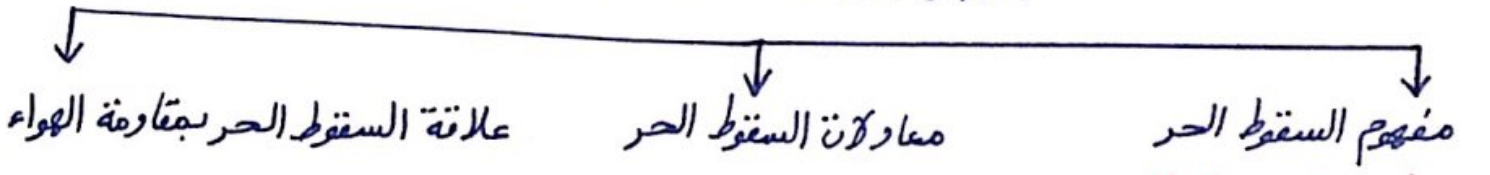


الدرس الثالث :- السقوط الحر

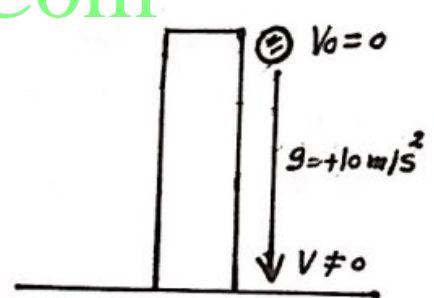
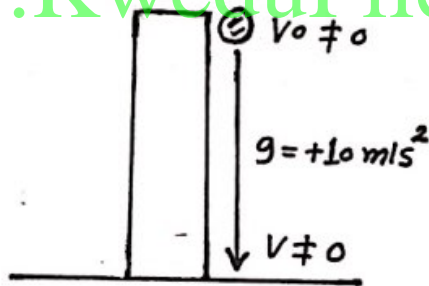
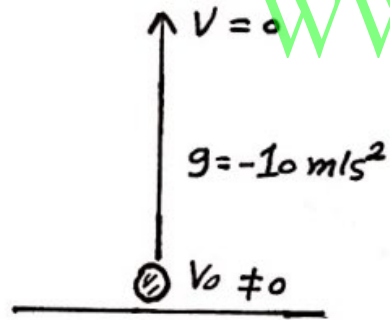
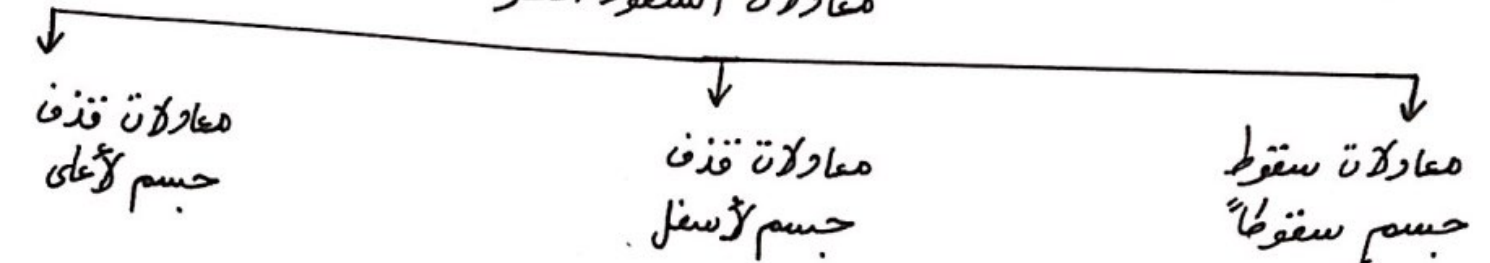


- مفهوم السقوط الحر :-

- هو حركة جسم من دون سرعة ابتدائية تتأثر ثقله فقط مع إهمال تأثير مقاومة الهواء.

- معادلات السقوط الحر :-

معادلات السقوط الحر



$$v = v_0 - gt$$

$$d = v_0 t - \frac{1}{2} gt^2$$

$$v^2 = v_0^2 - 2gd$$

$$v = v_0 + gt$$

$$d = v_0 t + \frac{1}{2} gt^2$$

$$v^2 = v_0^2 + 2gd$$

$$v = gt$$

$$d = \frac{1}{2} gt^2$$

$$v^2 = 2gd$$

- عند سقوط جسم سقوطاً حراً تكون سرعته الابتدائية تساوي صفر ($v_0 = 0$) ويتحرك الجسم بجهة تسارع موجبة تساوي عجلة الجاذبية الأرضية ($g = +10 \text{ m/s}^2$) وتزداد سرعته أثناء سقوطه ويُعبر عن معادلات سقوط جسم سقوطاً حراً رياضياً كالآتي :-

$$v = gt$$

$$d = \frac{1}{2} gt^2$$

$$v^2 = 2gd$$

محمد عرووز
٩٧٥٢٢٢٥٧

- عند قذف جسم لأسفل تكون سرعته الابتدائية لا تساوي صفر ($v_0 \neq 0$) ويتحرك الجسم بحركة تسارع موجبة تساوي عجلة الجاذبية الأرضية ($g = +10 \text{ m/s}^2$) وتزداد سرعته أثناء سقوطه ويُعبّر عن معادلات قذف جسم لأسفل رياضياً كالآتي :-

$$v = v_0 + gt$$

$$d = v_0 t + \frac{1}{2} gt^2$$

$$v^2 = v_0^2 + 2gd$$

- عند قذف جسم لأعلى تكون سرعته الابتدائية لا تساوي صفر ($v_0 \neq 0$) ويتحرك الجسم بحركة تسارع سالبة (عكس اتجاه الجاذبية الأرضية) ($g = -10 \text{ m/s}^2$) حتى يصل إلى أقصى ارتفاع وعنده تكون سرعته النهائية تساوي صفر ($v = 0$) ويُعبّر عن معادلات قذف جسم لأعلى رياضياً كالآتي :-

$$v = v_0 - gt$$

$$d = v_0 t - \frac{1}{2} gt^2$$

$$v^2 = v_0^2 - 2gd$$

- عند قذف جسم لأعلى فإنه يتحرك عكس الجاذبية الأرضية فتقل سرعته حتى يصل إلى أقصى ارتفاع ثم يستقل أو يهبط مرة أخرى مع الجاذبية الأرضية فتزداد سرعته مرة أخرى ونلاحظ أن زمن الصعود لأقصى ارتفاع يساوي زمن السقوط أو زمن الهبوط لأسفل ويُرمز له بالرمز (t) ويُقاس بوحدة الثانية (s) ويُعبّر عنه رياضياً كالآتي :-

$$t = \sqrt{\frac{2d}{g}}$$

زمن الصعود أو زمن السقوط أو زمن الهبوط
5

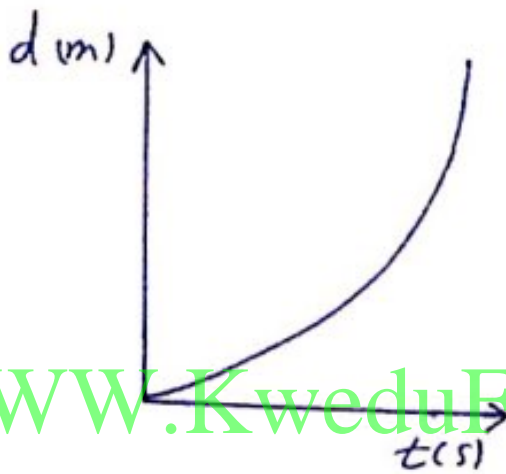
- زمن التحليق أو زمن الارتفاع أو زمن الوصول لسطح الأرض هو زمن الارتفاع إلى أعلى وببساطة مجموع زمن الصعود وزمن السقوط أو زمن الهبوط ويُرمز له بالرمز (t') ويُقاس بوحدة الثانية (s) ويُعبر عنه رياضياً كالآتي :-

$$t' = t_{\text{صعود}} + t_{\text{سقوط أو هبوط}} = 2t = 2\sqrt{\frac{2d}{g}}$$

زمن التحليق أو زمن الارتفاع أو زمن الوصول لسطح الأرض

s

محمد عزوز
٩٧٥٢٢٢٥٧



WWW.KweduFiles.Com

العلاقة بين مسافة السقوط وزمن السقوط

- مدى البُعد هو أقصى ارتفاع يصل إليه الجسم من نقطة قذفه .
مثال :-

- أحسب سرعة حجر بعد سقوطه نحو الأرض سقوطاً حراً بعد فترة زمنية مقدارها 4.5 s من لحظة بدء السقوط .

الحل :-

$$v_0 = 0$$

$$t = 4.5 \text{ s}$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$v = ?$$

$$v = v_0 + gt = 0 + (10) \times (4.5) = 45 \text{ m/s}$$

مثال :-

- أثناء سقوط جسم سقوطاً حراً من السكون أحسب السرعة التي يكتسبها الجسم بعد مرور زمن 7 s .

الحل :-

$$v_0 = 0$$

$$t = 7\text{ s}$$

$$g = 10\text{ m/s}^2$$

$$v = ?$$

$$v = v_0 + gt = 0 + (10) \times (7) = 70\text{ m/s}.$$

محمد عزيز
٩٧٥٢٢٢٥٧

مثال :-

- سقط عصافير صغير من فوق شجرة فوصل سطح الأرض خلال 1.5 s أحسب الارتفاع الذي سقط منه العصافير.

الحل :-

$$v_0 = 0$$

$$t = 1.5\text{ s}$$

$$g = 10\text{ m/s}^2$$

$$d = ?$$

$$d = v_0 t + \frac{1}{2} g t^2 = (0) \times (1.5) + \frac{1}{2} \times (10) \times (1.5)^2 = 11.25\text{ m}.$$

مثال :-

- يقع صبيه بأفلاتن قطعة معدنية من شرفة منزله ووجد أن الزمن اللازم لتصل إلى الأرض هو 2.5 s أحسب الارتفاع الذي سقطت منه.

الحل :-

$$v_0 = 0$$

$$t = 2.5\text{ s}$$

$$g = 10\text{ m/s}^2$$

$$d = ?$$

$$d = v_0 t + \frac{1}{2} g t^2 = (0) \times (2.5) + \frac{1}{2} \times (10) \times (2.5)^2 = 31.25\text{ m}.$$

مثال :-

- تقطع زرافة طولها 6m غصن شجرة وتسقطه على الأرض أ حسب الفترة الزمنية التي يستغرقها الغصن ليصل إلى سطح الأرض .

الحل :-

$d = 6\text{ m}$

$v_0 = 0$

$g = 10\text{ m/s}^2$

محمد عزوز
97522257

$d = v_0 t + \frac{1}{2} g t^2$

$6 = (0) \times t + \frac{1}{2} \times (10) \times t^2$

$6 = 5 t^2$

$t^2 = \frac{6}{5} = 1.2$

$t = \sqrt{1.2} = 1.1\text{ s} .$

مثال :-

- سقطت تفاحة من شجرة وسقطت ثانية واحدة ارتطمت بالأرض أ حسب الآتي :-
 1- سرعة التفاحة لحظة اصطدامها بالأرض .
 2- متوسط السرعة للتفاحة .
 3- الارتفاع الذي سقطت منه .

الحل :-

$v_0 = 0$

$t = 1\text{ s}$

$g = 10\text{ m/s}^2$

$v = ?$

$v = v_0 + g t = 0 + (10) \times (1) = 10\text{ m/s}$

$\bar{v} = ?$

$\bar{v} = \frac{v + v_0}{2} = \frac{10 + 0}{2} = 5\text{ m/s}$

$d = ?$

$d = v_0 t + \frac{1}{2} g t^2 = (0) \times (1) + \frac{1}{2} \times (10) \times (1)^2 = 5\text{ m} .$

مثال :-

- يسقط حجر من قمة برج شاهق الارتفاع عند وصوله إلى الطابق الثلاثين ذو الارتفاع 105 m ووجد أن سرعته 40 m/s أحسب سرعة الحجر لحظة وصوله سطح الأرض .

محمد عزوز
٩٧٥٢٣٣٥٧

الحل :-

$$d = 105 \text{ m}$$

$$V_0 = 40 \text{ m/s}$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$V = ?$$

$$V^2 = V_0^2 + 2gd = (40)^2 + 2 \times (10) \times (105) = 3700$$

$$V = \sqrt{3700} = 60.83 \text{ m/s} .$$

مثال :-

- في أحد مباريات كرة السلة أقصى قفزة سجلها لاعب كانت 1.25 m أحسب زمن

التحليق .

WWW.KweduFiles.Com

الحل :-

$$d = 1.25 \text{ m}$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$t' = ?$$

$$t' = 2t = 2 \sqrt{\frac{2d}{g}} = 2 \sqrt{\frac{(2) \times (1.25)}{10}} = (2) \times (0.5) = 1 \text{ s} .$$

مثال :-

- قذف جسماً رأسياً لأعلى بسرعة ابتدائية 80 m/s أحسب أقصى ارتفاع يصل إليه هذا الجسم .

الحل :-

$$V_0 = 80 \text{ m/s}$$

$$g = -10 \text{ m/s}^2$$

$$V = 0$$

$$d = ?$$

$$V^2 = V_0^2 + 2gd$$

$$0 = (80)^2 + 2 \times (-10) d$$

$$0 = 6400 - 20d$$

$$20d = 6400$$

$$d = \frac{6400}{20} = 320 \text{ m}$$

محمد عزوز
٩٧٥٢٢٢٥٧

or

$$V = V_0 + g t$$

$$0 = 80 + (-10) t$$

$$0 = 80 - 10t$$

$$10t = 80$$

$$t = \frac{80}{10} = 8 \text{ s}$$

$$d = v_0 t + \frac{1}{2} g t^2 = (80) \times (8) + \frac{1}{2} (-10) \times (8)^2 = 640 - 320 = 320 \text{ m.}$$

مثال :-

تُلقى جسم رأسياً لأعلى بسرعة ابتدائية مقدارها 30 m/s أحسب الزمن اللازم للوصول إلى أقصى ارتفاع.

WWW.KweduFiles.Com

الحل :-

$$V_0 = 30 \text{ m/s}$$

$$V = 0$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$t = ?$$

$$V = V_0 + g t$$

$$0 = 30 + (-10) t$$

$$0 = 30 - 10t$$

$$10t = 30$$

$$t = \frac{30}{10} = 3 \text{ s.}$$

مثال :-

- أُطلق جسم من سطح مبنى باتجاه رأسى لأعلى وبسرعة ابتدائية مقدارها 20 m/s أحسب الآتي :-

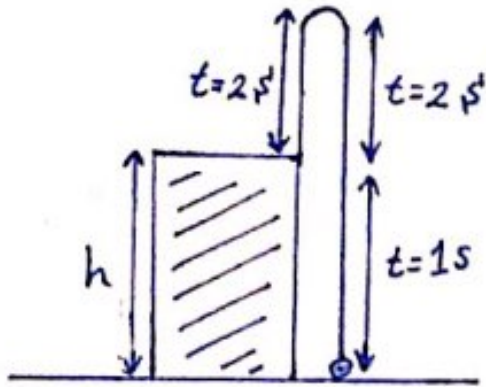
١- بُعد الجسم بعد مرور ثانية واحدة بالنسبة لسطح المبنى.

٨

٢- أقصى ارتفاع يصل إليه الجسم .

٣- سرعة الجسم على ارتفاع 15 m فوق سطح المبنى .

٤- ارتفاع المبنى h إذا كان زمن سقوط الجسم يساوي 5 كم من لحظة الإطلاق إلى لحظة الوصول إلى الأرض .



محمد عزوز
٩٧٥٢٢٢٥٧

الحل :-

$$V_0 = 20 \text{ m/s}$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$t = 1 \text{ s}$$

$$d = ?$$

$$d = V_0 t + \frac{1}{2} g t^2 = (20) \times (1) + \frac{1}{2} \times (-10) \times (1)^2 = 20 - 5 = 15 \text{ m}$$

$$V_0 = 20 \text{ m/s}$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$V = 0$$

$$d = ?$$

$$V^2 = V_0^2 + 2gd$$

$$0 = (20)^2 + 2 \times (-10) \times d$$

$$0 = 400 - 20d$$

$$20d = 400$$

$$d = \frac{400}{20} = 20 \text{ m}$$

or

$$V = V_0 + gt$$

$$0 = 20 + (-10)t$$

$$0 = 20 - 10t$$

$$10t = 20$$

-٢

-١

WWW.KweduFiles.Com

9

$$t = \frac{20}{10} = 2 \text{ s}$$

$$d = v_0 t + \frac{1}{2} g t^2 = (20) \times (2) + \frac{1}{2} (-10) \times (2)^2 = 40 - 20 = 20 \text{ m}$$

$$v_0 = 20 \text{ m/s}$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$d = 15 \text{ m}$$

$$v = ?$$

-3

$$v^2 = v_0^2 + 2 g d = (20)^2 + 2 \times (-10) \times (15) = 400 - 300 = 100$$

$$v = \sqrt{100} = 10 \text{ m/s}$$

$$v_0 = 0$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$t = 5 - 2 = 3 \text{ s}$$

$$h = d = ?$$

محمد عزوز
٩٧٥٢٢٢٥٧

-4

$$d = v_0 t + \frac{1}{2} g t^2 = (0) \times (3) + \frac{1}{2} \times (10) \times (3)^2 = 45 \text{ m}$$

$$h = d = 45 - 20 = 25 \text{ m}$$

WWW.KweduFiles.Com

or

$$v_0 = 20 \text{ m/s}$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$t = 1 \text{ s}$$

$$h = d = ?$$

$$d = v_0 t + \frac{1}{2} g t^2 = (20) \times (1) + \frac{1}{2} \times (10) \times (1)^2 = 20 + 5 = 25 \text{ m}$$

$$h = d = 25 \text{ m} .$$

- علاقة السقوط الحر بمقاومة الهواء :-

- عند سقوط عملة معدنية وريشة أحد الطيور في أنبوب معدني من ارتفاع معين وفي لحظة واحدة من وجود الهواء نلاحظ أن العملة المعدنية تصل إلى سطح الأرض أولاً لأن العجلة التي تكتسبها العملة المعدنية أعلى من العجلة التي تكتسبها الريشة بسبب تأثير مقاومة الهواء وعند تكرار نفس التجربة بعد تفريغ الهواء من الأنبوب

نلاحظ أن كلاً من العملة المعدنية والريشة يصلان إلى سطح الأرض في نفس اللحظة لأن كل منهما يسقط سقوطاً حراً في غياب مقاومة الهواء تحت تأثير عجلة ثابتة وهي عجلة الجاذبية الأرضية ($g = 10 \text{ m/s}^2$) كالاتي :-



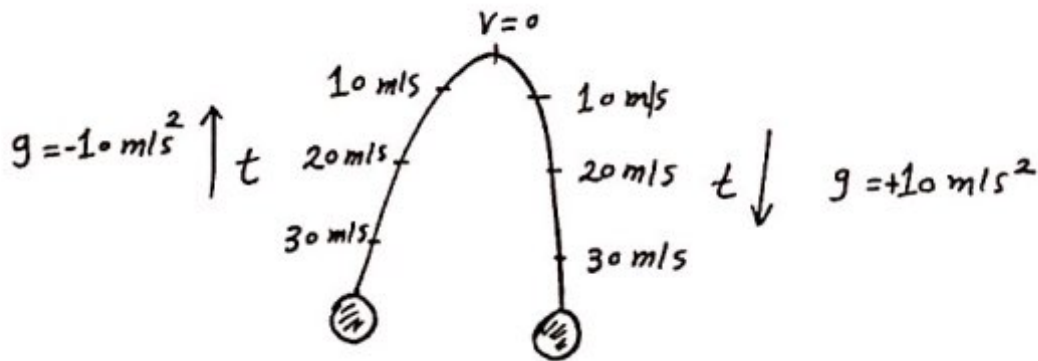
في غياب الهواء



في وجود الهواء

محمد عزوز
٩٧٥٢٢٢٥٧

- عندما يُقذف جسم لأعلى فإن سرعته تقل حتى يصل إلى أقصى ارتفاع لتُصبح سرعته تساوي صفر ($v=0$) ثم يغيّر اتجاه حركته وتزداد سرعته بنفس المعدل لأن حركة الصعود والهبوط تتم تحت تأثير نفس العجلة وهي عجلة الجاذبية الأرضية ($g = 10 \text{ m/s}^2$) وبالتالي الزمن المستغرق للصعود يساوي الزمن المستغرق للهبوط وتكون سرعة الجسم متساوية عند نفس الارتفاع مع افعال مقاومة الهواء كالاتي :-



- تأثير الهواء يكون محدود جداً في حالة الأجسام المصقفة مثل الحجر بحيث يمكن افعال مقاومة الهواء ونعتبر سقوط الجسم سقوطاً حراً .

س :- علل لكل من العبارات الآتية :-

- ١- عند سقوط عملة معدنية وريشة أحد الطيور في أنبوب معدني من ارتفاع معين وفي لحظة واحدة في وجود الهواء نلاحظ أن العملة المعدنية تصل إلى سطح الأرض أولاً.
- ٢- عند سقوط عملة معدنية وريشة أحد الطيور في أنبوب معدني من ارتفاع معين وفي لحظة واحدة بعد تفريغ الهواء من الأنبوب نلاحظ أن كلا من العملة المعدنية والريشة يصلان إلى سطح الأرض في نفس اللحظة .

ج :-

- ١- لأن العجلة التي تكتسبها العملة المعدنية أعلى من العجلة التي تكتسبها الريشة بسبب تأثير مقاومة الهواء .
- ٢- لأن كل منهما يستقط سقوطاً حراً في غياب مقاومة الهواء تحت تأثير عجلة ثابته وهي عجلة الجاذبية الأرضية ($g = 10 \text{ m/s}^2$) .

محمد عزوز
٩٧٥٢٢٢٥٧

WWW.KweduFiles.Com