\begin{cases} \frac{x^2+x+1}{x+1} & , x \neq 1 \\ \frac{3}{2} & , x = 1 \end{cases}$ (b) $\begin{cases} \frac{x^2+x+1}{x+1} & , x > 1 \\ \frac{3}{2} & , x = 1 \end{cases}$
- (c) $\begin{cases} \frac{x^2+x+1}{x+1} & , x \neq 1 \\ \frac{1}{2} & , x = 1 \end{cases}$ (d) لا يمكن إعادة تعريفها

(11) إذا كانت الدالة f متصلة عند $x=-2$ وكانت $\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + f(x)) = 7$ فإن $f(-2)$ تساوي:

- (a) 3 (b) 5
(c) 9 (d) 11

(12) إذا كانت الدالة g متصلة عند $x=1$ وكانت النقطة $(1, -3)$ تقع على منحنى الدالة g فإن $\lim_{x \rightarrow 1} (g(x))^2$ تساوي:

- (a) -6 (b) -3
(c) 1 (d) 9

WWW.KweduFiles.Com

في التمارين (13-15)، توجد قائمتان. اختر لكل سؤال من القائمة (1) ما يناسبه من القائمة (2) لتحصل على عبارة صحيحة: إذا كانت g دالة متصلة عند $x=a$ ، $a \in \mathbb{Z}$ ، وكانت:

القائمة (1)	القائمة (2)
(13) $g(x) = \begin{cases} x+1 & : x > a \\ 3-x & : x \leq a \end{cases} \Rightarrow a =$ d	(a) -1 (b) 2 (c) 0 (d) 1 (e) $\frac{2}{3}$
(14) $g(x) = \begin{cases} 2ax-2 & : x \neq a \\ 3a & : x = a \end{cases} \Rightarrow a =$ b	
(15) $g(x) = \begin{cases} 3x^2 & : x > a \\ 2x & : x \leq a \end{cases} \Rightarrow a =$ c	

(9) لتكن: $f(x) = 2x^2 - 3$ ، $g(x) = \sqrt{x+4}$. ابحث اتصال الدالة $g \circ f$ عند $x = -2$

(10) ابحث اتصال الدالة f : $f(x) = |\sqrt{x-3}|$ عند $x = 4$

(11) ابحث اتصال الدالة g : $g(x) = \sqrt{x^2+1} - |x-3|$ عند $x = 3$

تمرن
1-6

المجموعة B تمارين موضوعية

نظريات الاتصال

في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

a

b

(1) الدالة f : $f(x) = x^2 + |x-1|$ متصلة عند $x = 3$

a

b

(2) الدالة f : $f(x) = \frac{2x+5}{x+2} - \frac{2}{x}$ متصلة عند $x = 0$

a

b

(3) الدالة f : $f(x) = \frac{2x-2}{|x|-1}$ متصلة عند $x = 0$

a

b

(4) الدالة f : $f(x) = \frac{\sqrt[3]{3x-1}}{x^2}$ متصلة عند $x = 3$

a

b

(5) الدالة f : $f(x) = \sqrt{-x^2+5x-4}$ متصلة عند $x = 2$

في التمارين (6-12)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6) نقاط انفصال للدالة f : $f(x) = \frac{x+2}{x^2+9}$ عند

a 3

b -3

c 2

d لا يوجد

(7) نقاط انفصال الدالة f : $f(x) = \frac{x^2-4}{x^2-1}$ عند:

a 1 , -1

b 2 , -2

c 1 , 2

d -1 , -2

(8) لتكن الدالة f : $f(x) = x^2 + 3$ ، الدالة g : $g(x) = \frac{x}{x-3}$ ، فإن: $(g \circ f)(x)$ تساوي:

a $\frac{4x^2-18x+27}{(x-3)^2}$

b $\frac{x^2}{x^2-3}$

c $\frac{x^2+3}{x^2}$

d $\frac{x^2}{x^2+3}$

(9) لتكن الدالة f : $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x-3}}$ ، الدالة g : $g(x) = x^2 + 3$ ، فإن: $(f \circ g)(x)$ تساوي:

a $\frac{x^2}{x-3} + 3$

b $\frac{x}{\sqrt{x-3}} + 3$

c $\frac{-(x^2+3)}{x}$

d $\frac{x^2+3}{|x|}$

(10) لتكن الدالة $f: f(x) = \sqrt{x^2 + 7}$ ، $g(x) = x^2 - 3$: فإن $(f \circ g)(0)$ يساوي:

a 4

b -4

c 1

d -1

(11) إذا كانت g دالة متصلة عند $x = 2$ فإن الدالة المتصلة عند $x = 2$ فيما يلي هي $f(x)$ تساوي:

a $\sqrt{g(x)}$

b $\frac{1}{g(x)}$

c $\frac{g(x)}{x-2}$

d $|g(x)|$

(12) إذا كانت الدالة $f: f(x) = \sqrt{x^2 - a}$ متصلة عند $x = 3$ فإن a يمكن أن تساوي:

a 4

b 9

c 16

d 25

WWW.KweduFiles.Com

في التمرينين (10-11)، أوجد قيم a, b بحيث تكون كل دالة متصلة على مجال تعريفها.

$$(10) f(x) = \begin{cases} x^2 - \sqrt{x} & : x < 1 \\ 3x + a & : x > 1 \\ b & : x = 1 \end{cases}$$

$$(11) f(x) = \begin{cases} x^2 & : x < -2 \\ \frac{x^2 - a}{x - b} & : -2 \leq x < 1 \\ x & : x \geq 1 \end{cases}$$

(12) لتكن الدالة $f: f(x) = \sqrt{-x^2 + 5x + 6}$ ، أوجد D_f ثم ادرس اتصالها على $[0, 4]$

في التمرينين (13-14)، ادرس اتصال كل من الدوال التالية على مجالها:

$$(13) f(x) = \sqrt{8 - 2x^2}$$

$$(14) f(x) = \sqrt{x^2 - 1}$$

في التمرينين (15-16)، ادرس اتصال كل من الدوال التالية على \mathbb{R} .

$$(15) f(x) = \sqrt[3]{x^2 + 3x - 2}$$

$$(16) f(x) = |3x^2 + 4x - 1|$$

تمرّن
1-7

المجموعة B تمارين موضوعية

الاتصال على فترة

في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) إذا كانت f دالة متصلة على كل من $[1, 3]$ ، $[3, 5]$ فإن f متصلة على $[1, 5]$ (a) (b)

(2) الدالة $f: f(x) = x^2 - |x|$ متصلة لكل قيم $x \in \mathbb{R}$ (a) (b)

(3) الدالة $f: f(x) = \sqrt{x^2 - 4}$ متصلة على $[-2, 2]$ (a) (b)

(4) الدالة $f: f(x) = \frac{2x - 3}{x + 2}$ متصلة على $(-\infty, 0)$ (a) (b)

(5) الدالة $f: f(x) = \frac{x + 1}{x - 2}$ متصلة على $(-\infty, 2)$ فقط (a) (b)

في التمارين (6-11)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6) لتكن الدالة $f: f(x) = \frac{x + 1}{x - 4}$ فإن الدالة f :

(a) لها نقطتي انفصال عند كل من $x = -1$ ، $x = 4$ (b) متصلة على $(-\infty, 4]$

(c) متصلة على مجالها كل من $(-2, 4)$ ، $(4, \infty)$ (d) ليس أي مما سبق

(7) إذا كانت f دالة متصلة على $[-2, 3]$ فإن:

a $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$

b $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = f(3)$

c $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = f(-2)$

d $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = f(-2)$

(8) الدالة $f: f(x) = \frac{2x-1}{\sqrt{x^2-25}}$ متصلة على:

a $(-\infty, \frac{1}{2}]$

b $(5, \infty)$

c \mathbb{R}

d $(-5, 5)$

(9) لتكن $f: f(x) = \begin{cases} \frac{5}{2} & : x \leq -3 \\ \frac{\sqrt{x^2+16}}{2} & : -3 < x < 0 \\ \frac{4-x^2}{x-2} & : x \geq 0 \end{cases}$ فإن f دالة متصلة على:

a $(-\infty, \infty)$

b $(-\infty, 2)$

c $(-\infty, 0]$

d $(-\infty, -3]$

WWW.KweduFiles.Com
(10) الدالة $f: f(x) = \begin{cases} \frac{3x+m}{x-2} & : x < 1 \\ x+n & : x > 1 \\ 2m & : x = 1 \end{cases}$ متصلة على \mathbb{R} إذا كان:

a $m = -1, n = 3$

b $m = 1, n = -3$

c $m = -1, n = -3$

d $m = 1, n = 3$

(11) الدالة $g: g(x) = \begin{cases} \frac{x^2-1}{x-1} & : x > 1 \\ 3x & : x \leq 1 \end{cases}$ متصلة على:

a $(-\infty, 1], (1, \infty)$

b $(-\infty, 1), [1, \infty)$

c $(-\infty, \infty)$

d $(-\infty, 3]$