

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية

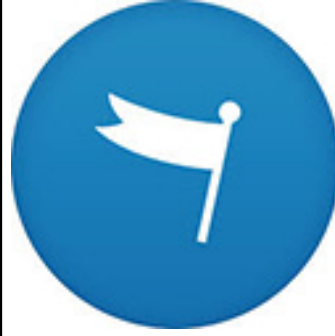


سلامة علي الركاض

الملف البنود الموضوعية

موقع المناهج ← المناهج الكويتية ← الصف الثاني عشر العلمي ← رياضيات ← الفصل الثاني

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر العلمي



روابط مواد الصف الثاني عشر العلمي على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر العلمي والمادة رياضيات في الفصل الثاني

<a href="#">كراسة متابعة تعليمية علمي</a>	1
<a href="#">حاول ان تحل</a>	2
<a href="#">نموذج احابة امتحان 2015 2016</a>	3
<a href="#">نموذج احابة اسئلة العام الدراسي 2015 2016</a>	4
<a href="#">الوحدة 8 احصاء 12 علمي</a>	5

# رياضيات

الصف الثاني عشر علمي

موقع  
المنهج الكويتية  
almanahj.com/kw

## البنود الموضوعية

2024-2025

الفصل الدراسي الثاني

أ : سلامة علي الركاض



في التمارين (1-5)، ظلل الدائرة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a)

(b)

$$(1) \quad F(x) = x^{-3} \text{ هي مشتقة عكسية للدالة: } f(x) = -3x^{-4}$$

(a)

(b)

$$(2) \quad \int (-x^{-3} + x - 1)dx = \frac{1}{2}x^{-2} + \frac{1}{2}x^2 - x + C$$

(a)

(b)

$$(3) \quad \int \frac{1}{x^2} dx = \frac{1}{x} + C$$

(a)

(b)

$$(4) \quad \text{إذا كانت: } f'(x) = \frac{1}{x^2} + x, \quad f(2) = 1, \quad \text{فإن: } f(x) = -\frac{1}{x} + \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}$$



(5) إذا كانت:  $F(x) = \int (3x^2 - 12x + 15) dx$ ,  $F(0) = 400$ , فإن:  $F(x) = x^3 + 6x^2 + 15x + 400$

(a)

(b)

في التمارين (6-12)، ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6)  $\int \frac{4}{3} \sqrt[3]{t^2} dt =$

(a)  $\frac{3t^{\frac{5}{3}}}{5} + C$

(b)  $\frac{4t^{\frac{5}{3}}}{5} + C$

(c)  $\frac{4}{3} \sqrt[3]{t^5} + C$

(d)  $4\sqrt[3]{t^5} + C$

(7)  $\int \left( \sqrt[3]{x^2} + \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} \right) dx =$

(a)  $\frac{3}{5} \sqrt[3]{x} (x^{\frac{4}{3}} + 5) + C$

(b)  $\frac{3}{5} x^{\frac{2}{3}} (x^{-\frac{2}{3}} + 5) + C$

(c)  $\frac{5}{3} \sqrt[3]{x} (x^{\frac{4}{3}} + 5) + C$

(d)  $\frac{5}{3} x^{\frac{4}{3}} (x^{\frac{2}{3}} + 5) + C$



(8) إذا كان:  $\frac{dy}{dx} = x^{-\frac{2}{3}}$  ,  $y = -5$  ,  $x = -1$  فإن  $y$  تساوي:

(a)  $-\frac{x^2}{3} - \frac{14}{3}$

(b)  $3x^{\frac{1}{3}} + 2$

(c)  $3x^{\frac{1}{3}} - 2$

(d)  $3x^{\frac{1}{3}}$



(9)  $\int \frac{2x+3}{\sqrt{x}} dx =$

(a)  $\frac{3}{4}x^{\frac{3}{2}} + \frac{3}{2}x^{\frac{1}{2}} + C$

(b)  $\frac{1}{3}x^{\frac{3}{2}} + 6x^{\frac{1}{2}} + C$

(c)  $\frac{4}{3}x^{\frac{3}{2}} + 6x^{\frac{1}{2}} + C$

(d)  $\frac{4}{3}x^{\frac{3}{2}} + \frac{1}{6}x^{\frac{1}{2}} + C$

(10)  $\int \sqrt{x}(2+x^2)dx =$

(a)  $\frac{4}{3}x^{\frac{3}{2}} + \frac{2}{7}x^{\frac{7}{2}} + C$

(b)  $\frac{3}{4}x^{\frac{3}{2}} + \frac{7}{2}x^{\frac{7}{2}} + C$

(c)  $\frac{1}{3}x^{\frac{3}{2}} + \frac{7}{2}x^{\frac{7}{2}} + C$

(d)  $\frac{4}{3}x^{\frac{3}{2}} + \frac{7}{2}x^{\frac{7}{2}} + C$



$$(11) \int \frac{2 + \sqrt[3]{x^2}}{\sqrt{x}} dx =$$

$$(a) x^{\frac{1}{2}} + \frac{6}{7}x^{\frac{7}{6}} + C$$

$$(b) 4x^{\frac{1}{2}} + \frac{6}{7}x^{\frac{7}{6}} + C$$

$$(c) x^{\frac{1}{2}} + \frac{7}{6}x^{\frac{7}{6}} + C$$

$$(d) 4x^{\frac{1}{2}} + \frac{7}{6}x^{\frac{7}{6}} + C$$

$$(12) \int \left( \frac{x^2 - 4x + 4}{x - 2} + 2 \right)^2 dx =$$

$$(a) x^2 + C$$

$$(b) 2x + C$$

$$(c) \frac{x^2}{2} + 2x + C$$

$$(d) \frac{1}{3}x^3 + C$$

### التكامل بالتعويض

في التمارين (1-5)، ظلّ الدائرة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

$$(1) \int x(x^2 - 1)^{10} dx = \frac{1}{18}(x^2 - 1)^9 + C$$

(a)

(b)



$$(2) \int (x+1)\sqrt[3]{x^2+2x+3} dx = \frac{3}{8} \sqrt[3]{(x^2+2x+3)^4} + C$$

a

b

$$(3) \int \frac{dx}{\sqrt{3x-2}} = 2\sqrt{3x-2} + C$$

a

b

$$(4) \int (2x^2-1)(2x^3-3x+4)^5 dx = \frac{1}{18}(2x^3-3x+4)^6 + C$$

a

b

$$(5) \int x \sqrt[3]{x+2} dx = \frac{3}{7}(x+2)^{\frac{7}{3}} - \frac{3}{2}(x+2)^{\frac{4}{3}} + C$$

a

b



في التمارين (6-12)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6)  $\int x(x^2 + 2)^7 dx =$

(a)  $\frac{1}{16}(x^2 + 2)^8 + C$

(b)  $\frac{1}{4}(x^2 + 2)^8 + C$

(c)  $\frac{1}{12}(x^2 + 2)^6 + C$

(d)  $\frac{1}{3}(x^2 + 2)^6 + C$

(7)  $\int \frac{x-1}{\sqrt{x-1}} dx =$

(a)  $\frac{1}{3}(x-1)^{\frac{2}{3}} + C$

(b)  $\frac{2}{3}(x-1)^{\frac{3}{2}} + C$

(c)  $\frac{2}{3}(x-1)^{\frac{2}{3}} + C$

(d)  $\frac{3}{2}(x-1)^{\frac{2}{3}} + C$

(8)  $\int \frac{dx}{\sqrt[3]{3x+1}} =$

(a)  $\frac{2}{9}(3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(b)  $\frac{2}{3}(3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(c)  $2(3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(d)  $\frac{1}{2}(3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$





$$(9) \int \frac{(2+\sqrt{x})^{12}}{\sqrt{x}} dx =$$

$$(a) \frac{13}{2}(2+\sqrt{x})^{13} + C$$

$$(b) \frac{2}{13}(2+\sqrt{x})^{13} + C$$

$$(c) \frac{1}{26}(2+\sqrt{x})^{13} + C$$

$$(d) \frac{1}{22}(2+\sqrt{x})^{11} + C$$

$$(10) \int \frac{(x+1)}{\sqrt[3]{x^2+2x+3}} dx =$$

$$(a) \frac{3}{4}\sqrt[3]{(x^2+2x+3)^2} + C$$

$$(b) \frac{3}{2}\sqrt[3]{(x^2+2x+3)^2} + C$$

$$(c) 3\sqrt[3]{(x^2+2x+3)^2} + C$$

$$(d) \frac{3}{4}\sqrt[3]{x^2+2x+3} + C$$

$$(11) \int \frac{x}{\sqrt{x+1}} dx =$$

$$(a) \frac{3}{2}\sqrt{(x+1)^3} - 2\sqrt{x+1} + C$$

$$(b) \frac{2}{3}\sqrt{(x+1)^3} - \frac{1}{2}\sqrt{x+1} + C$$

$$(c) \frac{2}{3}\sqrt{(x+1)^3} - 2\sqrt{x+1} + C$$

$$(d) \frac{2}{3}\sqrt{(x+1)^3} + 2\sqrt{x+1} + C$$



(12) إذا كانت:  $F(x) = \int (x+1)(2x^2 + 4x - 1)dx$  ،  $F(-2) = \frac{9}{8}$  ، فإن  $F(x)$  تساوي:

(a)  $\frac{1}{8}(2x^2 + 4x - 1)^2 + \frac{5}{4}$

(b)  $\frac{1}{8}(2x^2 + 4x - 1)^2 + 1$

(c)  $\frac{1}{4}(2x^2 + 4x - 1)^2 + 1$

(d)  $4(2x^2 + 4x - 1)^2 - 1$

### تكمال الدوال المثلثية

في التمارين (1-5)، ظلل الدائرة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1)  $\int \sec^2 x dx = \tan x + C$

(a) (b)

(2)  $\int \csc^2 x dx = \cot x + C$

(a) (b)

(3)  $(F'(x) = \sec^2 x , F(\frac{\pi}{4}) = -1) \implies F(x) = \tan x + 2$

(a) (b)



(4)  $(F'(x) = \cos x + \sin x, F(\pi) = 1) \implies F(x) = \sin x - \cos x$

a

b

(5)  $(F'(x) = \sec x \tan x, F(0) = 4) \implies F(x) = \sec x + 3$

a

b

في التمارين (6-12)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6) الصورة العامة للمشتقة العكسية للدالة  $f$  حيث  $f(x) = 8 + \csc x \cot x$  هي:

(a)  $F(x) = 8x + \csc x + C$

(b)  $F(x) = 8x - \cot x + C$

(c)  $F(x) = 8x - \csc x + C$

(d)  $F(x) = 8x + \cot x + C$



$$(7) \int \csc(5x) \cot(5x) dx =$$

$$(a) \frac{1}{5} \csc(5x) + C$$

$$(b) \csc(5x) + C$$

$$(c) \frac{1}{5} \cot(5x) + C$$

$$(d) -\frac{1}{5} \csc(5x) + C$$

$$(8) \int \sqrt[3]{\cot x} \csc^2 x dx =$$

$$(a) \frac{3}{4} \sqrt[3]{(\cot x)^4} + C$$

$$(b) -\frac{3}{4} \sqrt[3]{(\cot x)^4} + C$$

$$(c) -\frac{3}{4} \sqrt[4]{(\cot x)^3} + C$$

$$(d) 3 \sqrt[3]{(\cot x)^4} + C$$

(9) إذا كانت  $y_{\theta=0} = -3$  ،  $\frac{dy}{d\theta} = \sin \theta$  فإن  $y$  تساوي:

$$(a) -\cos \theta$$

$$(b) 2 - \cos \theta$$

$$(c) -2 - \cos \theta$$

$$(d) 4 - \cos \theta$$



(10)  $\int \sec^5 x \tan x \, dx =$

(a)  $\frac{5}{3} \sec^5 x + C$

(b)  $\frac{1}{5} \sec^6 x + C$

(c)  $\frac{1}{5} \sec^5 x + C$

(d)  $-\frac{5}{3} \sec^5 x + C$

(11)  $\int \frac{\csc^2 x}{\sqrt[3]{2 + \cot x}} \, dx =$

(a)  $\frac{3}{2} (2 + \cot x)^{\frac{2}{3}} + C$

(b)  $-\frac{3}{2} (2 + \cot x)^{\frac{2}{3}} + C$

(c)  $-2\sqrt{2 + \cot x} + C$

(d)  $\frac{4}{3} (2 + \cot x)^{\frac{4}{3}} + C$

(12)  $\int \frac{\sin(4x)}{\cos^5(4x)} \, dx =$

(a)  $-\frac{1}{16} \cos^{-4}(4x) + C$

(b)  $\frac{1}{16} \cos^{-4}(4x) + C$

(c)  $-\cos^{-4}(4x) + C$

(d)  $\cos^{-4}(4x) + C$



الدوالّ الأسّيّة واللوغاريتمية

a

b

(1) إذا كانت:  $y = 4^{x-2}$  فإن:  $\frac{dy}{dx} = 4x$

a

b

(2) إذا كانت:  $f(x) = e^{x^2}$  فإن:  $f'(x) = 2xe^{2x}$

a

b

(3) إذا كانت:  $g(x) = \ln(2x+2)$  فإن:  $g'(x) = \frac{1}{2x+2}$

a

b

(4) إذا كانت:  $y = x \ln x - x$  فإن:  $y' = \ln x$



a

b

$$\int \frac{1}{2x} dx = \frac{\ln x}{2} + C \quad (5)$$

a

b

$$\int \frac{1}{3x+1} dx = \ln(3x+1) + C \quad (6)$$

في التمارين (7-14)، ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(7) إذا كانت  $y = e^{-5x}$ ، فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

a  $e^{-5x}$ b  $-e^{-5x}$ c  $-5e^{-5x}$ d  $5e^{-5x}$ 

(8) إذا كانت  $y = x^2 e^x - x e^x$ ، فإنّ  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

- (a)  $e^x(x^2 + x - 1)$   
 (c)  $2x e^x - e^x$

- (b)  $e^x(x^2 - x)$   
 (d)  $e^x(x^2 + 2x + 1)$

موقع  
 المنهج الكويتية  
 almanahj.com/kw

(9) إذا كانت  $y = (\ln x)^2$ ، فإنّ  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

- (a)  $\frac{\ln x}{x}$   
 (c)  $\frac{x \ln x}{2}$

- (b)  $\frac{2 \ln x}{x}$   
 (d)  $\frac{2 \ln^2 x}{x}$

(10) إذا كانت  $y = \ln\left(\frac{10}{x}\right)$ ، فإنّ  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

- (a)  $-\frac{10}{x}$   
 (c)  $\frac{1}{x}$

- (b)  $\frac{10}{x}$   
 (d)  $-\frac{1}{x}$





(11) إذا كانت  $y = \ln(x^2 + 1)$ ، فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي:

(a)  $\frac{x}{x^2 + 1}$

(b)  $\frac{2}{x^2 + 1}$

(c)  $\frac{2x}{x^2 + 1}$

(d)  $-\frac{2x}{x^2 + 1}$

(12)  $\int \frac{2x}{x^2 + 1} dx =$

(a)  $2\ln(x^2 + 1) + C$

(b)  $\ln(x^2 + 1) + C$

(c)  $\frac{x^2}{x^2 + 1} + C$

(d)  $\frac{x}{\frac{1}{3}x^2 + 1} + C$

(13)  $\int \frac{e^x + e^{-x}}{2} dx =$

(a)  $\frac{e^x - e^{-x}}{2} + C$

(b)  $\frac{e^x + e^{-x}}{2} + C$

(c)  $\frac{e^{-x} - e^x}{2} + C$

(d)  $\frac{e^{2x} - e^{-2x}}{2} + C$



$$(14) \int \frac{e^x}{e^x - 4} dx =$$

$$(a) -\frac{1}{2}(e^x - 4) + C$$

$$(b) \ln|e^x - 4| + C$$

$$(c) -\ln|e^x - 4| + C$$

$$(d) \frac{1}{2} \ln|e^x - 4| + C$$

## التكامل بالتجزئ

في التمارين (1-5)، ظلل الدائرة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

$$(1) \int x \cos(2x) dx = \frac{1}{2} x \sin(2x) + \frac{1}{4} \cos 2x + C$$

(a)

(b)

$$(2) \int x \sin(\pi x) dx = -\frac{x}{\pi} \cos(\pi x) + \frac{1}{\pi^2} \sin(\pi x) + C$$

(a)

(b)



$$(3) \int x e^{6x} dx = \frac{1}{6} x e^{6x} - \frac{1}{36} e^{6x} + C$$

a

b

$$(4) \int x e^{-x} dx = -x e^{-x} + e^{-x} + C$$

a

b

$$(5) \int x \sec^2 x dx = x \tan x - \ln |\sec x| + C$$

a

b



في التمارين (6-11)، ظلّل رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(6)  $\int (2x+1)\sin x \, dx$

(a)  $(2x+1)\cos x + 2\sin x + C$

(b)  $-(2x+1)\cos x + 2\sin x + C$

(c)  $-(x+1)\cos x - 2\sin x + C$

(d)  $(2x+1)\cos x - \sin x + C$



(7)  $\int x^2 \ln(x) \, dx =$

(a)  $\frac{1}{3}x^3 \ln(x) - \frac{x^3}{3} + C$

(b)  $\frac{1}{3}x^3 \ln(x) - \frac{x^3}{9} + C$

(c)  $\frac{1}{3}x^3 \ln(x) + \frac{x^3}{9} + C$

(d)  $-\frac{1}{3}x^3 \ln(x) - \frac{x^3}{9} + C$

في التمرينين (8-9)، إذا كان  $\int (2x+1)\ln x \, dx = uv - \int v \, du$  فإن:

(8)  $uv =$

(a)  $(2x+1)\ln x$

(b)  $2x \ln x$

(c)  $\frac{2x+1}{2} \ln x$

(d)  $x(x+1)\ln x$



(9)  $\int vdu =$

(a)  $\frac{1}{2}x \ln x + C$

(b)  $\frac{1}{2}x^2 + x + C$

(c)  $(2x + 1) \ln x + C$

(d)  $\frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + C$

في التمرينين (10-11)، إذا كان  $\int (3x - 1)e^{3x+2} dx = uv - \int vdu$  فإن:

(10)  $uv =$

(a)  $(3x - 1)e^{3x+2}$

(b)  $\frac{1}{3}(3x - 1)e^{3x+2}$

(c)  $(3x - 1)e^{x+2}$

(d)  $\frac{1}{3}(x - 1)e^{3x+2}$

(11)  $\int vdu =$

(a)  $-\frac{1}{3}e^{3x+2} + C$

(b)  $-e^{3x+2} + C$

(c)  $\frac{1}{3}e^{3x+2} + C$

(d)  $e^{3x+2} + C$



التكامل باستخدام الكسور الجزئية

(1)  $\int \frac{4dx}{(x+3)(x+7)} = \ln|x+3| + \ln|x+7| + C$

(a)

(b)

(2)  $\int \frac{-6dx}{x^2+3x} = -2\ln|x+3| + 2\ln|x| + C$

(a)

(b)

(a) (b)

الدالة:  $f(x) = \frac{4x-11}{2x^2-x-3}$  على صورة كسور جزئية هي:  $f(x) = \frac{3}{x+1} - \frac{2}{2x-3}$

(a) (b)

للحدودية النسبية:  $\frac{x^2-x+2}{x^3-2x^2+x}$  ثلاثة كسور جزئية.



في التمارين (5-10)، ظلّل رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(5)  $\int \frac{6}{x^2-9} dx =$

(a)  $\ln|x+3| - \ln|x-3| + C$

(b)  $\ln(x-3) - \ln(x+3) + C$

(c)  $\ln|x+3| + \ln|x-3| + C$

(d)  $\ln|x-3| - \ln|x+3| + C$



(6)  $\int \frac{7x-7}{x^2-3x-10} dx =$

(a)  $4\ln|x+2| + 3\ln|x-5| + C$

(b)  $3\ln|x+2| + 2\ln|x-5| + C$

(c)  $4\ln|x-5| + 3\ln|x+2| + C$

(d)  $4\ln|x-5| - 3\ln|x+2| + C$

(7) الدالة النسبية:  $f(x) = \frac{x}{x^2-4}$  على صورة كسور جزئية هي  $f(x)$  تساوي:

(a)  $\frac{1}{x-2} + \frac{1}{x+2}$

(b)  $\frac{1}{2(x-2)} + \frac{1}{2(x+2)}$

(c)  $\frac{1}{x-2} - \frac{1}{x+2}$

(d)  $\frac{1}{2(x-2)} - \frac{1}{2(x+2)}$



(8)  $\int \frac{2x^2 - 4x + 3}{x^2 - 1} dx =$

(a)  $2 + 2\ln|x - 1| - \frac{9}{2}\ln|x + 1| + C$

(b)  $\frac{1}{2}\ln|x - 1| - \frac{9}{2}\ln|x + 1| + C$

(c)  $2x + \frac{1}{2}\ln|x - 1| - \frac{9}{2}\ln|x + 1| + C$

(d)  $x + \frac{1}{2}\ln|x - 1| - 9\ln|x + 1| + C$

(9)  $\int \frac{3x^2 + 2x}{x^2 - 4} dx =$

(a)  $4\ln|x - 2| - 2\ln|x + 2| + C$

(b)  $3x + 2\ln|x - 2| - 2\ln|x - 2| + C$

(c)  $3x + 4\ln|x - 2| - 2\ln|x + 2| + C$

(d)  $3x + 4\ln|x - 2| + 2\ln|x + 2| + C$

التكامل المحدد

في التمارين (1-7)، ظلل الدائرة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1)  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^2 x dx - \int_{\frac{\pi}{2}}^0 \cos^2 x dx = \frac{\pi}{2}$

(a) (b)

(2)  $\int_{-3}^{-2} (|x| + x + 5) dx = -2$

(a) (b)

(3)  $\int_{-1}^1 (|x|)^3 dx = -\frac{1}{2}$

(a) (b)

(4)  $\int_0^1 12(3x - 2)^3 dx = -15$

(a) (b)

(5)  $\int_{-1}^1 \frac{1}{\pi} \sqrt{1 - x^2} dx = 1$

(a) (b)

باستخدام الآلة الحاسبة





$$(6) \int_2^3 f(x) dx + \int_3^5 f(x) dx - \int_5^2 f(x) dx = 0$$

a

b

$$(7) \int_2^4 f(x) dx + \int_4^2 g(x) dx = 0$$

a

b

(8) إذا كان:  $\int_3^{-1} g(x) dx = 2$  ،  $\int_{-1}^3 f(x) dx = 4$  فإن  $\int_{-1}^3 (2f(x) + 3g(x) + 1) dx$  تساوي:

a 18

b -6

c 6

d 12

$$(9) \int_{\sqrt{2}}^{\sqrt{18}} \sqrt{2} dx =$$

a 2

b  $2\sqrt{2}$ 

c 4

d 8

باستخدام الآلة الحاسبة



$$(10) \int_{-1}^1 (1 - |x|) dx =$$

a 1

b -1

c 0

d  $\frac{1}{2}$

$$(11) \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (\sin x + \cos x) dx =$$

a 4

b 2

c 0

d  $\pi$

$$(11) \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (\sin x + \cos x) dx =$$

a 4

b 2

c 0

d  $\pi$

باستخدام الآلة الحاسبة

(12) لتكن:  $f(x) = x^2 + 5$  فإن:  $\int_{-a}^a f(x) dx > 0$  لكل قيم  $a$  تنتمي إلى:

a  $\mathbb{R} - \mathbb{R}^-$

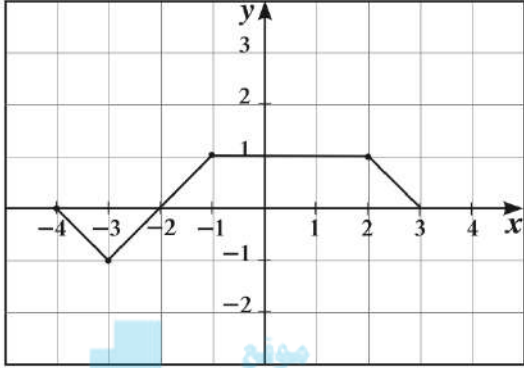
b  $\mathbb{R} - \mathbb{R}^+$

c  $\mathbb{R}^-$

d  $\mathbb{R}^+$



في التمارين (13-15)، لديك قائمتان، اختر من القائمة (2) ما يناسب كل تمرين من القائمة (1) لتحصل على عبارة صحيحة. إذا كان بيان الدالة  $f$  كما في الشكل المقابل، فإن:



المنهج الكويتية  
almanahj.com/kw

(2)	(1)
(a) 6	(13) $\int_{-4}^3 f(x) dx$ يساوي:
(b) 5	(14) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f$ ومحور السينات هي:
(c) 0	(15) $\int_{-4}^{-1} (f(x) + \frac{1}{6}) dx$ يساوي:
(d) 3	

المساحات في المستوي

(1) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f$  ومحور السينات والمستقيمين  $x = a$  ,  $x = b$  هي:  $\int_a^b f(x) dx$

- (a) (b)

(2) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f(x) = 4 - x^2$  : ومحور السينات في  $[-2, 2]$  هي:  $2 \int_0^2 f(x) dx$

- (a) (b)



إذا كانت:  $f(x) \leq 0 \quad \forall x \in [a, b]$  فإن مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f$  ومحور السينات في  $[a, b]$  هي:  $\int_b^a f(x) dx$

- (a) (b)

(4) إذا كان منحنى الدالة  $f: f(x) = x^2 - 2x - 3$  يقطع محور السينات عند  $x = -1$ ،  $x = 3$ .

فإن مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f$  ومحور السينات هي:  $A = \int_{-1}^3 f(x) dx$

- (a) (b)

(5) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f: f(x) = |x|$  ومحور السينات.

في الفترة  $[-2, 2]$  هي: 2 وحدة مساحة

- (a) (b)

في التمارين (6-10)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f: f(x) = \sqrt{9 - x^2}$  ومحور السينات هي:

(a)  $9\pi \text{ units}^2$

(b)  $6\pi \text{ units}^2$

(c)  $3\pi \text{ units}^2$

(d)  $\frac{9}{2}\pi \text{ units}^2$



(7) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $g(x) = (x-2)^3$  ومحور السينات في الفترة  $[0, 4]$  بالوحدات المربعة هي:

(a)  $2 \int_0^2 g(x) dx$

(b)  $-2 \int_0^2 g(x) dx$



(8) مساحة المنطقة المحددة بين منحنى الدالة  $f(x) = 2$  ومنحنى الدالة  $g(x) = -\sqrt{x}$  والمستقيمين  $x = 0$  و  $x = 4$  هي:

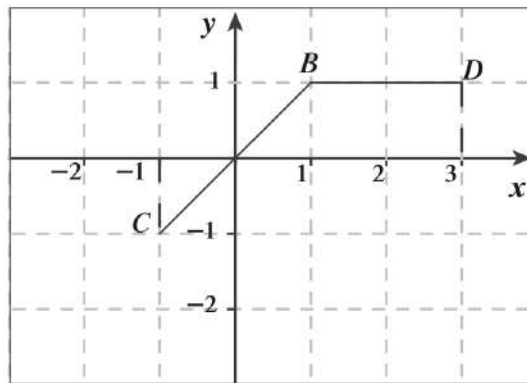
(a)  $20 \text{ units}^2$

(b)  $\frac{8}{3} \text{ units}^2$

(c)  $\frac{40}{3} \text{ units}^2$

(d)  $8 \text{ units}^2$

(10) إذا كان بيان الدالة  $f$  يمثله  $\overline{CB} \cup \overline{BD}$  كما هو موضح بالشكل فإن مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $f$  ومحور السينات والمستقيمين  $x = -1$  ,  $x = 3$  هي:



(a)  $3 \text{ units}^2$

(b)  $4 \text{ units}^2$

(c)  $2 \text{ units}^2$

(d)  $5 \text{ units}^2$



حجوم الأجسام الدورانية

(1) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى

الدالة  $f : f(x) = \sqrt[3]{x}$  في الفترة  $[1, 8]$  هو:  $V = \pi \int_8^1 (\sqrt[3]{x})^2 dx$

- (a) (b)

(2) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى

الدالة  $f : f(x) = 2\sqrt{x}$  في الفترة  $[1, 4]$  هو:  $V = \pi \int_0^4 4x dx - \pi \int_0^1 4x dx$

- (a) (b)

(3) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى

الدالة  $f : f(x) = x$  ومنحنى الدالة  $g : g(x) = \frac{1}{2}x^2$  هو:  $V = \pi \int_0^2 (x - \frac{1}{2}x^2) dx$

- (a) (b)

(5) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى

الدالة  $f : f(x) = 3$  ومحور السينات في الفترة  $[-1, 1]$  بالوحدات المكعبة هو:

- (a)  $6\pi$  (b) 18 (c)  $18\pi$  (d)  $81\pi$



(6) المنطقة المظللة  $S = S_1 \cup S_2$  حيث  $S_1$  منطقة مثلثة،  $S_2$  منطقة ربع دائرة كما هو موضح بالشكل.

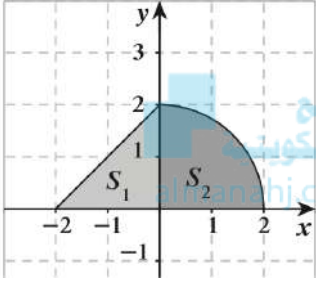
حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة  $S$  بالوحدات المكعبة يساوي:

(a)  $\frac{40}{3}\pi$

(b)  $4 + 2\pi$

(c)  $\frac{16}{3}\pi$

(d)  $8\pi$



(7) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى الدالة  $y = -\sqrt{4-x^2}$  بالوحدات المكعبة هو:

(a)  $4\pi$

(b)  $6\pi$

(c)  $\frac{16}{3}\pi$

(d)  $\frac{32}{3}\pi$

(8) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بين منحنى الدالة  $f(x) = \frac{1}{x}$  والمستقيمت  $x = 1$  ,  $x = 2$  ,  $y = 0$  هو:

(a)  $\pi \text{ units}^3$

(b)  $\frac{\pi}{3} \text{ units}^3$

(c)  $\frac{\pi}{2} \text{ units}^3$

(d)  $\frac{\pi}{4} \text{ units}^3$



(9) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بين منحنى الدالة  $f(x) = \sqrt{x+1}$  ومحور السينات والمستقيمين  $x = -1$  ,  $x = 3$  بالوحدات المكعبة هو:

(a)  $8\pi$

(b)  $7\pi$

(c) 8

(d)  $\frac{5}{2}\pi$

### طول قوس ومعادلة منحنى دالة

(1) طول القوس من منحنى الدالة  $f(x) = \frac{1}{3}(1+4x)^{\frac{3}{2}}$  في الفترة  $[0,1]$  هو  $L = \frac{2}{3}$  وحدة طول

(a)

(b)

(a)

(b)

منحنى الدالة  $f$  الذي ميله عند أي نقطة عليه  $(x, y)$  هو:  $x^3 + 2$  ويمر بالنقطة  $A(2, 6)$

معادلته:  $f(x) = \frac{x^4}{4} + 2x + 2$





(3) منحنى الدالة  $f$  الذي ميله عند أي نقطة عليه  $(x, y)$  هو:  $-\sqrt{x} + x$  ويمر بالنقطة  $A(1,1)$

- (a) (b)

معادلته:  $f(x) = -\frac{2}{3}x\sqrt{x} + x^2 + \frac{2}{3}$

لتكن  $A(1,3)$  نقطة على منحنى الدالة  $f$ :  $f'(x) = 3x^2 - 12x + 9$  فإن معادلة الدالة  $f$  هي  $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 1$

- (a) (b)

في التمارين (5-9)، ظلّ رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) طول القوس من منحنى الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{1}{3}$  في الفترة  $[-2, 3]$  هو:

- (a) 7 units (b) 6 units (c) 5 units (d) 1 unit



(6) طول القوس من منحنى الدالة  $f: f(x) = x - 3$  في الفترة  $[0, 2]$  هو:

- (a)  $\sqrt{2}$  units      (b)  $2\sqrt{2}$  units      (c)  $3\sqrt{2}$  units      (d)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$  units

(7) معادلة منحنى الدالة الذي ميل العمودي عليه عند أي نقطة  $(x, y)$  هو:  $-x + 3$  ويمر بالنقطة  $A(2, 3)$  هي  $y$  تساوي:

- (a)  $-\frac{x^2}{2} + 3x - 4$       (b)  $\ln|3 - x| + 3$       (c)  $-\frac{x^2}{2} + 3x + 4$       (d)  $3 - \ln|3 - x|$

(8) معادلة منحنى الدالة الذي ميله عند أي نقطة  $(x, y)$  هو:  $2x - 3\sqrt{x}$  ويمر بالنقطة  $A(4, -2)$  هي:

- (a)  $x^2 + 2\sqrt{x^3} - 2$       (b)  $x^2 - 2\sqrt{x^3}$       (c)  $x^2 - 2\sqrt{x^3} - 2$       (d)  $\frac{x^2}{2} - 2\sqrt{x^3} + 2$



المعادلات التفاضلية

(1) المعادلة التفاضلية التالية:  $x^2y''' + (y')^2 + y = 0$  من الرتبة الثالثة والدرجة الأولى. (a) (b)

(2) المعادلة التفاضلية التالية:  $(y')^2 + 2xy = 0$  من الرتبة الثانية والدرجة الأولى. (a) (b)

(3) إذا كان  $y = \frac{1}{2}$  عند  $x = 0$  و  $y' + 2y = 0$  فإن  $y = \frac{1}{4}e^{-2x} + \frac{1}{4}$  (a) (b)

(4) إذا كان  $y = 1$  عند  $x = 0$  و  $y' + y = 2$  فإن  $y = 2e^{-x}$  (a) (b)



(8) المعادلة التفاضلية التالية:  $\frac{(2y'' + x)^2}{xy} = 3$  من:

- (a) الرتبة الأولى والدرجة الثانية.  
 (b) الرتبة الثانية والدرجة الأولى.  
 (c) الرتبة الثانية والدرجة الثانية.  
 (d) الرتبة الأولى والدرجة الأولى.

(9) حل المعادلة التفاضلية  $\frac{dy}{dx} = 2x$  الذي يحقق  $y = -2$  عندما  $x = 1$  هو:

- (a)  $y = x^2 + 3$   
 (b)  $y = x^2 - 3$   
 (c)  $y = \frac{x^2}{2} - 3$   
 (d)  $y = \frac{x^2}{2} + 3$

(10) إذا كان  $y'' = 2x^2 + 3x$  فإن:

- (a)  $y = \frac{2x^3}{3} + \frac{3x^2}{2} + c$   
 (b)  $y = \frac{2x^3}{3} + \frac{3x^2}{2}$   
 (c)  $y = \frac{1}{6}x^4 + \frac{1}{2}x^3 + c_1x + c_2$   
 (d)  $y = \frac{1}{6}x^4 + \frac{1}{2}x^3 + c_1x$



(11) حل المعادلة التفاضلية  $2y' + y = 1$  الذي يحقق  $y = 3$  عند  $x = 5$  هو:

(a)  $y = 2e^{\frac{5}{2}}$

(b)  $y = \frac{2}{e^{\frac{5}{2}}}$

(c)  $y = 2e^{(-\frac{1}{2}x + \frac{5}{2})} + 1$

(d)  $y = 2e^{(-\frac{1}{2}x - \frac{5}{2})} + 1$

### القطع المخروطية – القطع المكافئ

(1) معادلة القطع المكافئ الذي رأسه  $(0, 0)$  وبؤرته  $(0, 2)$  هي:  $x^2 = 8y$

(a)

(b)

(2) معادلة القطع المكافئ الذي رأسه  $(0, 0)$  ودليله  $x = -2$  هي:  $x^2 = 8y$

(a)

(b)



(3) معادلة القطع المكافئ الذي بؤرته  $(-4, 0)$  ودليله  $x = 4$  هي:  $y^2 = -16x$  (a) (b)

(4)  $y^2 = \frac{1}{2}x$  هي معادلة قطع مكافئ، بؤرته  $(0, \frac{-3}{2})$  (a) (b)

(a) (b)

في التمارين (5-7)، معادلة القطع المكافئ هي:  $y^2 = -\frac{1}{6}x$   
 (5) بؤرة القطع المكافئ هي:  $(-\frac{1}{24}, 0)$



معادلة القطع المكافئ هي:  $y^2 = -\frac{1}{6}x$

(a) (b)

(a) (b)

(6) معادلة الدليل هي:  $y = \frac{1}{24}$

(7) خط التماثل هو محور السينات.

في التمارين (8-15)، ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(8) المعادلة التي تمثل قطعاً مكافئاً رأسه (0,0) وبؤرته (-5,0) هي:

(a)  $x^2 = 20y$

(b)  $y^2 = 20x$

(c)  $x^2 = -20y$

(d)  $y^2 = -20x$

(9) المعادلة التي تمثل قطع مكافئ مفتوح إلى الأسفل هي:

(a)  $y^2 = \frac{-1}{2}x$

(b)  $y^2 = \frac{1}{2}x$

(c)  $x^2 = \frac{-1}{2}y$

(d)  $x^2 = \frac{1}{2}y$



(10) النقطة المشتركة بين كل القطوع المكافئة التي هي على الصورة  $x^2 = 4py$  هي:

(a) (1,1)

(b) (1,0)

(c) (0,1)

(d) (0,0)

(10) النقطة المشتركة بين كل القطوع المكافئة التي هي على الصورة  $x^2 = 4py$  هي:

(a) (1,1)

(b) (1,0)

(c) (0,1)

(d) (0,0)

(11) المعادلة التي تمثل قطعاً مكافئاً رأسه  $(0,0)$  ويمر بالنقطتين  $A(-5,-2), B(-5,2)$  هي:

(a)  $y^2 = -\frac{4}{5}x$

(b)  $x^2 = -\frac{4}{5}y$

(c)  $y^2 = \frac{4}{5}x$

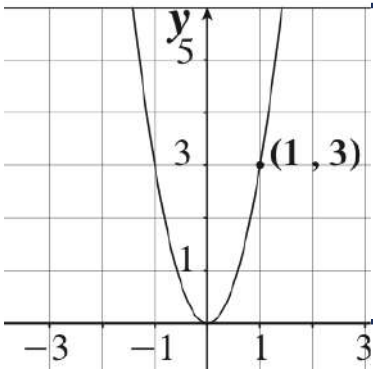
(d)  $x^2 = \frac{4}{5}y$





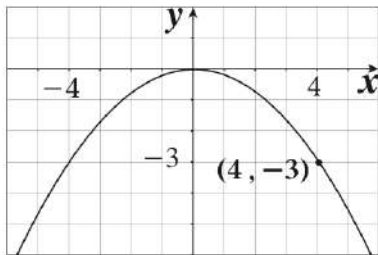
(12) المعادلة التي تمثل قطعًا مكافئًا رأسه  $(0,0)$  ويمر بالنقطة  $C(-5,-6)$  وخط تماثله  $y-axis$  هي:

- (a)  $y^2 = -\frac{25}{6}x$       (b)  $x^2 = -\frac{25}{6}y$       (c)  $y^2 = -\frac{6}{25}x$       (d)  $x^2 = -\frac{6}{25}y$



(13) بؤرة القطع المكافئ في الشكل المقابل هي:

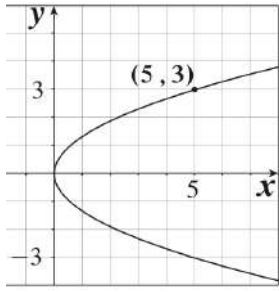
- (a)  $(0, -\frac{4}{3})$       (b)  $(\frac{9}{20}, 0)$   
 (c)  $(0, \frac{1}{12})$       (d)  $(\frac{1}{12}, 0)$



(14) معادلة دليل القطع المكافئ في الشكل المقابل هي:

- (a)  $y = \frac{4}{3}$       (b)  $y = \frac{9}{20}$   
 (c)  $y = -\frac{1}{12}$       (d)  $y = -\frac{4}{3}$





(15) معادلة القطع المكافئ للبيان التالي هي:

(a)  $x^2 = -\frac{25}{3}y$

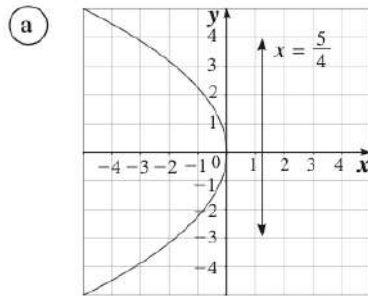
(b)  $y^2 = \frac{9}{5}x$

(c)  $x^2 = \frac{25}{3}y$

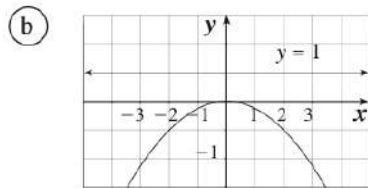
(d)  $y^2 = \frac{5}{9}x$

في التمارين (16-18)، لديك قائمتان. اختر من القائمة (2) ما يناسب كل تمرين في القائمة (1) لتصل بيان كل دالة بمعادلتها.

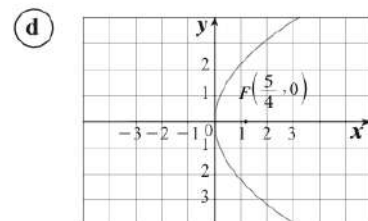
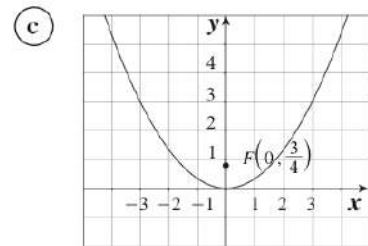
القائمة (2)	القائمة (1)
-------------	-------------



$x^2 = 3y$  (16)



$x^2 = -4y$  (17)



$y^2 = 5x$  (18)



القطع الناقص

(a) (b)

(1) رأسي القطع للقطع الناقص الذي معادلته:  $\frac{x^2}{9^2} + \frac{y^2}{5^2} = 1$  هما:  $(9,0)$ ،  $(-9,0)$

(a) (b)

(2) النقطة  $(\sqrt{33}, 0)$  هي إحدى بؤرتي القطع الناقص الذي معادلته:  $\frac{x^2}{7^2} + \frac{y^2}{4^2} = 1$

موقع  
المنهج الكويتي  
alnuhjhj.com/kw

(a) (b)

(3) طول المحور الأكبر للقطع الناقص الذي معادلته  $25x^2 + 9y^2 = 225$  يساوي 10 units

(a) (b)

(4) بؤرتا القطع الناقص الذي معادلته:  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$  هما  $(\pm 3, 0)$



- (5) في القطع الناقص الذي معادلته:  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{36} = 1$ ، طول المحور الأصغر يساوي 8

a

b



في التمارين (6-12)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6) النقطتان الطرفيتان للمحور الأصغر للقطع الناقص الذي معادلته  $4x^2 + 9y^2 = 36$  هما:

a  $(\pm 2, 0)$ b  $(\pm 3, 0)$ c  $(0, \pm 2)$ d  $(0, \pm 3)$ 

(7) معادلة القطع الناقص الذي بؤرتاه  $(\pm 7, 0)$  والنقطتان الطرفيتان لمحوره الأصغر  $(0, \pm 6)$  هي:

a  $\frac{x^2}{85} + \frac{y^2}{36} = 1$

b  $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{85} = 1$

c  $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{36} = 1$

d  $\frac{x^2}{85} + \frac{y^2}{49} = 1$



(8) معادلة القطع الناقص الذي بؤرتاه على محور السينات ومركزه نقطة الأصل وطول محوره الأكبر 9 units وطول محوره الأصغر 4 units هي:

(a)  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$

(b)  $\frac{x^2}{20.25} + \frac{y^2}{4} = 1$

(c)  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$

(d)  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{20.25} = 1$

موقع  
المنهج الكويتية  
almanahj.com/kw

(9) النقطة  $A(-10, 0)$  تنتمي إلى القطع الناقص الذي معادلته  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{64} = 1$ . مجموع المسافتين  $AF_1 + AF_2$  حيث  $F_1, F_2$  هما البؤرتان يساوي:

(a) 10 units

(b) 12 units

(c) 14 units

(d) 20 units

(10) طول المحور الأكبر للقطع الناقص  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{64} = 1$  يساوي:

(a) 12 units

(b)  $2\sqrt{41}$  units

(c) 16 units

(d) 20 units



(11) المسافة بين البؤرتين للقطع الناقص  $15x^2 + 25y^2 - 75 = 0$  هي:

(a)  $\sqrt{2}$

(b)  $2\sqrt{2}$

(c) 10

(d)  $2\sqrt{3}$

(12) المسافة بين نقطة الأصل وأحد رأسي القطع الناقص على المحور الأكبر الذي معادلته  $\frac{x^2}{20.25} + \frac{y^2}{4} = 1$  هي:

(a) 9

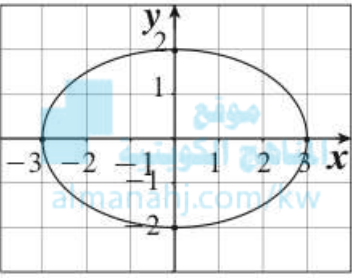
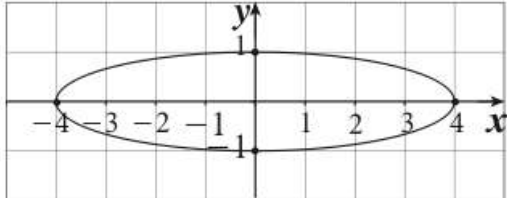
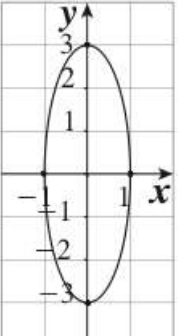
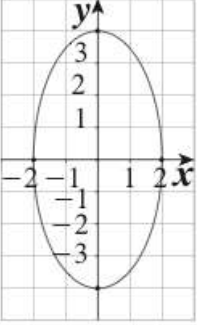
(b) 2

(c) 4.5

(d) 16.25



في التمارين (13-15)، لديك قائمتان. اختر من القائمة (2) ما يناسب كل تمرين في القائمة (1) لتصل بيان كل قطع ناقص بمعادلته.

القائمة (2)	القائمة (1)
<p>(a) </p>	$\frac{x^2}{16} + y^2 = 1 \quad (13)$
<p>(b) </p>	$x^2 + \frac{y^2}{9} = 1 \quad (14)$
<p>(c) </p>	$\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{16} = 1 \quad (15)$
<p>(d) </p>	



القطع الزائد

a

b

(1)  $x^2 - y^2 = 4$  هي معادلة قطع زائد.

a

b

(2) الخطان المقاربان للقطع الزائد الذي معادلته  $x^2 - y^2 = 12$  هما متعامدان.

a

b

(3) إحداثيات بؤرتي القطع الزائد الذي معادلته  $\frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{18} = 1$  هما:  $(0, 3)$ ,  $(0, -3)$ .

a

b

(4) نقطتا طرفي المحور المرافق للقطع الزائد الذي معادلته  $\frac{x^2}{25} - y^2 = 1$  هما:  $B_1(1, 0)$ ,  $B_2(-1, 0)$ .





في التمارين (5-11)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) معادلة القطع الزائد الذي بؤرتاه  $(0, \pm 3)$  وطول محوره القاطع 4 هي:

(a)  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$

(b)  $\frac{y^2}{5} - \frac{x^2}{4} = 1$

(c)  $\frac{y^2}{4} - \frac{x^2}{5} = 1$

(d)  $\frac{x^2}{5} - \frac{y^2}{4} = 1$

(7) معادلة القطع الزائد الذي نقطتي تقاطعه مع المحور السيني هما  $(\pm 6, 0)$  هي:

(a)  $y^2 - x^2 = 36$

(b)  $\frac{y^2}{36} - \frac{x^2}{49} = 1$

(c)  $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{36} = 1$

(d)  $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{4} = 1$

(8) البعد بين بؤرتي القطع الزائد الذي معادلته:  $50y^2 - 25x^2 - 100 = 0$  بوحدّة الطول يساوي:

(a)  $\sqrt{6}$

(b)  $2\sqrt{6}$

(c) 6

(d)  $2\sqrt{2}$



(9) منحنى أي معادلة مما يلي لا يقطع المحور الصادي في  $(0, \pm 4)$ :

(a)  $y^2 - x^2 = 16$

(b)  $4y^2 - 16x^2 = 64$

(c)  $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1$

(d)  $\frac{y^2}{16} - \frac{x^2}{9} = 1$

(10) نقطتا تقاطع القطع الزائد الذي معادلته:  $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{49} = 1$  مع محور السينات هما:

(a)  $(\pm 7, 0)$

(b)  $(\pm 5, 0)$

(c)  $(0, \pm 5)$

(d) ليس أيًّا مما سبق

(11) معادلتا الخطين المقاربتين للقطع الزائد:  $\frac{x^2}{8} - \frac{y^2}{32} = 2$  هما:

(a)  $y = \pm 2x$

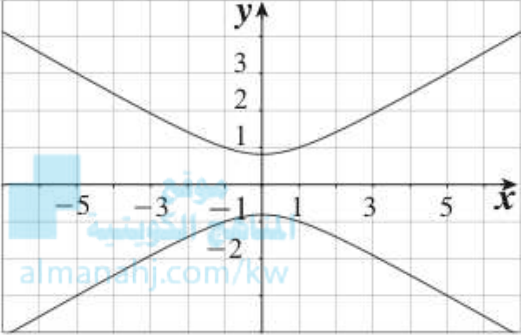
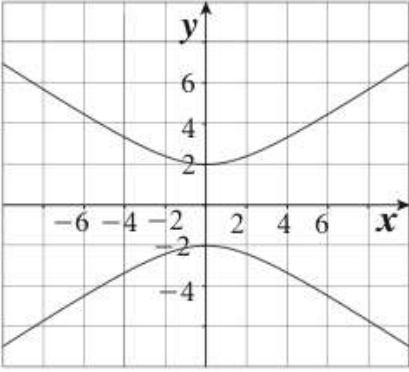
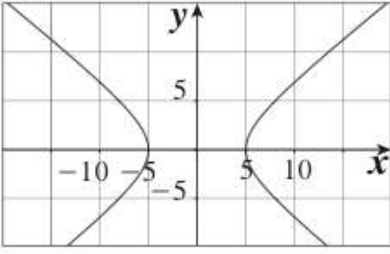
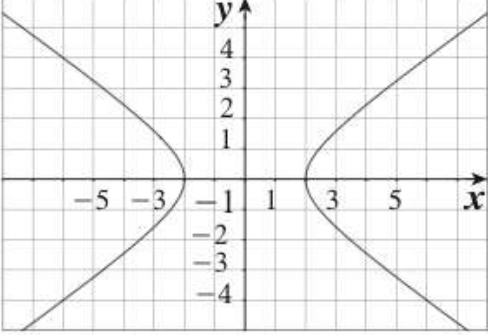
(b)  $y = \pm \frac{1}{2}x$

(c)  $y = \pm 4x$

(d)  $y = \pm \frac{1}{4}x$



في التمارين (12-14)، لديك قائمتان. اختر من القائمة (2) ما يناسب كل تمرين في القائمة (1) لتصل بيان كل قطع زائد بمعادلته.

القائمة (2)	القائمة (1)
<p>a</p> 	$\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1 \quad (12)$
<p>b</p> 	$3y^2 - x^2 = 2 \quad (13)$
<p>c</p> 	$\frac{1}{2}x^2 - y^2 - 2 = 0 \quad (14)$
<p>d</p> 	



الاختلاف المركزي

a b

(1) إذا كانت  $e < 1$ ، فإن القطع هو قطع ناقص.

a b

(2) إذا  $a = 6$ ،  $b = 9$  في القطع الزائد فإن  $c = 3\sqrt{13}$

a b

(3) معادلتا المقاربتين للقطع الزائد  $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{9} = 1$  هما:  $y = \frac{1}{2}x$ ،  $y = -\frac{1}{2}x$

a b

(4) إذا كانت معادلة القطع الناقص هي:  $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{9} = 1$ ، فإن طول محوره الأكبر هو 6 وطول محوره الأصغر هو 14.



a

b

(5) لأي معادلة قطع مكافئ فإن  $e = 1$

a

b

(6) المحور القاطع للقطع الزائد  $\frac{y^2}{15} - \frac{x^2}{10} = 1$  ينطبق على محور الصادات.

a

b

(7) رأسا القطع الناقص الذي معادلته:  $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$  هما:  $(0, 6)$  ,  $(0, -6)$

(8) إذا كانت  $a = 7$  ،  $c = 2\sqrt{10}$  ، فإن معادلة القطع المخروطي الناتج هي:

a  $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{9} = 1$

b  $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{9} = 1$

c  $\frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{3} = 1$

d  $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{49} = 1$



(9) أي معادلة مما يلي تمثل قطعاً زائداً معادلة أحد دليليه  $y = \frac{25}{7}$  ؟

(a)  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{24} = 1$

(b)  $\frac{x^2}{24} - \frac{y^2}{25} = 1$

(c)  $\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{24} = 1$

(d)  $\frac{y^2}{25} + \frac{x^2}{24} = 1$

(10) إذا كانت معادلة أحد المقاربتين  $y = \frac{-7}{5}x$  والاختلاف المركزي  $e = \frac{\sqrt{74}}{5}$  فمعادلة القطع الزائد هي:

(a)  $\frac{y^2}{7} - \frac{x^2}{5} = 1$

(b)  $\frac{x^2}{7} - \frac{y^2}{5} = 1$

(c)  $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{25} = 1$

(d)  $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{49} = 1$

(11) الاختلاف المركزي للمعادلة  $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$  هو:

(a)  $\frac{\sqrt{11}}{6}$

(b)  $\frac{\sqrt{11}}{5}$

(c)  $\frac{36}{25}$

(d)  $\frac{25}{36}$



(12) معادلة قطع ناقص إحدى بؤرتيه (0, 4) وأحد رأسيه (0, -5) هي:

(a)  $\frac{y^2}{9} + \frac{x^2}{25} = 1$

(b)  $\frac{y^2}{4} + \frac{x^2}{5} = 1$

(c)  $\frac{y^2}{25} + \frac{x^2}{9} = 1$

(d)  $\frac{y^2}{5} + \frac{x^2}{3} = 1$

(13) لأي قطع ناقص يكون:

(a)  $a > c$

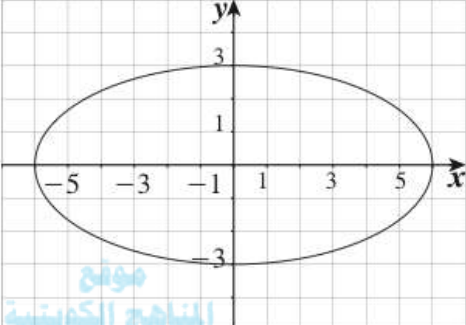
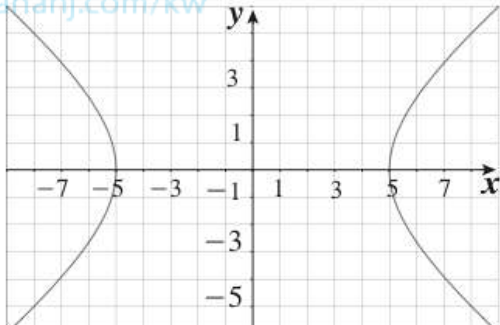
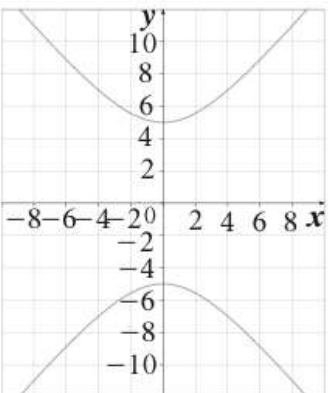
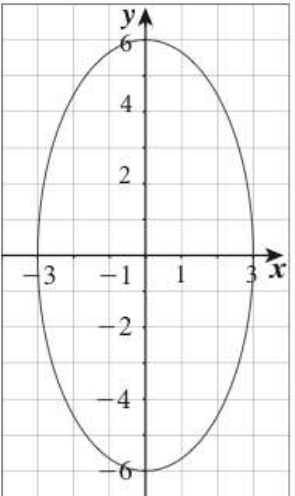
(b)  $a < c$

(c)  $a = ec$

(d)  $a = c$



في التمارين (14-16)، لديك قائمتان. اختر من القائمة (2) ما يناسب كل تمرين في القائمة (1) لتصل بيان كل قطع مخروطي بمعادلته.

(2) القائمة	(1) القائمة
<p>a</p> 	<p>(14) <math>\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1</math></p>
<p>b</p> 	<p>(15) <math>\frac{y^2}{36} + \frac{x^2}{9} = 1</math></p>
<p>c</p> 	<p>(16) <math>\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{9} = 1</math></p>
<p>d</p> 	





المتغيرات العشوائية المتقطعة

(1) التوقع هو القيمة التي تقيس تشتت قيم المتغير العشوائي المتقطع عن قيمته المتوسطة.

a

b

(2) التباين هو القيمة التي تتجمع حولها القيم الممكنة للمتغير العشوائي المتقطع.

a

b

(3) دالة التوزيع التراكمي  $F$  للمتغير العشوائي المتقطع عند القيمة  $a$  هي احتمال وقوع المتغير العشوائي  $X$  بحيث يكون  $X$  أصغر من أو يساوي  $a$ .

a

b

(4) التوزيع التالي يمثل دالة التوزيع الاحتمالي  $f$  للمتغير  $X$ .

$x$	0	1	2	3
$f(x)$	0.1	0.05	0.4	0.4

a

b



(5) قيمة  $K$  التي تجعل التوقع  $\mu$  للمتغير العشوائي  $X$  يساوي 1 لدالة التوزيع الاحتمالي  $f$

هي صفر.

$x$	2	1	0
$f(x)$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$K$

(a)

(b)

(6) لدالة توزيع تراكمي  $F$  للمتغير العشوائي  $X$  يكون:

$$P(a < X \leq b) = F(b) - F(a)$$

(a)

(b)

(7) لدالة توزيع تراكمي  $F$  للمتغير العشوائي  $X$  يكون:

$$P(X < a) = 1 - F(a)$$

(a)

(b)



(9) عند إلقاء قطعة نقود ثلاث مرات متتالية فإن  $n(S) = 6$ .

- (a) (b)

(10) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي  $f$  للمتغير العشوائي  $X$  هي:

$x$	-1	0	1	2
$f(x)$	0.2	0.2	$K$	0.2

- (a) 0.2 (b) 0 (c) 0.4 (d) 0.3 فإن قيمة  $K$  هي:

(11) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي  $f$  للمتغير العشوائي  $X$  هي:

$x$	1	2	3
$f(x)$	$K$	$2K$	$2K$

- (a) 0.5 (b) 0.2 (c) 1 (d) 0.4 فإن قيمة  $K$  تساوي:



في التمارين (12-14)، استخدم الجدول التالي:

$x$	0	1	2	3
$f(x)$	0.2	0.4	0.1	0.3

حيث  $f$  هي دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي المتقطع  $X$ .

(12)  $F(-1)$

(a) 0

(b) 0.2

(c) 0.4

(d) 0.6

موقع  
المنهج الكويتية  
almanahj.com/kw

(13)  $F(1.5)$

(a) 0.4

(b) 0.2

(c) 0

(d) 0.6

(14)  $F(4)$

(a) 0.2

(b) 0.1

(c) 0.4

(d) 1



(15) إذا كان  $X$  متغيرًا عشوائيًا متقطعًا دالة توزيع الاحتمالي  $f$  هي:

$x$	0	1	2
$f(x)$	0.25	0.50	0.25

فإن التوقع له يساوي:

- (a) 1      (b) 1.25      (c) 1.5      (d) 0.5

(16) إذا كان  $X$  متغيرًا عشوائيًا متقطعًا لدالة التوزيع الاحتمالي  $f$  وكان التوقع = 0.5 ،  $\sum x^2 f(x) = 4.25$  ،  
فإن الانحراف المعياري هو:

- (a) 4      (b) 2      (c) 3.75      (d) 1

(18) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي  $f$  للمتغير العشوائي المتقطع  $X$  هي:

$x$	0	1	2
$f(x)$	$\frac{1}{3}$	$\frac{5}{9}$	$\frac{1}{9}$

فإن التوقع  $\mu$  للمتغير العشوائي  $X$  يساوي:

- (a) 1      (b)  $\frac{2}{3}$       (c)  $\frac{7}{9}$       (d) 0



(20) إذا كان  $X$  متغيراً عشوائياً متقطعاً يأخذ القيم  $1.5, 1, -1$  وكان:  $P(X = -1) = 0.6$  ,  $P(X = 1) = 0.3$

فإن  $P(X > 0)$  يساوي:

(a) 0.6

(b) 0.9

(c) 0.4

(d) 0.7

المتغيرات العشوائية المتصلة (المستمرة)

(1) نسبة الرطوبة خلال شهر هو متغير عشوائي متصل.

(a) (b)

(2) عدد أحرف كلمات كتاب هو متغير عشوائي متصل.

(a) (b)

(3) إذا كانت الدالة  $f$  معرفة كالتالي:

(a) (b)

فإن الدالة  $f$  هي دالة كثافة احتمال.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2} & : 0 \leq x \leq 1 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$


(4) إذا كانت  $X$  متغيرًا عشوائيًا متصلًا ودالة كثافة الاحتمال له هي:

$$f(x) = \begin{cases} 2 & : 0 \leq x \leq \frac{1}{2} \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

$$P(X \geq 2) = 1 \text{ فإن}$$

- (a) (b)

(5) إذا كانت الدالة  $f$  هي دالة كثافة احتمال تتبع التوزيع الاحتمالي المنتظم معرفة كما يلي:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{3} & : 0 \leq x \leq 3 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

$$\text{فإن التباين للدالة } f \text{ هو } \sigma^2 = \frac{3}{4}$$

- (a) (b)

- (a) (b)  
(a) (b)

(6) من خواص التوزيع الطبيعي أنه متماثل حول  $x = \mu$ .

(7) المساحة تحت منحنى التوزيع الطبيعي تساوي الواحد.



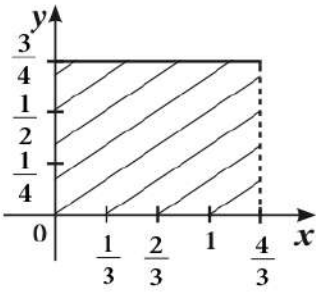
(8) إذا كان  $X$  متغيراً عشوائياً متصلًا ودالة كثافة الاحتمال له هي:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}x & : 0 \leq x \leq 2 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

فإن  $P(X = 1)$  يساوي:

- (a)  $\frac{1}{2}$       (b) 0      (c) 1      (d) ليس أيًّا مما سبق

في التمارين (10-16)، أجب عن الأسئلة من خلال الرسم البياني في الشكل المقابل:



(10) الدالة التي تعبر عن الرسم البياني التالي هي:

(a)  $f(x) = \begin{cases} \frac{3}{4} & : 0 < x < \frac{3}{4} \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$

(b)  $f(x) = \begin{cases} \frac{3}{4} & : 0 < x < \frac{4}{3} \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$

(c)  $f(x) = \begin{cases} \frac{4}{3} & : 0 < x < \frac{4}{3} \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$

(d)  $f(x) = \begin{cases} \frac{3}{4} & : 0 < x < 4 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$

(11) الدالة  $f$  تتبع التوزيع الاحتمالي:

(a) ذات الحدين

(a) الطبيعي

(b) المنتظم

(c) الطبيعي المعياري

(12) التوقع هو:

(a)  $\frac{4}{5}$

(b)  $\frac{2}{3}$

(c)  $\frac{4}{3}$

(d)  $\frac{3}{4}$





$$(14) P\left(X < \frac{4}{6}\right) =$$

(a)  $\frac{1}{3}$

(b)  $\frac{1}{4}$

(c)  $\frac{1}{6}$

(d)  $\frac{1}{2}$

$$(15) P\left(X > \frac{4}{12}\right) =$$

(a)  $\frac{2}{6}$

(b)  $\frac{6}{2}$

(c)  $\frac{3}{4}$

(d) 1

$$(16) P(0 < X < 1) =$$

(a)  $\frac{4}{5}$

(b)  $\frac{1}{3}$

(c) 1

(d)  $\frac{3}{4}$

(17) إذا كان  $z$  يتبع التوزيع الطبيعي فإن:  $P(0 \leq z \leq 2.35)$  يساوي:

(a) 0.9906

(b) 0.5

(c) 0.4906

(d) 0.218

