

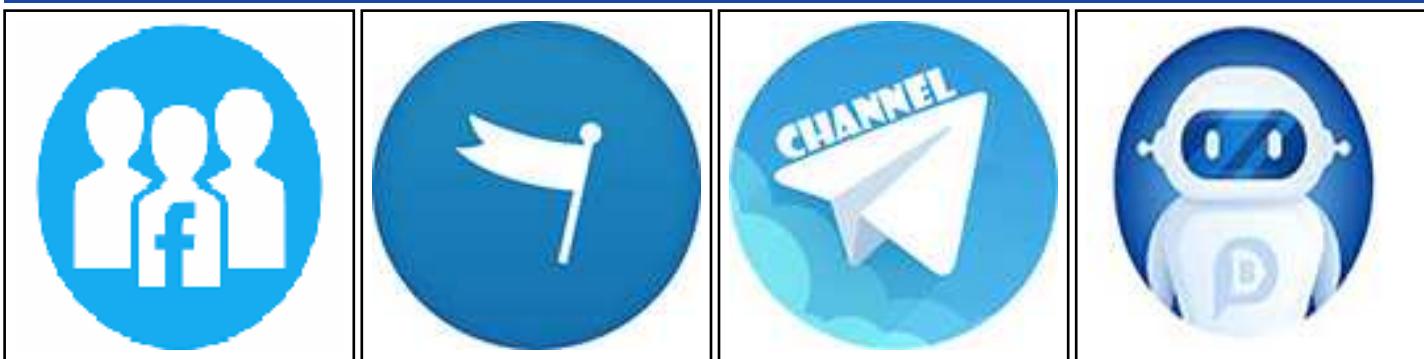
تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية



الملف أمثلة الكتاب وحاول أن تحل بالإضافة لخطة المنهج

موقع المناهج ← المناهج الكويتية ← الصف العاشر ← رياضيات ← الفصل الأول

روابط موقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف العاشر



روابط مواد الصف العاشر على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف العاشر والمادة رياضيات في الفصل الأول

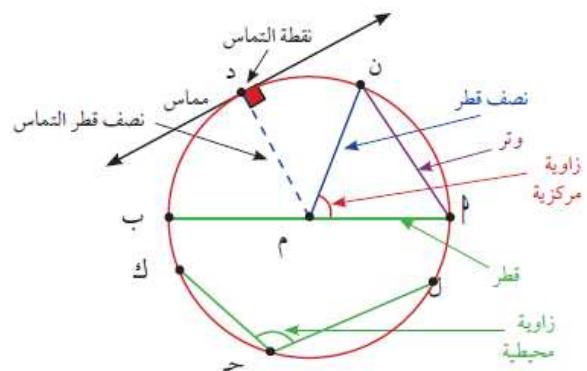
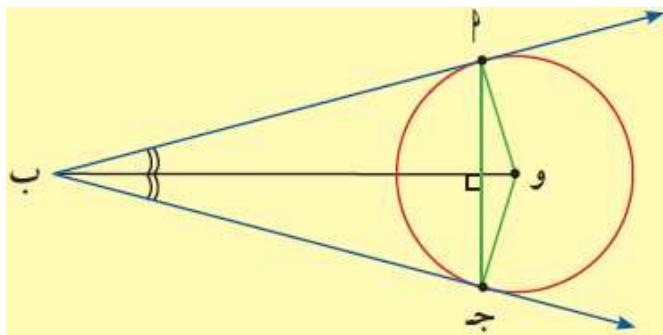
مذكرة ممتازة في مادة الرياضيات	1
أوراق عمل للكورس الاول في مادة الرياضيات	2
حل كراسة التطبيقات في مادة الرياضيات	3
اسئلة اخباريات واحتاجتها النموذجية في مادة الرياضيات	4
مذكرة ممتازة في مادة الرياضيات	5



الصف العاشر



أمثلة الكتاب و حاول أن تحل



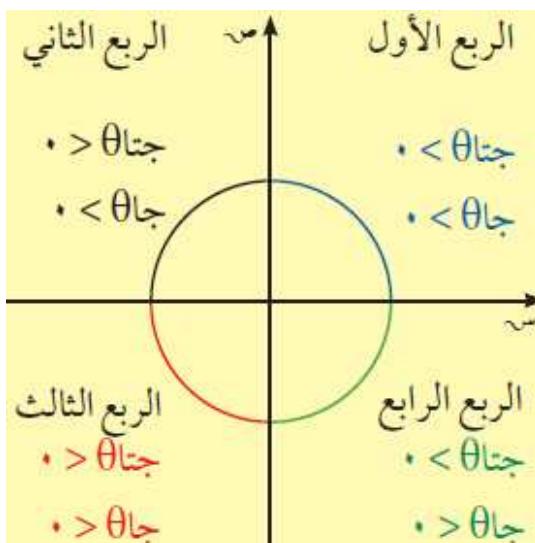
موقع
لمناهج الكويتية
almanahj.com/kw

الرياضيات

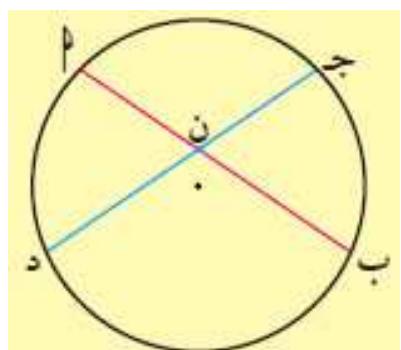


العام الدراسي

٢٠٢٣ \ ٢٠٢٤



الفصل الدراسي الثاني



إعداد رئيس القسم الأستاذ :
محمود حامد العلو

الموجه الفني: أ. مفید بستانی

$$\frac{d - b}{|d - b|} = \frac{1}{|1 - \frac{1}{\alpha}|}$$

مدير المدرسة: د. محمد العصيمي

أسم الطالب: ، الصف: ١٠ /

الكتاب الثاني

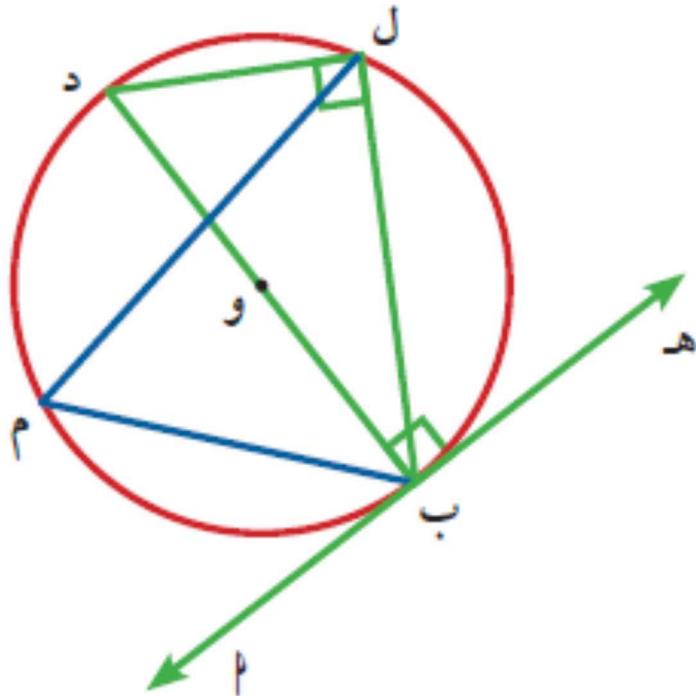
"مادة الرياضيات"

الوحدة السادسة

هندسة الدائرة

موقع
المناهج الكويتية
almanahi.com/kw

Geometry of a Circle



رئيس القسم: محمود العلو

الدائرة: الأوتار المقاطعة، المماس	الزوايا المركزية والزوايا المحيطية	الأوتار والأقواس	مماس الدائرة	الدائرة
٤-٦	٣-٦	٢-٦	١-٦ (ب)	١-٦ (ج)

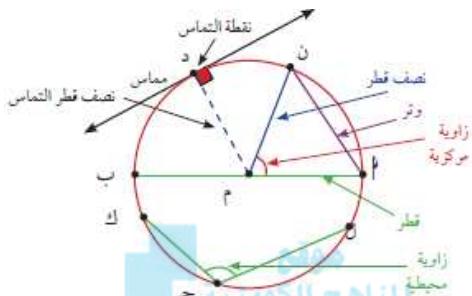


الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١
الموضوع			



الوحدة السادسة (هندسة الدائرة)

تمارين (٦-٦) الدائرة ومماس الدائرة



تعريف الدائرة:

مجموعة نقاط المستوى التي يكون بعد كل منها عن نقطة ثابتة (m)

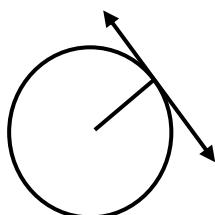
في المستوى بعضاً ثابتاً. تسمى النقطة الثابتة **مركز الدائرة**

ويسمى البعد الثابت طول نصف قطر الدائرة ويرمز له بالرمز **(ن)**.



نظرية (١):

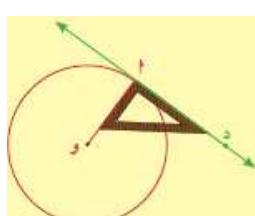
كل ثلاثة نقاط ليست على استقامة واحدة تمر بها دائرة واحدة.



تعريف اطماس للدائرة:

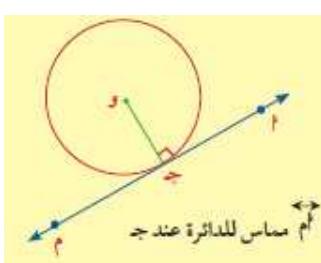
هو مستقيم في المستوى يتقاطع مع الدائرة في نقطة واحدة.

تسمى **نقطة التماس**.



نظرية (٢):

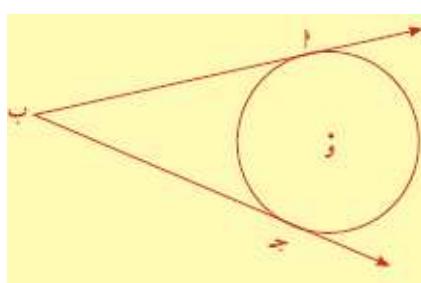
المماس عمودي على نصف قطر التماس.



نظرية (٣):

المستقيم العمودي على نصف قطر في دائرة من نقطة نهايته التي تقع على الدائرة

يكون مماساً للدائرة.



نظرية (٤):

القطعان المماستان المرسومتان لدائرة من نقطة خارجها متباينتان.

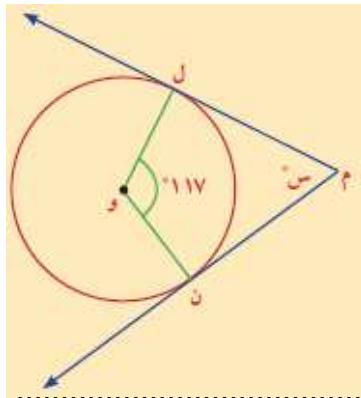
$$أب \cong بـ$$



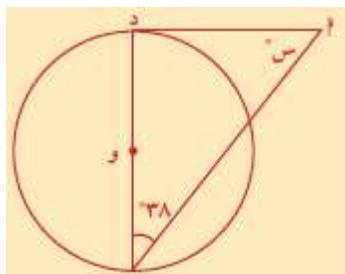
الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١
الموضو			



مثال (٢) : في الشكل المقابل: \overleftrightarrow{ML} مماس للدائرة التي مركزها O .
أوجد قياس الزاوية $\angle LMN$.

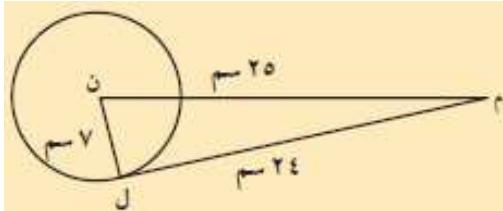


حاول أن تحل (٢) : في الشكل المقابل: \overleftrightarrow{AD} مماس للدائرة التي مركزها O ، أوجد قيمة s .



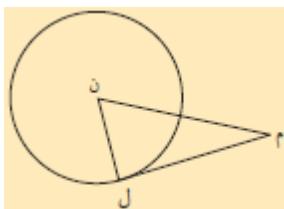


الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١
.....			الموضوع



مثال (٤) : في الشكل المقابل: $NL = 7$ سم ، $LM = 24$ سم ، $NM = 25$ سم .
صفحة 18

أثبت أن \overleftrightarrow{ML} مماس للدائرة التي مركزها N .

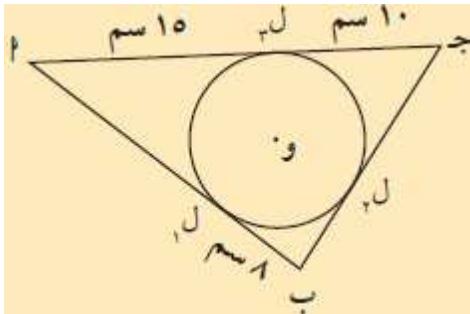


حاول أن تحل (٤) : في الشكل المقابل: $NL = 4$ ، $LM = 7$ ، $NM = 8$.
صفحة 18

فهل \overleftrightarrow{ML} مماس للدائرة؟ فسر اجابتك.



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		

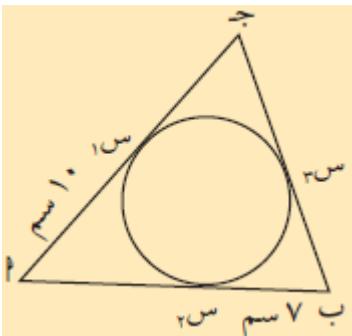


مثال (٦): في الشكل المقابل: أوجد محيط المثلث $A B C$.
صفحة 20



موقع
المنابع الكويتية

almanabi.com/kw

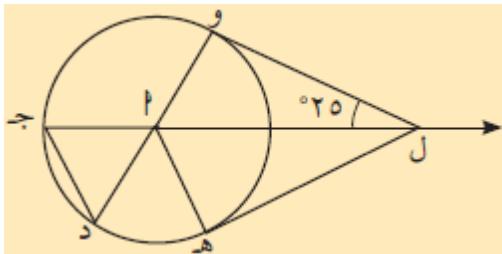


حاول أن تحل (٦): في الشكل المقابل: إذا كان محيط المثلث $A B C = 50$ سم ،
صفحة 18

فأوجد طول $B C$.



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ / م
الموضوع		



مثال (٧) : في الشكل المقابل: أوجد \widehat{LH} ، \widehat{ED} .
صفحة 21

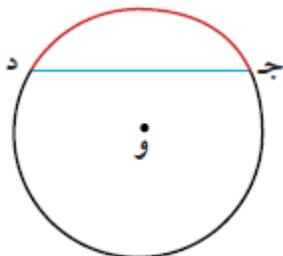
إذا كانت L و H تمسان الدائرة حيث D قطر للدائرة.



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
ال موضوع		

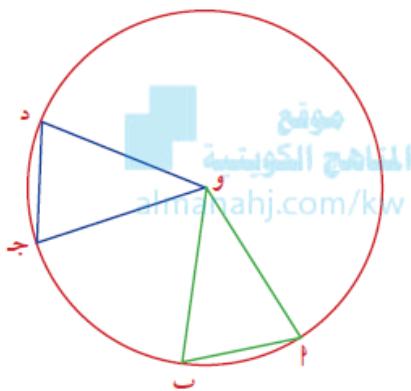


تمارين (٦-٢) الأوتار والأقواس



تعريف الوتر:

هو قطعة مستقيمة ينتمي طرفاها إلى الدائرة ، الوتر $\overline{جــدـ}$.
القوس $\widehat{جــدـ}$ المناظر للوتر $\overline{جــدـ}$.



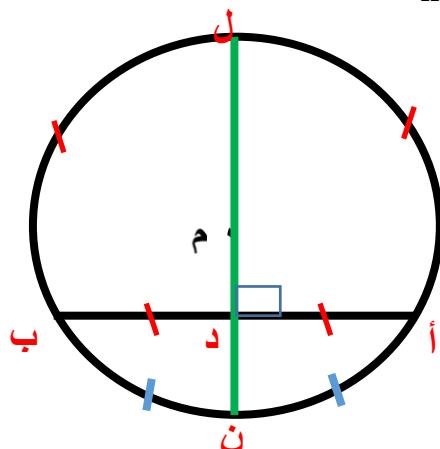
نظرية (١):

في دائرة واحدة أو في دوائر متطابقة:

- ١) للزوايا المركزية المتطابقة أوتاراً متطابقة.
- ٢) الأوتار المتطابقة تقابل أقواساً متطابقة.
- ٣) للأقواس المتطابقة زوايا مركزية متطابقة.

نظرية (٢):

- ١) الأوتار المتطابقة في دائرة على أبعاد متساوية من مركز الدائرة.
- ٢) الأوتار التي على أبعاد متساوية من مركز دائرة تكون متطابقة.



نظرية (٣):

- ١) القطر العمودي على وتر في دائرة ينصفه وينصف كلا من قوسيه.
- ٢) القطر الذي ينصف وترًا (ليس قطرًا) في الدائرة يكون عمودياً على الوتر.
- ٣) العمود المنصف لوتر في الدائرة يمر بمركز الدائرة.

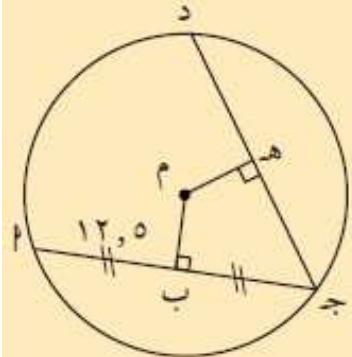


الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١
الموضوع		



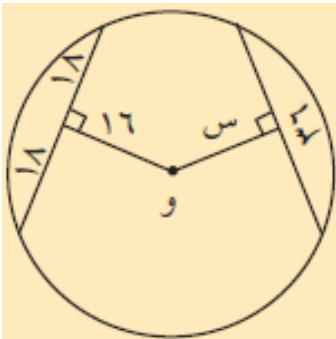
مثال (2): في الشكل المقابل: ليكن م مركز الدائرة ، $M_B = M_H$.
صفحة 28

أوجد طول جـ د . فسر.



حاول أن تحل (2): في الشكل المقابل: دائرة مركزها و ،
صفحة 28

أوجد قيمة س ، وفسر اجابتك.



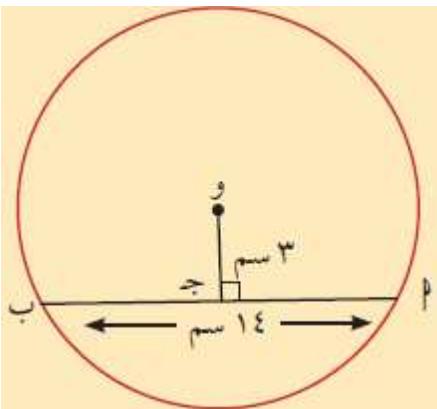


الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع			

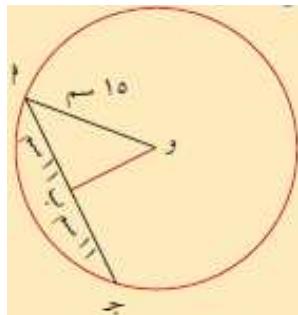


مثال (٣) : في الشكل المقابل:
صفحة 29

أوجد طول نصف قطر الدائرة التي مركزها و.



موقع
الناظور الكويتية
almanahj.com/kw



تابع مثال (٣) : في الشكل المقابل:
صفحة 29

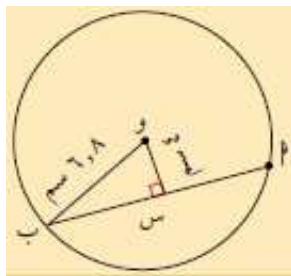
أوجد البعد بين مركز الدائرة والوتر.



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضو



حاول أن تحل (3) : استخدم الشكل المقابل لإيجاد :
صفحة 30



- ١) أوجد $\angle A$.
٢) المسافة من منتصف الوتر إلى منتصف القوس الأصغر \widehat{AD} .



موقع
المذاهب الكويتية

almanarj.com/kw



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١٠		٢٠٢٢ / ١
ال موضوع		



تمارين (٣-٦) الزوايا المركزية والزوايا المحيطية

تعريف:

- ١) الزاوية التي رأسها مركز الدائرة وضلعها يقطعان الدائرة. تسمى بالزاوية المركزية.
- ٢) الزاوية التي رأسها احدى نقاط الدائرة وضلعها يقطعان الدائرة. تسمى بالزاوية المحيطية.

نظريه (١):

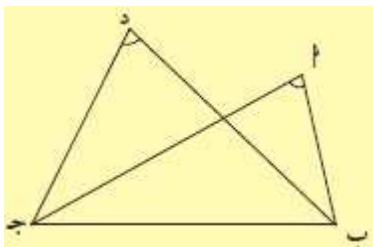
موقع
المناهج الكويتية
almanahj.com/kw

قياس الزاوية المركزية يساوي قياس القوس المحصور بين ضلعيها على الدائرة .



نظريه (٢):

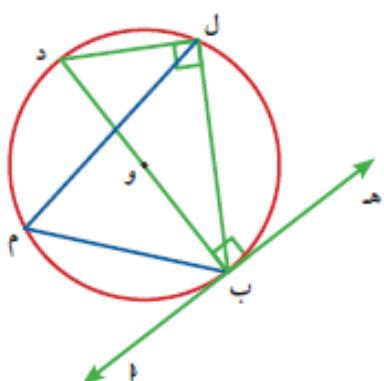
في الدائرة قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين ضلعيها.



نتائج:

- ١) كل زاويتين محيطيتين في دائرة تحصران القوس نفسه متطابقتان .
- ٢) كل زاوية محيطية في دائرة تحصر نصف دائرة تكون زاوية قائمة .
- ٣) كل شكل رباعي دائري (محاط بدائرة) ، تكون زواياه المقابلة متكاملة .
- ٤) في الشكل إذا تطابق الزاويتان \hat{A} ، \hat{D} المرسومات على القاعدة B - G وفي جهة واحدة منها .
كان الشكل A - B - G - D رباعياً دائرياً .

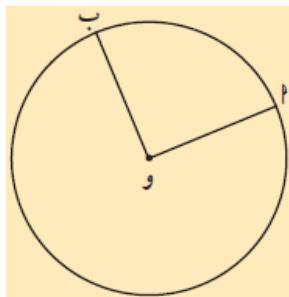
نظريه (٣):



- ١) قياس الزاوية المماسية يساوي قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها بنفس القوس .
- ٢) قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر .



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
ال موضوع		

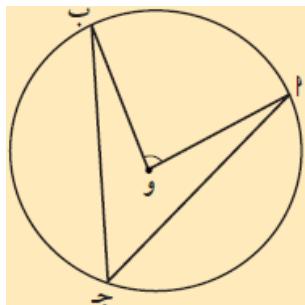


مثال (١) : في الشكل المقابل: دائرة مركزها و ، إذا كان $\widehat{AB} = 90^\circ$. صفحه 33

فأوجد \widehat{AOB} .



حاول أن تحل (١) : إذا كان قياس زاوية مركزية يساوي 35° ، أوجد قياس القوس على الدائرة المحصور بين ضلعيها . صفحه 33



مثال (٢) : في الشكل المقابل: إذا كان $\widehat{AB} = 80^\circ$. فأوجد \widehat{ACB} . صفحه 34

حاول أن تحل (٢) : إذا كان قياس زاوية محيطية في دائرة يساوي 54° . صفحه 34

أوجد قياس القوس على الدائرة المحصور بين ضلعيها.

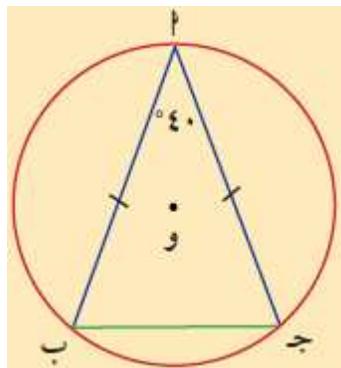


الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		



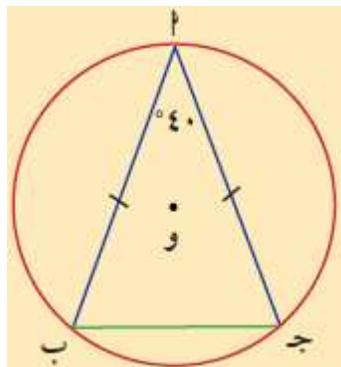
مثال (٣) : أ ب ج مثلث متطابق الضلعين حيث أ ، ب ، ج نقاط على الدائرة مركزها و .

$$\widehat{B} = 40^\circ, \text{ فأوجد قياس كل من } (\widehat{B}), (\widehat{C}), (\widehat{A}).$$



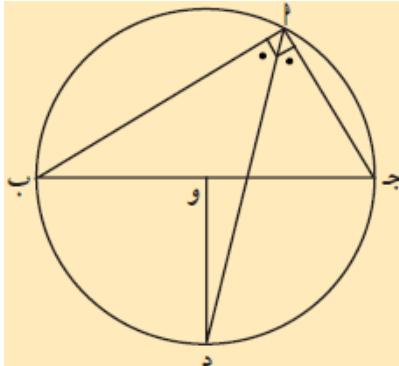
حاول أن تحل (٣) : في المثال (٣): إذا كان جـ هـ منصف لزاوية الداخلية ($\widehat{C} = \widehat{B}$) ،

ويقطع الدائرة في هـ . ما قياس القوس الأصغر (\widehat{A}) ؟.





الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ / م
الموضو			

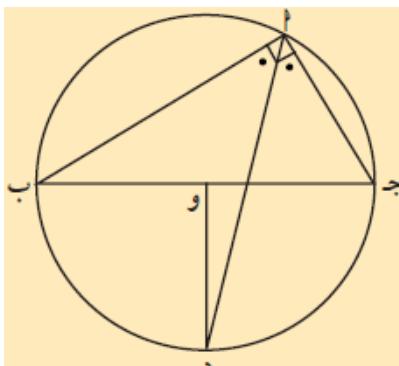


مثال (٤) : في الشكل المقابل: دائرة مركزها O . اثبت أن $D = 2B - C$.
صفحة 35



موقع
المنابع الكويتية

almanabi.com/kw



حاول أن تحل (٤) : في المثال (٤): إذا كان $m(\widehat{B}) = 30^\circ$ ، أوجد $m(\widehat{C})$.
صفحة 35

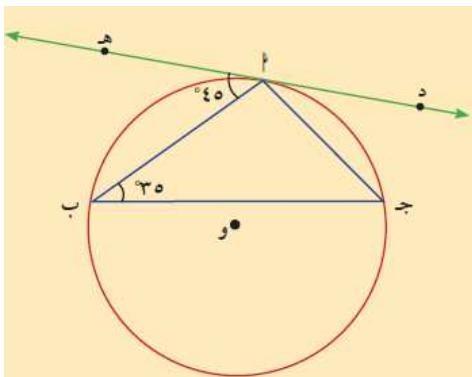


الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
الموضوع		



مثال (٧): في الشكل المقابل: إذا كان $\overset{\leftrightarrow}{d}$ مماساً للدائرة عند M .
صفحة 39

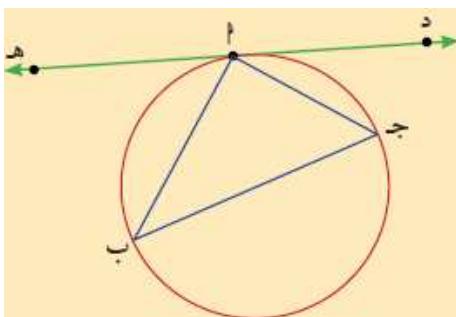
فأوجد: $\angle MAB$.



حاول أن تحل (٧): في الشكل المقابل: لدينا $\overset{\leftrightarrow}{d}$ مماس للدائرة . وكان $\angle DAB = 40^\circ$ ، $\angle DBA = 50^\circ$.
صفحة 39

(١) أوجد قياسات زوايا المثلث ABD .

(٢) أثبت أن AB قطر للدائرة.



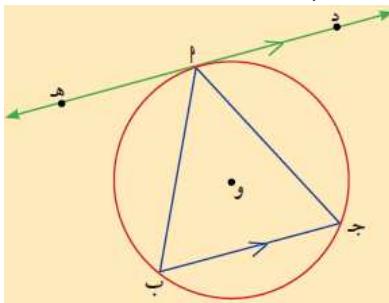


الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		

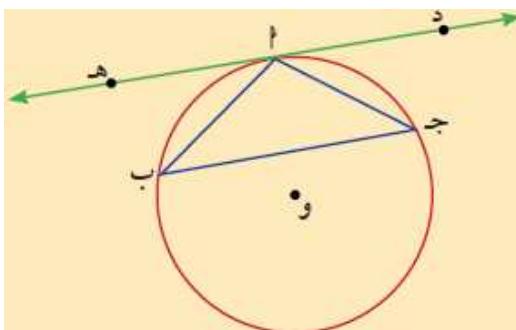


مثال (٩): في الشكل المقابل: لدينا د هـ مماس للدائرة عند النقطة أ . ب جـ وتر في الدائرة موازٍ للمماس د هـ . صفحـة 40

أثبت أن المثلث أ ب جـ متطابق الضلعـين .



موقع
المناهج الكويتية
almanahj.com/kw



حاول أن تحل (٩): في الشكل المقابل: لدينا د هـ مماس للدائرة عند النقطة أ . صفحـة 41

المثلث أ ب جـ متطابق الضلعـين ($أ ب = أ جـ$) . أثبت أن د هـ // ب جـ .

الكتاب الثاني

"مادة الرياضيات"

الوحدة السابعة

المصفوفات



Matrices

$$\begin{bmatrix} ? & ? \\ ? & ? \\ ? & ? \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 4-1- & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$6 = (2)(3) + (4)(1)$$

الناتج هو العنصر في الصف الأول والعمود الأول. كرر الخطوات نفسها مع باقي الصفوف والأعمدة.

$$\begin{bmatrix} 3 & 6- \\ 4- & 4 \\ ? & ? \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 4-1- & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$4 = (2)(4) - (4)(1)$$

$$\begin{bmatrix} ? & 6- \\ ? & ? \\ ? & ? \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 4-1- & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$3 = (1)(3) + (0)(1)$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 6- \\ 4- & 4 \\ ? & ? \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 4-1- & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$0 = (2)(2) + (4)(1)$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 6- \\ ? & 4 \\ ? & ? \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 4-1- & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$4 = (1)(4) - (0)(1)$$

رئيس القسم: محمود العلو

حل نظام من معادلين خططيتين	مصفوفات الوحدة والنظير الضريبي (المعكوسات)	ضرب المصفوفات	جمع وطرح المصفوفات	تنظيم البيانات في مصفوفات
٥-٧	٤-٧	٣-٧	٢-٧	١-٧



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
الموضوع			



الوحدة السابعة (المصفوفات)

تمارين (١-٧) تنظيم البيانات في مصفوفات

مثال (١) : اكتب رتبة كل مصفوفة مما يلي :
صفحة 55

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \\ 0,5 \end{bmatrix} = \underline{\underline{ج}}$$

$$\begin{bmatrix} 3 - \frac{2}{3} & 4 - \end{bmatrix} = \underline{\underline{ب}}$$

$$\begin{bmatrix} 5 & 6 & 4 \\ 7 - \frac{3}{9} & 2 - \cdot & 1 \end{bmatrix} = \underline{\underline{م}}$$



موقع المنهج الكويتي
olmanajj.com/kw

حاول أن تحل (١) : اكتب رتبة كل مصفوفة مما يلي :
صفحة 55

$$\begin{bmatrix} 0 & 10 \\ 5 - \frac{1}{9} & 0,6 \end{bmatrix} = \underline{\underline{ج}}$$

$$\begin{bmatrix} 10 & 3 & 8 - \end{bmatrix} = \underline{\underline{ب}}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 5 & 4 \\ 7 & 0,5 & 2 - \end{bmatrix} = \underline{\underline{م}}$$

مثال (٣) : في المصفوفة $\underline{\underline{ب}} = \begin{bmatrix} 4 & 5 & 1 & 12 \\ 3,5 & 2 & 6 & 2 \\ 4 - & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ اكتب قيمة كل عنصر مما يلي:
صفحة 57

(٢٢) ب

(١١) ج

(١٣) ب

(١) ب



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م ٢٠٢٢ / /
.....			الموضوع



مثال (4) : صنف كلا من المصفوفات التالية:
صفحة 58

$$\left[\begin{array}{ccc} 1 & 4 & 3 \\ 0 & 5 & 8 \\ 1 & 2 & 12 \end{array} \right] = \underline{\hspace{2cm}} \quad [5 - 4 \ 3] = \underline{\hspace{2cm}} \quad \left[\begin{array}{c} 1 \\ 3 \\ 0,2 \end{array} \right] = \underline{\hspace{2cm}} \quad \left[\begin{array}{ccc} 0 & 5 & 1 \\ 7 & 4 & 0 \\ 8 & 2 & 3 \end{array} \right] = \underline{\hspace{2cm}}$$

حاول أن تحل (4) : صنف كلا من المصفوفات التالية:
صفحة 58

$$\left[\begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 0 \\ 0,5 \end{array} \right] = \underline{\hspace{2cm}} \quad [3 - \frac{2}{3} \ 4 -] = \underline{\hspace{2cm}} \quad \left[\begin{array}{ccc} 5 & 6 & 4 \\ 7 - & 3 - & 2 \\ 9 & 0 & 1 \end{array} \right] = \underline{\hspace{2cm}}$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع			



مثال (٦) : إذا كانت : $\begin{bmatrix} 4 & 25 \\ 18 + 3s & 3s + 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 5 \\ 12 + 3s & 3 \end{bmatrix}$ ، فأوجد قيمة كل من س ، ص .

حاول أن تحل (٦) : إذا كانت : $\begin{bmatrix} 5 & 8+s \\ -s & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 38 \\ 10 - 4s & 3 \end{bmatrix}$ ، فأوجد قيمة كل من س ، ص .

إذا كانت : $[3s \quad s+sc \quad s-sc] = [10 - 4 \quad 9 - sc]$ ، فأوجد قيمة كل من س ، ص .



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		



تمارين (٦-٧) جمع وطرح المصفوفات

مثال (١) : إذا كانت:
صفحة 61

$$\begin{bmatrix} 3 & 9 & 3 \\ 12 & 6 & 9 \end{bmatrix} = \underline{\underline{ج}} \quad \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 4 & 2 \\ 5 & 1 \end{bmatrix} = \underline{\underline{ب}} \quad \begin{bmatrix} 6 & 2 \\ 7 & 5 \\ 8 & 3 \end{bmatrix} = \underline{\underline{م}}$$

فأوجد إن أمكن: أ) $\underline{\underline{م}} + \underline{\underline{ب}}$

ب) $\underline{\underline{ج}} + \underline{\underline{م}}$

حاول أن تحل (١) : أوجد ناتج ما يلي:
صفحة 61

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 4 & 5 \\ 7 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 24 & 12 \\ 5 & 3 \\ 10 & 1 \end{bmatrix}$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
الموضوع			



مثال (٣) : إذا كانت:
صفحة 63

$$\text{فأوجد: } \left[\begin{smallmatrix} 4 & 3 \\ 7 & 2 \end{smallmatrix} \right] = \underline{\underline{ج}} \quad \left[\begin{smallmatrix} 2 & 5 \\ 0 & 1 \end{smallmatrix} \right] = \underline{\underline{ب}} \quad \left[\begin{smallmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 4 \end{smallmatrix} \right] = \underline{\underline{م}}$$

$$(\underline{\underline{M}} -) + \underline{\underline{M}} , \quad 2 \times \underline{\underline{2}} + \underline{\underline{M}} , \quad (\underline{\underline{J}} + \underline{\underline{B}}) + \underline{\underline{M}} , \quad \underline{\underline{J}} + (\underline{\underline{B}} + \underline{\underline{M}}) , \quad \underline{\underline{M}} + \underline{\underline{B}} , \quad \underline{\underline{B}} + \underline{\underline{B}} + \underline{\underline{M}}$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
.....			الموضوع



حاول أن تحل (3) : إذا كانت:
صفحة 63

$$\text{فأوجد: } \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 7 & 2 \end{bmatrix} = \underline{z} \quad \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \underline{b} \quad \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 4 \end{bmatrix} = \underline{p}$$

$$\underline{p} + (\underline{b} + \underline{z}) \quad , \quad \underline{z} + \underline{b}$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
الموضوع			



مثال (٤) : إذا كانت:
صفحة 64

$$\underline{4} - \underline{2} = \underline{2} , \quad \underline{3} - \underline{2} = \underline{1} . \quad \text{فُوجِدَ: } \begin{bmatrix} 3 & 4 & 1 \\ 4 & 2 & 2 \end{bmatrix} = \underline{2} , \quad \begin{bmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 4 & 4 & 1 \end{bmatrix} = \underline{4}$$



موقع
المنار الكويتي
almanarlkj.com/kw

حاول أن تحل (٤) : أوجِد ناتج ما يلي:
صفحة 65

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 4 \\ 1 & 5 & 6 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 7 & 9 \\ 8 & 1 \end{bmatrix} = \quad (أ)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \quad (ب)$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م٢٠٢٢ / /
.....			الموضوع



مثال (٥) : حل المعادلة المصفوفة التالية :
صفحة 65

$$\begin{bmatrix} 1 & 8 \\ 9 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} - \underline{s}$$



موقع
السماحة الجديدة
almanaraj.com/kw

حاول أن تحل (٥) : أوجد \underline{s} حيث :
صفحة 65

$$\begin{bmatrix} 7 & 10 \\ 4 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix} - \underline{s}$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ / م
.....			الموضوع



تمارين (٣-٧) ضرب المصفوفات

مثال (١) : إذا كانت:
صفحة 67

$$\cdot \quad \underline{5} - \underline{3} \quad \underline{2} \quad . \quad \text{فأوجد: } \underline{5} - \underline{3} \quad , \quad \underline{2} - \underline{1} \quad [\underline{3} \quad \underline{1} \quad \underline{2}] = \underline{5} - \underline{3} \quad , \quad \underline{2} - \underline{1} \quad [\underline{4} \quad \underline{3} \quad \underline{2}] = \underline{5}$$



موقع
الساحق الكويتي
www.sahiq.kw

حاول أن تحل (١) : في المثال (٣) ، أوجد: أ) $\underline{5} - \underline{3} \quad \underline{2} + \underline{6} \quad \underline{5} - \underline{3} \quad \underline{2} \quad .$ ب)

صفحة 67



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع			



مثال (٣) : حل المعادلة:
صفحة 68

$$\underline{4} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} + \underline{2} \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} = \underline{\underline{10}}$$



موقع
الساحق الجديدي
almanarajd.je/kw



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
.....			الموضوع



حاول أن تحل (3) : حل كل معادلة مما يلي:
صفحة 69

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 12 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \underline{\underline{s}}^2 \quad (أ)$$

$$\begin{bmatrix} 8 & 0 & 10 \\ 10 & 18 & -19 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} - \underline{\underline{s}}^3 + \underline{\underline{s}}^2 \quad (ب)$$



المناهج الكويتية

almanahj.com/kw



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
الموضوع		



مثال (٤) : أوجد ناتج $\underline{4} \times \underline{2}$: صفحه ٧٠

$$\cdot [\begin{array}{r} 0 \\ 4 \\ - \\ 2 \end{array}] = \underline{2}, \quad [\begin{array}{r} 3 \\ 4 \\ - \\ 2 \end{array}] = \underline{4} \text{ حيث }$$

حاول أن تحل (٤) : أوجد ناتج الضرب : صفحه ٧١

$$\cdot [\begin{array}{r} 3 \\ 0 \\ - \\ 5 \end{array}] \times [\begin{array}{r} 0 \\ 4 \\ - \\ 3 \end{array}]$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
الموضوع		



مثال (٦) : إذا كانت: $\underline{m} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$ ، أوجد: \underline{b}

حاول أن تحل (٦) : إذا كانت: $\underline{b} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$ ، أوجد: \underline{b}



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ / م
.....			الموضوع



تمارين (٤-٧) مصفوفات الوحدة والنظير الضري (المعكوسات)

مثال (١) : أثبت أن: $\underline{b} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ هي النظير الضري للمصفوفة $\underline{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$

حاول أن تحل (١) : أثبت أن: المصفوفة $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 2,5 \end{bmatrix}$ هي النظير الضري للمصفوفة $\begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
.....			الموضوع



مثال (2) : أوجد محدد كل من المصفوفات التالية:
صفحة 76

$$\begin{vmatrix} 0 & s \\ s & 0 \end{vmatrix} = \underline{\underline{?}} , \quad \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} = \underline{\underline{?}} , \quad \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 5 & 2 \end{bmatrix} = \underline{\underline{?}}$$

حاول أن تحل (2) : أوجد محدد كل من المصفوفات التالية:
صفحة 76

$$\begin{bmatrix} 3 & 7 \\ 3 & 7 \end{bmatrix} = \underline{\underline{?}} , \quad \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 10 & 2 \end{bmatrix} = \underline{\underline{?}} , \quad \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} = \underline{\underline{?}}$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م٢٠٢٢ / /
.....			الموضوع



مثال (٣) : إذا كانت المصفوفة: $\underline{\underline{m}} = \begin{bmatrix} 4 & s \\ 6 & 12 \end{bmatrix}$ منفردة ، أوجد قيمة s .

صفحة 77

حاول أن تحل (٣) : إذا كانت المصفوفة: $\underline{\underline{b}} = \begin{bmatrix} 10 & s \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$ منفردة ، أوجد قيمة s .

صفحة 77

مثال (٤) : هل للمصفوفة: $\underline{\underline{m}} = \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ نظير ضربي ؟ في حالة الإيجاب أوجده.

صفحة 77



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ / م
.....			الموضوع



حاول أن تحل (4) : أ) هل للمصفوفة : ب $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$ نظير ضربي ؟ فسر اجابتك .

صفحة 77



almanahi.com/kw

ب) هل للمصفوفة : ب $\begin{bmatrix} 8 & 6 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$ نظير ضربي ؟ فسر اجابتك .



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
.....			الموضوع



مثال (٥) : حدد أي مصفوفة مما يلي لها نظير (معكوس) ضربي ، ثم أوجده .
صفحة 78

$$\cdot \begin{bmatrix} 9 & 3 \\ 6 & 2 \end{bmatrix} = \underline{\quad} \quad , \quad \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ 4 & 5 \end{bmatrix} = \underline{\quad} \quad (ا)$$

حاول أن تحل (٥) : حدد أي مصفوفة مما يلي لها نظير (معكوس) ضربي ، ثم أوجده .
صفحة 78

$$\cdot \begin{bmatrix} 2, 3 & 0, 5 \\ 7, 2 & 3 \end{bmatrix} = \underline{\quad} \quad , \quad \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} = \underline{\quad} \quad (ب)$$

الكتاب الثاني

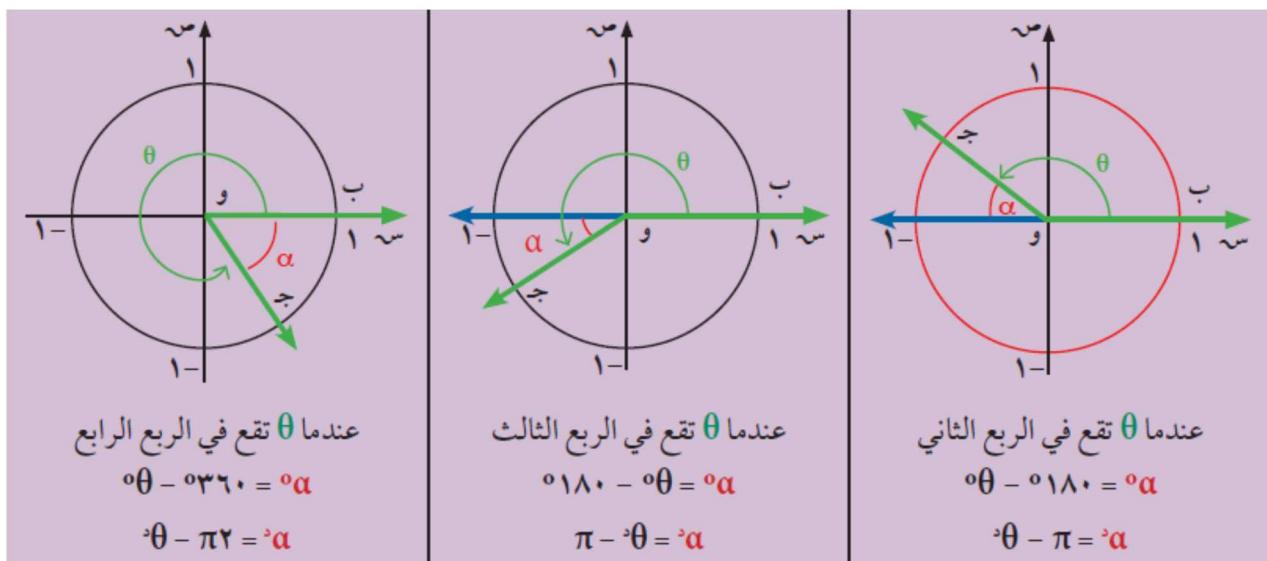
"مادة الرياضيات"

الوحدة الثامنة



حساب المثلثات (٢)

Trigonometry (2)



رئيس القسم: محمود العلو

العلاقات بين الدوال المثلثية (٢)	العلاقات بين الدوال المثلثية (١)	دائرة الوحدة في المستوى الإحداثي والدوال المثلثية (الدائرية)
٣-٨	٢-٨	١-٨

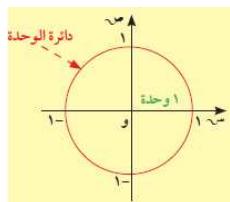


الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / /
الموضوع		



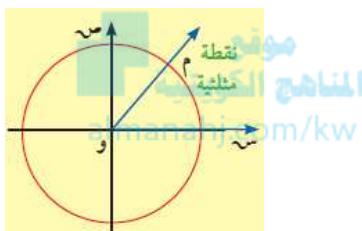
الوحدة الثامنة (حساب المثلثات [٢])

تمارين (١-٨) دائرة الوحدة والدوال المثلثية



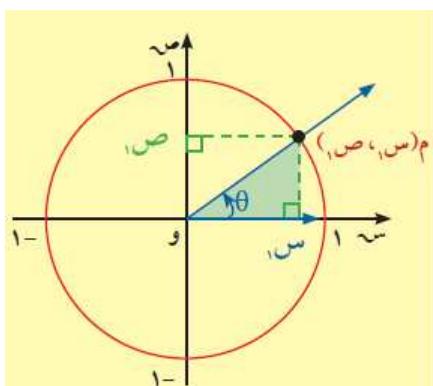
دائرة الوحدة:

هي دائرة مركزها نقطة الأصل وطول نصف قطرها ١ (وحدة قياس).



النقطة المثلثية:

هي نقطة تقاطع الضلع النهائي لزاوية موجهة في الوضع القياسي مع دائرة الوحدة.



النسب المثلثية لزاوية التي قياسها θ :

$$\ast \operatorname{جتا} \theta = \frac{s}{c}, \quad \ast \operatorname{جا} \theta = \frac{c}{s}$$

$$\ast \operatorname{ظتا} \theta = \frac{c}{s}, \quad s \neq 0 \quad \ast \operatorname{ظتا} \theta = \frac{s}{c}, \quad c \neq 0$$

$$\ast \operatorname{قما} \theta = \frac{1}{s}, \quad s \neq 0 \quad \ast \operatorname{قنا} \theta = \frac{1}{c}, \quad c \neq 0$$

الدوال الدائرية (المثلثية):

إذا كانت (s, c) هي النقطة المثلثية لزاوية قياسها θ حيث $0 \leq \theta < 2\pi$ فإن:

$$(1) \text{ دالة الجيب: } d(\theta) = \operatorname{جدا} \theta \quad \text{حيث } \operatorname{جدا} \theta = c \quad (\text{الإحداثي الصادي للنقطة المثلثية})$$

$$(2) \text{ دالة جيب التمام: } d(\theta) = \operatorname{جتا} \theta \quad \text{حيث } \operatorname{جتا} \theta = s \quad (\text{الإحداثي السيني للنقطة المثلثية})$$

$$(3) \text{ دالةظل: } d(\theta) = \operatorname{ظدا} \theta \quad \text{حيث } \operatorname{ظدا} \theta = \frac{c}{s}, \quad s \neq 0$$

$$(4) \text{ دالة القاطع: } d(\theta) = \operatorname{قا} \theta \quad \text{حيث } \operatorname{قا} \theta = \frac{1}{s}, \quad s \neq 0$$

$$(5) \text{ دالة قاطع التمام: } d(\theta) = \operatorname{قنا} \theta \quad \text{حيث } \operatorname{قنا} \theta = \frac{1}{c}, \quad c \neq 0$$

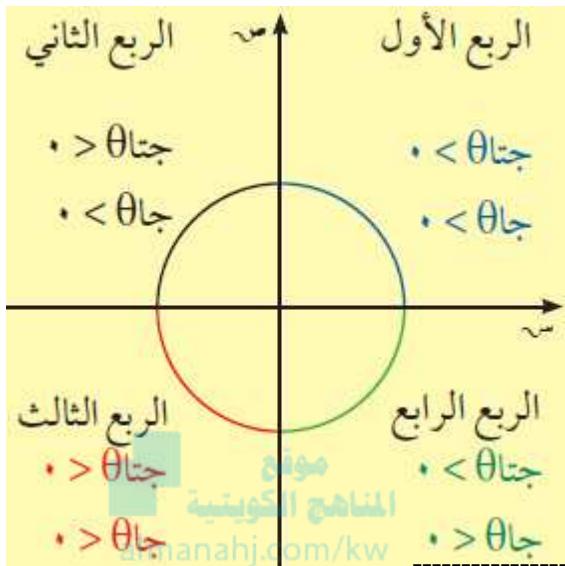
$$(6) \text{ دالة ظل التمام: } d(\theta) = \operatorname{ظتا} \theta \quad \text{حيث } \operatorname{ظتا} \theta = \frac{s}{c}, \quad c \neq 0$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠	/ ٢٠٢٢ / م
.....			الموضوع



من الشكل المقابل : يمكن ملاحظة .

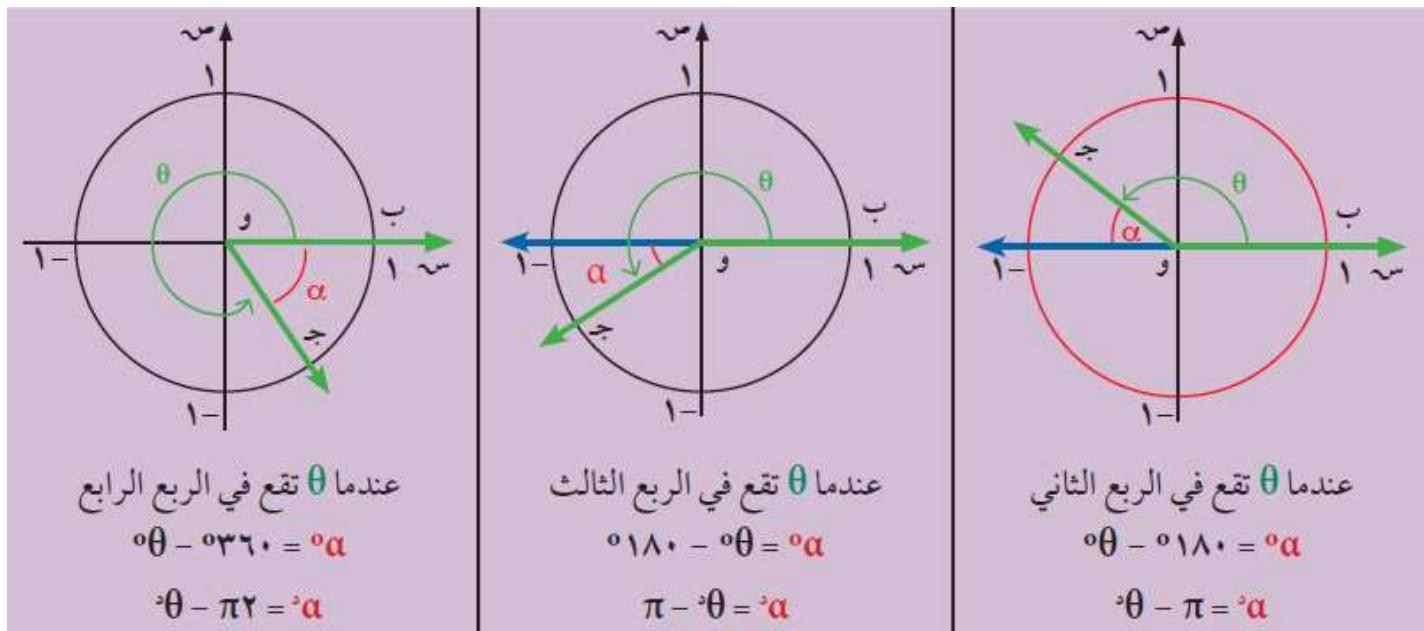


تعريف زاوية الإسناد:

زاوية الإسناد للزاوية الموجةة (وج ، وج) التي في وضع قياسي.

هي الزاوية الحادة α التي يصنعها الصلع النهائي للزاوية الموجةة مع محور السينات

إذا كانت α زاوية الإسناد . فإن : ${}^{\circ}90 > \alpha > {}^{\circ}0$.





الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
.....			الموضوع



مثال (٢) : حدد إشارة جا θ ، جتا θ . في كلّ ما يلي :
صفحة ٩٢

$$\cdot {}^{\circ}30.5 = \theta \quad (\rightarrow)$$

$$\frac{\pi}{6} = \theta \quad (ب)$$

$${}^{\circ}135 = \theta \quad (أ)$$

مثال (٣) : ارسم كلاً من الزوايا الموجّهة في الوضع القياسي ، ثم عين زاوية الاسناد وأوجد قياسها لكلّ ما يلي :
صفحة ٩٣

$$\frac{\pi}{6} = \theta \quad (\rightarrow)$$

$${}^{\circ}210 = \theta \quad (ب)$$

$${}^{\circ}120 = \theta \quad (أ)$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١٠		٢٠٢٢ / / م
.....			الموضوع



تمارين (٢-٨) العلاقات بين الدوال المثلثية (١)

مثال (١) : دون استخدام الالة الحاسبة.
صفحة 96

أ) إذا كان $\text{جتا } \frac{\pi}{8} = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}}{2}$ ، فأوجد جتا $(-\frac{\pi}{8})$.

ب) إذا كان $\text{جا } ٣٦^{\circ} \approx ٥٨٧٨$ ، فأوجد جا (-٣٦°) .

ج) إذا كان ظا $٤٥^{\circ} = ١$ ، فأوجد ظا (-٤٥°) .

حاول أن تحل (١) : دون استخدام الالة الحاسبة. أكمل إذا كان :
صفحة 96

أ) $\text{جا } m = ٣٠$ ، فأن جا $(-m)$.

ب) $\text{جتا } l = ٣٨$ ، فأن جتا $(-l)$.

ج) $\text{ظاس } s = ٣١٤$ ، فأن ظا $(-s)$.

د) إذا كان جتا $(-c) = \frac{1}{4}$ ، فأن جتا (c) .



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع			
.....			



مثال (2) : دون استخدام الالة الحاسبة. إذا كان :
صفحة 97

أ) $\text{جتا } 60^\circ = \frac{1}{2}$ ، أوجد $\text{جتا } (120^\circ)$.

ب) $\text{جا } \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ، أوجد $\text{جا } (\frac{\pi}{4})$.

ج) $\text{ظا } \theta = \frac{3}{5}$ ، أوجد $\text{ظا } (\theta - \pi)$.



موقع

المنابع الكويتية

almanabi.com/kw

حاول أن تحل (2) : دون استخدام الالة الحاسبة. إذا كان :
صفحة 97

أ) $\text{جا } 30^\circ = \frac{1}{2}$ ، فأوجد $\text{جا } (150^\circ)$.

ب) $\text{جتا } s = \frac{4}{5}$ ، فأوجد $\text{جتا } (\pi - s)$.

ج) $\text{ظا } \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ، فأوجد $\text{ظا } (\frac{\pi}{12})$.



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
.....			الموضوع



مثال (3): دون استخدام الالة الحاسبة. إذا كان :
صفحة 98

$$\text{أ) جا } 30^\circ = \frac{1}{3} \pi, \text{ فأوجد جا } (210^\circ). \\ \text{ب) } \text{ظا } \frac{\pi}{8} = \sqrt{7} + 1, \text{ فأوجد ظا } \left(\frac{\pi^9}{8} \right).$$

حاول أن تحل (3): دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان جتا $40^\circ \approx 0,766$ ، فأوجد جتا (220°) .
صفحة 98

مثال (4): دون استخدام الالة الحاسبة. أوجد :
صفحة 98

$$\text{أ) جا } 150^\circ \\ \text{ب) جتا } 240^\circ \\ \text{ج) } \text{ظا } \frac{\pi^2}{3}.$$

حاول أن تحل (4): دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان جا $56^\circ \approx 0,829$ ، فأوجد جا (236°) .
صفحة 98



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		
.....		



مثال (٥) : بسط التعبير التالي لأبسط صورة :
صفحة 102

$$\text{جا } s + \text{جا } (90^\circ + s) + \text{جا } (180^\circ + s) + \text{جا } (90^\circ - s).$$

حاول أن تحل (٥) : بسط كلاً من التعبير التالي لأبسط صورة :
صفحة 102

$$\text{ب) جتا } (\theta - \frac{\pi}{2}) \quad \text{أ) جتا } (\pi/9 + \theta)$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م ٢٠٢٢ / /
الموضوع		



تمارين (٣-٨) العلاقات بين الدوال المثلثية (٢)

تطابقات اثنائية الأساسية :

$$0 \neq \theta \text{ ، جتا } \theta = \frac{\theta}{جتا \theta} * \quad جتا \theta \neq 0 \text{ ، جا } \theta = \frac{\theta}{جتا \theta} *$$

$$0 \neq \theta \text{ ، قتا } \theta = \frac{1}{جتا \theta} * \quad جتا \theta \neq 0 \text{ ، قا } \theta = \frac{1}{جتا \theta} *$$

تطابق فيتاغور:

$$1 = جا^2 \theta + جتا^2 \theta *$$

$$1 = 1 + ظا^2 \theta = قا^2 \theta *$$

$$1 = 1 + ظتا^2 \theta = قتا^2 \theta *$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		
.....		



مثال (١) : دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان $\cot \theta = 0.4$ ، فأوجد θ . صفحه 108

فأوجد $\cot \theta$ ، θ .



موقع
المنهج الكندي
almanahj.com/kw

حاول أن تحل (١) : دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان $\cot \theta = \frac{3}{5}$ ، فأوجد θ . صفحه 108

فأوجد $\cot \theta$ ، θ .



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م ٢٠٢٢ / /
الموضوع		



مثال (٢) : دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان $\cot \theta = \sqrt{2}$ ، $\csc \theta > 0$
صفحة 109

فأوجد $\cot \theta$ ، $\csc \theta$.



موقع
المنهاج الكندي
almanahj.com/kw

حاول أن تحل (٢) : دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان $\cot \theta = \frac{3}{4}$ ، $\csc \theta > 0$
صفحة 109

فأوجد $\cot \theta$ ، $\csc \theta$.



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		



مثال (3) : دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان ظا $\theta = \frac{12}{5}$ ، جا $\theta > 0$. صفحه 110

فأوجد : جا θ ، جتا θ .

حاول أن تحل (3) : دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان ظا $\theta = \frac{24}{7}$ ، جتا $\theta > 0$. صفحه 110

فأوجد : جا θ ، جتا θ .



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		
.....		



مثال (٤) : دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان $\cot \theta = \frac{3}{7}$ ، جتا $\theta > 0$.

فأوجد : $\operatorname{ctg} \theta$ ، $\operatorname{tg} \theta$.

حاول أن تحل (٤) : دون استخدام الالة الحاسبة ، إذا كان $\operatorname{ctg} \theta = \frac{5}{8}$ ، جتا $\theta > 0$.

فأوجد : جتا θ .

الكتاب الثاني

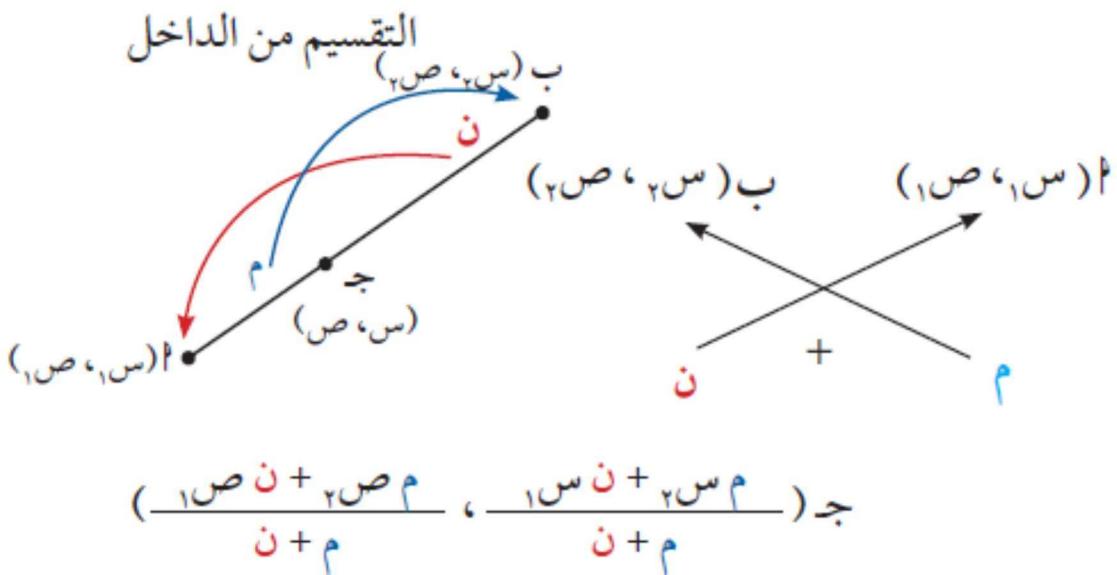
"مادة الرياضيات"

الوحدة التاسعة

الهندسة التحليلية

موقع
المقاهج الكويتية
almanahj.com/kw

Analytic Geometry



رئيس القسم: محمود العلو

المعادلة الدائرة	البعدين نقطة ومستقيم	المعادلة الخط المستقيم	ميل الخط المستقيم	تقسيم قطعة مستقيمة	المستوى الإحداثي
٥-٩	٤-٩	٣-٩ (ب)	٣-٩ (أ)	٢-٩	١-٩



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / / م
ال الموضوع



الوحدة التاسعة (المهندسة التحليلية)

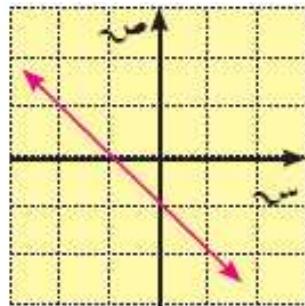
تمارين (٣-٩) ميل الخط المستقيم

قانون ميل امستقيم :

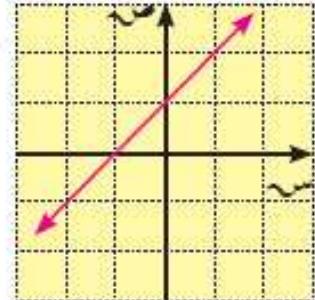
لإيجاد ميل \overleftrightarrow{AB} ، حيث $A(s_1, c_1)$ ، $B(s_2, c_2)$:

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}} = \frac{c_2 - c_1}{s_2 - s_1}$$

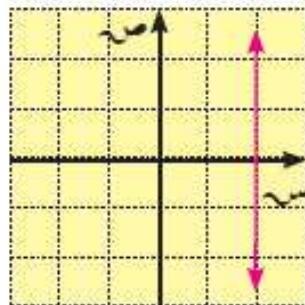
ميل المستقيم سالب



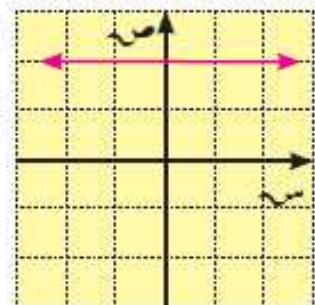
ميل المستقيم موجب



المستقيم الرأسي
ليس له ميل



ميل المستقيم الأفقي
يساوي صفرًا



قانون معادلة امستقيم :

معادلة المستقيم الذي ميله (m) ويمر بالنقطة (s_1, c_1) :

$$c - c_1 = m(s - s_1)$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م٢٠٢٢ / /
الموضوع			



مثال (2) : أوجد ميل الخط المستقيم الذي يمر بال نقطتين A (١ ، ٢) ، B (٥ ، ٧) .

صفحة 133

حاول أن تحل (2) : أوجد ميل الخط المستقيم الذي يمر بكل زوج من النقاط :

صفحة 133

(أ) ج (٢ ، ٥) ، د (٤ ، ٧) ، ب) ق (٤ ، ١) ، ك (٣ ، ٤) ، م (٣ ، ٤) ، ن (٧ ، ٣)



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع			



مثال (3) : أثبت أن النقاط: أ (١ ، ١) ، ب (٢ ، ٢) ، ج (٣ ، ٥) على استقامة واحدة .
صفحة 134



موقع
المنابع الكويتية
almanabi.com/kw

حاول أن تحل (3) : أثبت أن النقاط: أ (٢ ، ١) ، ب (١ ، ٣) ، ج (٣ ، ٦) على استقامة واحدة .
صفحة 134



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠	٢٠٢٢ / ١ / م
الموضوع		



مثال (١) : اكتب معادلة الخط المستقيم الذي ميله $\frac{3}{2}$ ويمر بالنقطة (٤ ، ١) .

حاول أن تحل (١) : اكتب معادلة الخط المستقيم الذي ميله $\frac{2}{3}$ ويمر بالنقطة (-٦ ، ٥) .

صفحة 136



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م ٢٠٢٢ / ١
الموضوع		



مثال (٢) : اكتب معادلة المستقيم الذي يمر بال نقطتين أ (٣ ، ١) ، ب (٠ ، ٢) .

صفحة 137



موقع المنهج الكويتية

almanabi.com/kw

حاول أن تحل (٢) : اكتب معادلة المستقيم الذي يمر بال نقطتين ج (٢ ، ٣) ، د (١ ، ٢) .

صفحة 137



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م ٢٠٢٢ / /
الموضوع		



مثال (٣) : إذا كان المستقيم L : $ص = ٢س + ١$ ، فأوجد :

صفحة ١٣٧

- أ) معادلة المستقيم $ه$ الموازي للمستقيم L والذي يمر بالنقطة (٢ ، ٣ -) .
- ب) معادلة المستقيم $ف$ العمودي على المستقيم L والذي يمر بالنقطة (٤ ، ٣ -) .





الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١
الموضوع		



حاول أن تحل (3) : إذا كان المستقيم k : $3s + s + 3 = 0$ ، فأوجد :
صفحة 138

- أ) معادلة المستقيم α الموازي لل المستقيم k والذي يمر بالنقطة (٢ ، ٣) .
- ب) معادلة المستقيم β العمودي على المستقيم k والذي يمر بالنقطة (١ ، ٤) .





الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		



تمارين (٤-٩) البعد بين نقطة ومستقيم

قانون البعد بين نقطة ومستقيم :

إذا كانت معادلة المستقيم على الصورة ل : $Ax + By + C = 0$ ، فان البعد (F) بين النقطة D (x_1, y_1) والمستقيم L تعطى بالصيغة :

$$F = \frac{|Ax_1 + By_1 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$$



مثال (١) : أثبت ان النقطة H (١، ٢) لا تنتهي الي المستقيم L الذي معادلته : $Cx - 3y - 4 = 0$.
صفحة 141

ثم أوجد البعد بين المستقيم L والنقطة H .

حاول أن تحل (١) : أوجد البعد بين المستقيم L : $Cx - 3y - 4 = 0$. والنقطة D (٥، ٢) .
صفحة 142



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
.....			الموضوع



مثال (2): أوجد البعد من النقطة د (-٤ ، ٣) الى المستقيم ل : ص = ٣ س - ٧ .
صفحة 142



موقع
المنابع الكويتية
almanabi.com/kw

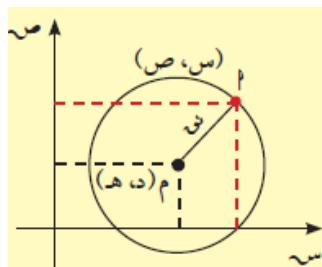
حاول أن تحل (2): أوجد البعد من النقطة ط (٣ ، -٤) الى المستقيم ل : ص = - $\frac{4}{3}$ س + $\frac{5}{6}$.
صفحة 142



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١
الموضوع		



تمارين (٥-٩) معادلة الدائرة



قانون الصورة القياسية لمعادلة دائرة :

إذا كان أحداً ي مرّ مركز الدائرة $M(d, h)$ وطول نصف قطرها r .
فإن معادلة الدائرة بالصورة القياسية: $(x - d)^2 + (y - h)^2 = r^2$.

إذا كان r طول نصف قطر الدائرة التي مرّ مركزها نقطة الأصل.

فإن معادلتها على الصورة: $x^2 + y^2 = r^2$.

قانون الصورة العامة لمعادلة دائرة :

$x^2 + y^2 + Dx + Ey + F = 0$, حيث D, E, F ثوابت.

تسمى الصورة العامة لمعادلة الدائرة التي مرّ مركزها $(-\frac{D}{2}, -\frac{E}{2})$.

طول نصف قطرها $r = \sqrt{\frac{D^2 + E^2 - 4F}{4}}$. حيث $\frac{D^2 + E^2 - 4F}{4} > 0$.

ملاحظة :

عندما يكون لدينا معادلة على الصورة العامة التالية: $x^2 + y^2 + Dx + Ey + F = 0$,
يمكن معرفة ما تمثله المعادلة بمجرد معرفة $\frac{D^2 + E^2 - 4F}{4}$ مع الصفر.

أ) عندما: $\frac{D^2 + E^2 - 4F}{4} < 0$, فإن المعادلة لا تمثل دائرة.

ب) عندما: $\frac{D^2 + E^2 - 4F}{4} = 0$, فإن المعادلة تمثل نقطة.

ج) عندما: $\frac{D^2 + E^2 - 4F}{4} > 0$, فإن المعادلة تمثل دائرة.

قانون معادلة المماس للدائرة :

معادلة المستقيم المماس الذي ميله (m) ويمر بالنقطة (x_1, y_1) :

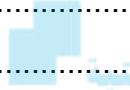
$$y - y_1 = m(x - x_1)$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
.....			الموضوع



مثال (١) : أوجد معايير الدائرة التي مركزها (٣ ، ٢) وطول نصف قطرها ٧ وحدات .
صفحة 143



موقع

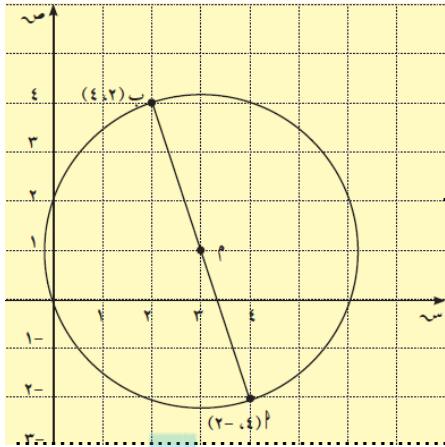
المنابع الكويتية

almanabi.com/kw

حاول أن تحل (١) : أوجد معايير الدائرة التي مركزها (٥ ، ٣) وطول نصف قطرها ٥ وحدات .
صفحة 143



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م ٢٠٢٢ / /
الموضو		



مثال (٢) : أوجد معادلة دائرة قطرها \overline{PQ} حيث $P(4, 2)$ ، $Q(-2, 4)$.

صفحة 144

موقع المنشورة الكويتية
almanabi.com/kw

حاول أن تحل (٢) : أوجد معادلة دائرة قطرها \overline{PQ} حيث $P(1, 3)$ ، $Q(6, -3)$.

صفحة 144



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع		



مثال (3) : أوجد معادلة الدائرة التي مركزها نقطة الاصل وطول نصف قطرها ٤ وحدات .
صفحة 144



موقع

المناهج الكويتية

almanabi.com/kw

حاول أن تحل (3) : أوجد معادلة الدائرة التي مركزها نقطة الاصل وطول قطرها ٦ سم .
صفحة 144

حاول أن تحل (4) : أوجد معادلة الدائرة التي مركزها (٣ ، ٤) وتمس محور الصادات .
صفحة 145



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م ٢٠٢٢ / /
الموضوع		



مثال (5): أوجد مركز وطول نصف قطر دائرة التي معادلتها: $(س + ٢)^٢ + (ص - ٣)^٢ = ٩$ ، ثم أرسم الدائرة .
صفحة 145



موقع
المنابع الكويتية
almanabi.com/kw

حاول أن تحل (5): أوجد مركز وطول نصف قطر دائرة التي معادلتها:
صفحة 145

$$\text{أ) } س^٢ + ص^٢ = ٤٩ .$$

$$\text{ب) } (س - ٤)^٢ + (ص + ٥)^٢ = ٣٦ .$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ م
الموضوع			



مثال (6) : عين مركز وطول نصف قطر الدائرة الممثلة بالمعادلة : $3s^2 + 3c^2 - 6s + 9c + 12 = 0$ **صفحة 146**



almanabi.com/kw

حاول أن تحل (6) : عين مركز وطول نصف قطر الدائرة الممثلة بالمعادلة : $2s^2 + 2c^2 - 12s - 4c - 30 = 0$ **صفحة 147**



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م ٢٠٢٢ / /
الموضوع			



مثال (7) : هل كل معادلة مما يلي تمثل معادلة دائرة؟ فسر اجابتك .

صفحة 147

(أ) $s^2 + c^2 - 3s + 5c = \frac{15}{4}$.

(ب) $s^2 + c^2 + 4s - 7c = 20$.

(ج) $s^2 + c^2 - 6s + 8c = 25$.

حاول أن تحل (7) : هل كل معادلة مما يلي تمثل معادلة دائرة؟ فسر اجابتك .

صفحة 148

(أ) $s^2 + c^2 - 4s + 7c = 17$.

(ب) $s^2 + c^2 + 5s - 6c = 4$.

(ج) $s^2 + c^2 - 2s + 2c = 2$.



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		٢٠٢٢ / ١ / م
الموضوع		
.....		



مثال (8) : أوجد معادلة مماس دائرة معادلتها :
صفحة 148

$$(س - ١)^2 + (ص - ٢)^2 = ٥ \text{ عند نقطة التماس } M(٣, ١).$$

حاول أن تحل (8) : أوجد معادلة مماس دائرة معادلتها :
صفحة 149

$$(س - ٢)^2 + (ص - ١)^2 = ٢٥ \text{ عند نقطة التماس } M(٤, ٦).$$



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١١٠		م٢٠٢٢ / /
الموضوع		



مثال (٩) : أثبت أن النقطة $(6, -4)$ تنتهي إلى الدائرة التي مركزها و ،
صفحة 149

معادلتها : $s^2 + 2s + 4 = 20$ ، ثم أوجد معادلة المماس لهذه الدائرة عند هذه النقطة.



الصف	الحصة	التاريخ	اليوم
١٠		٢٠٢٢ / ١ / م
.....			الموضوع



حاول أن تحل (٩) : أثبت أن النقطة $(1, 1)$ تتنمي إلى الدائرة التي مركزها و ،
صفحة 150

معادلتها : $s^2 + 6s + 8s - 16 = 0$ ، ثم أوجد معادلة المماس لهذه الدائرة عند هذه النقطة.