

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية



الملف مراجعة شاملة محلولة للاختبار النهائي

[موقع المناهج](#) ⇐ [المناهج الكويتية](#) ⇐ [الصف الحادي عشر العلمي](#) ⇐ [فيزياء](#) ⇐ [الفصل الأول](#)

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر العلمي



روابط مواد الصف الحادي عشر العلمي على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر العلمي والمادة فيزياء في الفصل الأول

<a href="#">بنك أسئلة التوجيه الفني للوحدة الأولى (الحركة)</a>	1
<a href="#">توزيع الحصص الإفتراضية (المتزامنة وغير المتزامنة)</a>	2
<a href="#">اجابة بنك اسئلة الوحدة الاولى في مادة الفيزياء</a>	3
<a href="#">بنك اسئلة الوحدة الاولى في مادة الفيزياء</a>	4
<a href="#">القوة الحاذبة المركزية في مادة الفيزياء</a>	5

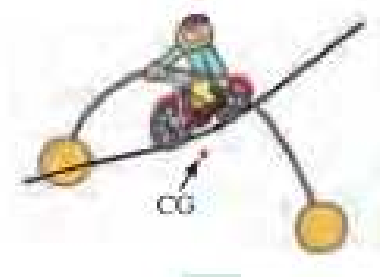
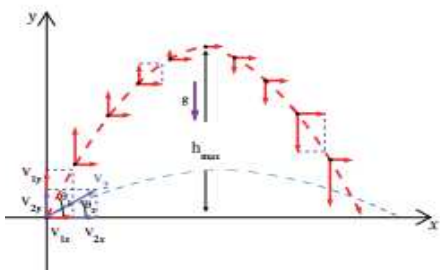
ثانوية سعد العبد الله الصباح  
قسم العلوم ( فيزياء - كيمياء )

# مراجعة مادة الفيزياء الصف الحادي عشر الفصل الدراسي الأول

مدير المدرسة  
أ / حميدي العتيبي

رئيس القسم  
أ / عبدالرحمن قشطه

## إعداد: أ / محمد نعمان



هذه المذكرة لا تغني عن الكتاب المدرسي

أ / محمد نعمان

## اكتب الاسم أو المصطلح العلمي

المصطلح	تعريف
الكميات القياسية	الكميات التي يكفي لتحديد عددها مقدارها ووحدة فيزيائية تميز هذا المقدار
الكميات المتجهة	الكميات التي تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه الذي تتخذه ، بالإضافة إلى العدد الذي يحدد مقدارها ووحدة القياس التي تميزها
الإزاحة	المسافة الأقصر بين نقطة بداية الحركة ونقطة نهايتها ، واتجاه من نقطة البداية إلى نقطة النهاية
جمع المتجهات	عملية تركيب تتم فيها الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد
السرعة المتجهة	السرعة العددية ولكن في اتجاه محدد
المحصلة	المتجه المفرد الواحد الذي يكافئ باقي المتجهات مقداراً واتجاهاً
المتجهات المقيدة	نوع من المتجهات مقيدة بنقطة تأثيرها وخط عملها ولا يمكن نقلها من مكان لآخر
المتجهات الحرة	متجهات يمكن نقلها من مكان لآخر بشرط المحافظة على المقدار والاتجاه
ناتج الضرب الاتجاهي	متجه مقداره يساوي مساحة متوازي الأضلاع المنشأ على متجهين واتجاهه عمودي علي المستوي الذي يجمعهما
تحليل المتجهات	عملية استبدال متجه ما بمتجهين متعامدين يسميان مركبتي المتجه وهي العملية المعاكسة لعملية جمع المتجهات
المقذوفات	الأجسام التي تقذف أو تطلق في الهواء وتعرض لقوة جاذبية الأرض
حركة المقذوفات	حركة مركبة من حركة أفقية بسرعة منتظمة و حركة رأسية بعجلة منتظمة
معادلة المسار	علاقة بين مركبة الحركة الأفقية ومركبة الحركة الرأسية خالية من متغير الزمن
القطع المكافئ	مسار منحنى ينتج عن حركة المقذوف لأعلى لفترة ثم عودته لأسفل
المدى	المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على الخط الأفقي المار بنقطة الإطلاق
الحركة الدائرية	حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران ، مع المحافظ على مسافة ثابتة منه
الحركة الدائرية المنتظمة	حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران وبسرعة خطية ثابتة المقدار
المحور	الخط المستقيم الذي تحدث حوله الحركة الدائرية
الحركة المحورية أو المغزلية	حركة جسم يدور حول محور داخلي
الحركة المدارية	حركة جسم يدور حول محور خارجي
السرعة الخطية ( المماسية )	طول القوس المقطوع خلال وحدة الزمن
السرعة الدائرية ( الزاوية )	مقدار الزاوية بالراديان التي يمسحها نصف القطر في وحدة الزمن
التردد	عدد الدورات في وحدة الزمن
العجلة الزاوية	معدل أو مقدار تغير السرعة الزاوية ( $\omega$ ) خلال وحدة الزمن
العجلة الخطية	معدل تغير السرعة المتجهة بالنسبة للزمن
الزمن الدوري	الزمن الذي يستغرقه الجسم ليدور دورة كاملة على محيط دائرة الحركة
قوة الجذب المركزية	القوة التي تسبب الحركة الدائرية للكثلة ويكون اتجاهها دائماً نحو المركز أو محصله لعدة قوى مؤثره على جسم متحرك حركه دائريه منتظمه تكسبه تسارعا مركزيا يتناسب مقداره طرديا مع مربع السرعة الخطية و يتناسب عكسيا مع نصف قطر
معامل الاحتكاك	النسبة بين قوة الاحتكاك ( $\vec{F}$ ) و قوة رد الفعل ( $\vec{N}$ )
مركز الثقل	النقطة التي تقع عند الموضع المتوسط لثقل الجسم الصلب المتجانس
مركز الثقل	نقطة تأثير ( ارتكاز ) محصلة قوة الجاذبية المؤثرة على أجزاء الجسم

ثقل ( وزن ) الجسم	القوة التي يخضع لها الجسم بسبب جذب الأرض له
مركز الكتلة	الموضع المتوسط لكتل جميع الجزيئات التي يتكون منها الجسم
جسم متزن	الجسم الذي تكون محصلة القوى المؤثرة عليه تساوي صفر
نتاج الضرب العددي	الكمية العددية الناتجة من ضرب أحد متجهين في مسقط الآخر عليه
الإزاحة الزاوية	الزاوية المحصورة بين الخط المرجعي و الخط المار بالنقطة المتحركة ومحور الدوران
الراديان	زاوية مركزية يكون طول القوس المقابل لها يساوي نصف القطر
الجسم الجاسئ	جسم تكون لجميع أجزائه السرعة الزاوية نفسها بالرغم من اختلاف السرعة المماسية
السرعة الآمنة ( التصميم )	أكبر سرعة يمكن أن تتعطف بها السيارة دون الحاجة إلى قوة الاحتكاك

أ / محمد نعمان

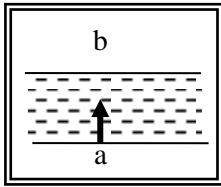
علل لما يأتي

يمكن نقل متجه الإزاحة ، بينما لا يمكن نقل متجه القوة ؟

ج / لأن متجه الإزاحة متجه حر بينما متجه القوة مقيد بنقطة تأثير

تتغير السرعة التي تطلق بها طائرة في الجو علي الرغم من ثبات السرعة التي يكسبها المحرك للطائرة ؟

ج / لوجود رياح متغيرة السرعة ( مقداراً واتجاهاً ) تؤثر عليها لذلك تتحرك بمحصلة سرعتها وسرعة الرياح .



لا يستطيع سباح أن يعبر النهر من نقطة (a) إلي نقطة (b) بصورة مباشرة

كما في الشكل المقابل ؟

ج / لأنه يتحرك بتأثير سرعة الحركة نحو الضفة الأخرى وسرعة تيار الماء العمودي علي اتجاه سرعة السباح

يمكن الحصول على عدة قيم مختلفة لمحصلة نفس المتجهين ؟

ج / بسبب اختلاف الزاوية بينهما .

الشغل كمية عددية ؟

ج / لأنه حاصل الضرب العددي لمتجهي القوة والإزاحة .

تكون محصلة قوتين أكبر ما يمكن عندما تكون الزاوية بينهما = صفر ؟

ج / لأن الزاوية = صفر ،  $\cos 0 = 1$  لذلك تكون المحصلة  $R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB\cos\theta} = A + B$ 

يكون ناتج الضرب القياسي أكبر ما يمكن إذا كانت الزاوية بينهما صفر ( المتجهين في نفس الاتجاه ) ؟

 $\vec{A} \cdot \vec{B} = A \times B \cos \theta$  أكبر ما يمكن  $\therefore \cos 0 = 1$   $\therefore \vec{A} \cdot \vec{B} = A \cdot B$ يكون ناتج الضرب القياسي لمتجهين مساوياً لناتج الضرب الاتجاهي لهما إذا كانت الزاوية بينهما  $45^\circ$  ؟ $\therefore \vec{F}_1 \cdot \vec{F}_2 = F_1 \times F_2 \cos 45 = 0.707 F_1 F_2$  ،  $\therefore \vec{F}_1 \times \vec{F}_2 = F_1 \times F_2 \sin 45 = 0.707 F_1 F_2$ 

∴ الناتجان متساويان .

لا يمكن أن تكون قيمة إحدى مركبتي المتجه أكبر من المتجه الأصلي ؟

ج / لأن  $F_x = F \cos \theta$  ،  $F_y = F \sin \theta$  و أكبر قيمة ل  $\cos \theta$  ،  $\sin \theta = 1$ 

قيمة المركبة الأفقية لمتجه تساوي مقدار المتجه الأصلي إذا كان المتجه منطبقاً على المحور الأفقي الموجب ؟

ج /  $F_x = F$  ∴  $\cos (0) = 1$   $F_x = F \cos \theta$

عند درجة كرة علي سطح أفقي عديم الاحتكاك تبقي سرعتها ثابتة ( تبقي مركبة السرعة الأفقية ثابتة )

ج / لعدم وجود مركبة لقوة الجاذبية ( عدم وجود قوة أفقية وبالتالي عدم وجود عجلة ) .

عدم وجود عجلة أفقية للجسم المقذوف بزاوية  $(\theta)$  مع المحور الأفقي؟

ج / لعدم وجود قوة أفقية مؤثرة .

تتبع المقذوفات مسارا منحنياً بالقرب من سطح الأرض ؟

ج / لأنها حركة مركبة من حركة أفقية بسرعة ثابتة وحركة رأسية بعجلة ثابتة و هما غير مترابطتان .

أطلقت قذيفتان بسرعة ابتدائية متساوية ، فيكون للقذيفة التي أطلقت بزاوية إطلاق أكبر ، مدى أفقي أصغر

ج / لأن مركبة السرعة الأفقية للقذيفة التي أطلقت بزاوية إطلاق أكبر تكون أصغر من تلك التي أطلقت

بزاوية أقل مما يؤدي إلي مدى أصغر .  $(v_x = v_o \cos \theta)$  .

السرعة التي تفقدها القذيفة أثناء الصعود هي نفسها التي تكتسبها أثناء الهبوط ( زمن صعود القذيفة

لأعلى يساوي زمن الهبوط لأسفل ) ؟ أو سرعة اصطدام القذيفة بالأرض هي نفسها السرعة التي أطلقت بها

القذيفة من الأرض لأعلى ( بإهمال مقاومة الهواء ) ؟

ج / لأن مقدار عجلة التباطؤ عند الصعود لأعلى تساوي مقدار عجلة التسارع عند الهبوط لأسفل .

يتغير مسار القذيفة بتغيير زاوية الإطلاق بالنسبة إلي المحور الأفقي ؟

ج / من معادلة المسار  $y = \left( \frac{-g}{2v_o^2 \cos^2 \theta} \right) \times x^2 + \tan \theta . x$  نجد أن مسار القذيفة يتغير بتغيير

زاوية الإطلاق بالنسبة إلي المحور الأفقي فإذا كانت الزاوية = صفر يكون شكل المسار نصف قطع مكافئ ، أما إذا كانت الزاوية = 90 يصبح مسار القذيفة خطاً رأسياً .

أطلقت قذيفتان كتلتهما  $(m)$  ،  $(2m)$  بالسرعة الابتدائية نفسها ، وبزاوية  $(\theta)$  مع المحور الأفقي فيكون

المدى الأفقي للقذيفة  $(m)$  يساوي المدى الأفقي للقذيفة  $(2m)$  ؟

ج - من معادلة المدى  $R = \frac{v_o^2 \sin \times 2 \theta}{g}$  نجد أن المدى لا يتوقف على الكتلة .

أطلقت قذيفتان بالسرعة الابتدائية نفسها ، وبزاويتي إطلاق مختلفتين الأولى بزاوية  $(30^\circ)$  والثانية بزاوية

$(60^\circ)$  بالنسبة إلي المحور الأفقي نفسه فإن القذيفة التي أطلقت بزاوية  $(60^\circ)$  تصل إلي ارتفاع أكبر ؟

ج / لأن القذيفة التي أطلقت بزاوية  $(60^\circ)$  لها مركبة رأسية أكبر من تلك التي أطلقت بزاوية  $(30^\circ)$  ومن

المعادلة  $h_{\max} = \frac{v_o^2 \sin^2 \theta}{2g}$  نجد أن القذيفة التي أطلقت بزاوية  $(60^\circ)$  لها ارتفاع أكبر .

يكون المدى الأفقي أكبر مايمكن عندما تكون زاوية القذف  $(45^\circ)$  بالنسبة للمحور الأفقي ؟

ج / من معادلة المدى  $R = \frac{v_o^2 \sin \times 2 \theta}{g}$  ويكون  $\sin (2 \times 45) = 1$

أ / محمد نعمان

$$R = \frac{v_o^2}{g} \quad (\text{أكبر ما يمكن})$$

**حركة مسقط القذيفة على المحور الرأسي تكون معجلة بانتظام في خط مستقيم ؟**

ج / لوجود قوة رأسية مؤثرة هي قوة الوزن ( قوة الجاذبية الأرضية ) .

**تسمى سرعة الجسم الذي يتحرك على طول مسار دائري بالسرعة المماسية ؟**

ج / لأن اتجاه السرعة يكون مماس للدائرة دائماً .

**تكون لجميع أجزاء الجسم المتحرك حركة دائرية السرعة الدائرية نفسها على الرغم من أن السرعة الخطية تتغير**

ج / لأن السرعة المماسية تعتمد على السرعة الدائرية (الزاوية) والمسافة من محور الدوران ( نصف القطر ) أو ( لأن الأجزاء مرتبطة مع بعضها فيكون لها نفس معدل الدوران و بالتالي نفس السرعة الزاوية ( إجابة البنك )

**السرعة المماسية للحصان القريب من الطرف الخارجي في لعبة دوارة الخيل تكون أكبر منها للحصان القريب من المحور؟**

ج / لأن السرعة المماسية تتناسب طردياً مع نصف القطر ( البعد عن محور الدوران ) .

**الحركة الدائرية حركة معجلة ( بعجلة مركزية ) بالرغم من ثبات مقدار السرعة الخطية ؟**

ج / لأنها تنتج من التغير في اتجاه السرعة الخطية و يكون اتجاهها دائماً نحو المركز .

**العجلة المماسية في الحركة الدائرية المنتظمة تساوي صفراً ؟**

ج / لأن مقدار السرعة الخطية ثابت لا يتغير .

**العجلة الزاوية في الحركة الدائرية المنتظمة تساوي صفر ؟**

ج / لأن مقدار السرعة الزاوية ثابت لا يتغير .

**كلما زادت سرعة دوران لعبة الساقية الدوارة في المدينة الترفيهية زادت السرعة المماسية ؟**

ج / لأن السرعة المماسية تتناسب طردياً مع السرعة الدائرية .

**يكون لكل أجزاء دوران المنضدة الدوارة المعدل نفسه ؟**

ج/لأن كل الأجزاء الصلبة للمنضدة تدور حول محورها في الفترة الزمنية نفسها أو عدد الدورات نفسه في وحدة الزمن

**ننعدم السرعة الخطية ( المماسية ) عند مركز الدوران ( المحور ) ؟**

(  $V = \omega \cdot r$  ,  $\therefore r = 0$  عند مركز الدائرة  $\therefore V = 0$  )

**نضع الأرض لنوعى الحركة الدائرية ( المحورية والمدارية ) ؟**

ج / لأن دوران الأرض حول الشمس تعتبر حركة مدارية بينما دوران الأرض حول محورها تعتبر حركة محورية .

**دوران السيارة في المنحنى و عدم انزلاقها ؟**

ج / لوجود قوة احتكاك كافية بين الإطارات و المسار الدائري ( تعمل كقوة جذب مركزية ) .

**انزلاق السيارة بعيداً عن المنحنى أحياناً؟ أو يسهل انزلاق السيارة عن مسارها في الأيام الممطرة ؟**

ج / لأن قوة الاحتكاك بين الإطارات و المسار الدائري للأرض تكون غير كافية .

**يجب وجود قوة احتكاك بين عجلات السيارة و الطريق الدائري ؟**

ج / لإيجاد قوة جذب مركزية كافية تعمل على إبقاء السيارة على مسارها الدائري .

**ينطلق الجسم في خط مستقيم و باتجاه المماس عند لحظة إفلات الخيط ؟**

ج / لانعدام قوة الجذب المركزية ( و بالتالي محصلة القوى = صفر فيتحرك الجسم في خط مستقيم و بسرعة ثابتة )

**يخرج الماء من الملابس باتجاه الثقوب في النشافة بينما ننجح الملابس نحو داخل الحوض ؟**

ج / يؤثر الجدار الداخلي للحوض على الملابس بقوة جاذبة مركزية ليَجبرها على الحركة في المسار الدائري ( و لا يؤثر على الماء ) الذي يخرج من الفتحات الموجودة في جدار الحوض بفعل قصوره الذاتي .



**السرعة القصوى الآمنة على طريق دائري لا تعتمد على كتلة السيارة ؟**

ج /  $v = \sqrt{r \cdot g \cdot \mu}$  نجد أن السرعة لا تتوقف على كتلة السيارة .

**ضرورة الالتزام بسرعة محددة عندما تقود سيارتك بالمنعطفات ؟**

ج / حتى تكون المركبة الأفقية لرد الفعل مساوية للقوة الجاذبة المركزية لجعل السيارة تنعطف على المسار الدائري

**لا يقع مركز ثقل مضرب كرة القاعدة على نقطة الوسط للمضرب ؟**

ج / لأن شكله الهندسي يظهر أن كتلته تتركز قرب أحد طرفيه و مركز الكتلة يكون أقرب للجزء الأثقل .

**مركز الثقل يقطع مسافات متساوية في أزمنة متساوية في خط مستقيم أثناء حركة الجسم على طاولة ملساء أفقية**

ج / بسبب انعدام القوة المحصلة في اتجاه الحركة . ( عجلة = صفر فتتحرك بسرعة ثابتة و في خط مستقيم )

**عند القاء مضرب كرة القاعدة فإنه يتأرجح حول نقطة معينة ترسم حركتها قطع مكافئ ؟**

ج / لأن حركة مضرب كرة القاعدة عند قذفه بالهواء محصلة حركتين هما :1- حركة دورانية حول النقطة

2- حركة انتقالية في الهواء يبدو فيها أن ثقل المضرب مركز في هذه النقطة و تسمى هذه النقطة بمركز الثقل .

**يوازن الجسم عند تطبيق قوة عليه في مركز ثقله بحيث تكون معاكسة لقوة ثقله في الاتجاه و مساوية في المقدار**

ج / لأن محصلة القوى = صفر ( معدومة ) لذلك يعتبر مركز ثقل الجسم نقطة توازن له .

**ينطبق مركز الثقل و مركز الكتللة عندما يكون الجسج صفيح ؟**

ج / لعدم وجود اختلاف في قوى الجاذبية بين أجزاءه المختلفة .

**لا ينطبق مركز الثقل و مركز الكتللة عندما يكون الجسج كبير ؟**

ج / بسبب اختلاف قوة الجاذبية الأرضية المؤثرة على جزء من الجسم عن تلك المؤثرة على جزء آخر .

**مركز الثقل للمباني المرتفعة مثل مركز التجارة العالمي يقع أسفل مركز كتلته بحوالي ( 1 mm )**

**أو هناك فرق بسيط بين مركز الثقل ومركز الكتلة في حالة الأجسام الكبيرة جداً ؟**

ج / لأن قوى الجاذبية على الجزء السفلي القريب من سطح الأرض أكبر من القوى المؤثرة على الجزء العلوي منه.

**يعتبر مركز ثقل الجسم نقطة توازن له ؟**

ج / لأن محصلة القوى المؤثرة على الجسم عنده = صفر ( منعدم ) .

**حركة دوران الشمس نبدو للمراقب البعيد على شكل نأرجح بسيط بين نقطتين ؟**

ج / لأن لتلك النجوم المتأرجحة مجموعة كواكب تُبعد مركز كتلة المجموعة عن مركز كتلة النجم نفسه .

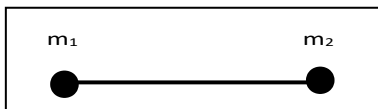
**يمكن وجود أكثر من مركز ثقل لجسم واحد ؟**

ج / لأن الجسم الجاسئ له مركز كتلة واحد ، أما الأجسام المجوفة فيمكن أن يكون لها أكثر من مركز ثقل واحد ،

حيث يكون موضع مركز الثقل مجموعة نقاط تشكل محور التناظر .

**يمكن موازنة المسطرة بالتأثير على مركز الثقل بقوة واحدة لأعلى ؟**

ج / لأن ثقل المسطرة مرتكز في نقطة مركز الثقل فتكون محصلة القوى المؤثرة عليه = صفر .



**الشكل المقابل يمثل كتلتين نقطيتين تقعان على محور السينات فإذا**

**حلت كل منهما محل الأخرى فإن مركز الكتلة للمجموعة يتغير موضعه ؟**

ج / لأن مركز الكتلة لا يتوقف على طريقة اختيارنا للمحاور والإحداثيات ولكن على توزيع الجسيمات المؤلفة للنظام

**لمنع اهتزاز إطارات السيارة أثناء دورانها توضع قطع من الرصاص في الجزء المعدني من الإطار ؟**

ج / حتى يقع مركز ثقل الإطار المنزّن عند محور دورانه تماماً وذلك كي لا يتمايل عند الدوران و يدور بانتظام

### أذكر العوامل التي يتوقف عليها كل من

مقدار المتجهين - الزاوية بينهما	محصلة متجهين - حاصل الضرب العددي - حاصل الضرب الاتجاهي
السرعة الابتدائية زاوية الإطلاق عجلة الجاذبية الأرضية	معادلة المسار لقذيفة أطلقت بزاوية $(\theta)$ مع المحور الأفقي أقصى ارتفاع للقذيفة أطلقت بزاوية $(\theta)$ مع المحور الأفقي المدى الأفقي للقذيفة أطلقت بزاوية $(\theta)$ مع المحور الأفقي
زاوية الإطلاق - مقاومة الهواء	شكل مسار قذيفة أطلقت بزاوية $(\theta)$ مع المحور الأفقي
(السرعة الزاوية - نصف القطر) أو طول القوس - الزمن	السرعة المماسية (الخطية)
الإزاحة الزاوية - الزمن	السرعة الزاوية
السرعة المماسية (الزاوية) - نصف القطر	العجلة المركزية
التغير في السرعة الزاوية - الزمن	العجلة الزاوية
السرعة المماسية - نصف القطر - الكتلة	قوة الجذب المركزية
شكل الجسم و طبيعة السطح أو (قوة الاحتكاك - رد الفعل) أو (السرعة القصوى - نصف القطر)	معامل الاحتكاك
لا يعتمد علي طريقة اختيار محاور الإحداثيات بل علي توزيع الجسيمات المؤلفة للنظام .	تحديد موضع مركز كتلة عدة أجسام
معامل الاحتكاك - نصف القطر - عجلة الجاذبية	السرعة القصوى على المنعطفات الأفقية

أ / محمد نعمان

### أهم المقارنات

وجه المقارنة	لهما نفس الاتجاه $(\theta = 0)$	متعاكسين في الاتجاه $(\theta = 180)$
مقدار محصلة المتجهين	أكبر ما يمكن (حاصل جمعها)	أقل ما يمكن (حاصل طرحها)

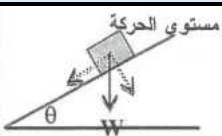
وجه المقارنة	الكميات العددية	الكميات المتجهة
التعريف	الكمية التي يلزم معرفة مقدارها و وحدة قياسها	الكمية التي يلزم معرفة مقدارها واتجاهها ووحدة قياسها
أمثلة	المسافة - السرعة العددية	الإزاحة - السرعة المتجهة - العجلة
العملية التي تخضع لها	العمليات الحسابية العادية (الجبر الحسابي)	عمليات جبر المتجهات

وجه المقارنة	المتجهات الحرة	المتجهات المقيدة
التعريف	متجهات يمكن نقلها من مكان لآخر بشرط المحافظة على المقدار و الاتجاه	نوع من المتجهات مقيدة بنقطة تأثيرها و خط عملها و لا يمكن نقلها من مكان لآخر
أمثلة	الإزاحة - السرعة المتجهة	القوة



وجه المقارنة	الضرب القياسي (الداخلي) (العددي)	الضرب الاتجاهي (الخارجي)
القانون	$\vec{a} \cdot \vec{b} = a \times b \times \cos \theta$	$\vec{a} \times \vec{b} = a \times b \times \sin \theta$
الخاصية الإبدالية	الضرب العددي عملية إبدالية $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{a}$	الضرب الاتجاهي عملية ليست إبدالية $\vec{a} \times \vec{b} \neq \vec{b} \times \vec{a}$ $\vec{a} \times \vec{b} = -\vec{b} \times \vec{a}$
نوع الكمية الناتجة	قياسية (عددية)	متجهة
المتجهان متوازيان $\theta = 0$	حاصل الضرب العددي أكبر ما يمكن $\vec{a} \cdot \vec{b} = a \times b$	حاصل الضرب الاتجاهي = صفر <b>أ / محمد نعمان</b>
المتجهان متعامدان $\theta = 90$	حاصل الضرب العددي = صفر	حاصل الضرب الاتجاهي أكبر ما يمكن $\vec{a} \times \vec{b} = a \times b$
المتجهان متعاكسان $\theta = 180$	$\vec{a} \cdot \vec{b} = - a \times b$	حاصل الضرب الاتجاهي = صفر

وجه المقارنة	المركبة الأفقية	المركبة الرأسية
قوة مقدارها 20 N تميل بزاوية $60^0$ مع الأفقي	$20 \cos 60 = 10 \text{ N}$	$20 \sin 60 = 17.7 \text{ N}$

وجه المقارنة	معادلة حساب مركبة الوزن بالاتجاه العمودي على مستوى الحركة	معادلة حساب مركبة الوزن بالاتجاه الموازي لمستوى الحركة
	$W \cdot \cos(\theta)$	$W \cdot \sin(\theta)$

وجه المقارنة	زاوية إطلاق أكبر ( $\theta_1$ )	زاوية إطلاق أقل ( $\theta_2$ )
مركبة السرعة الرأسية	أكبر	أقل
ارتفاع القذيفة	أكبر	أقل
مركبة السرعة الأفقية	أقل	أكبر
مدى القذيفة	أقل	أكبر

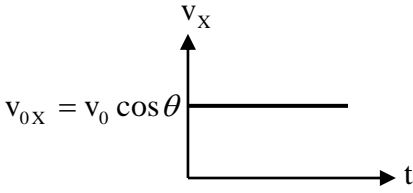
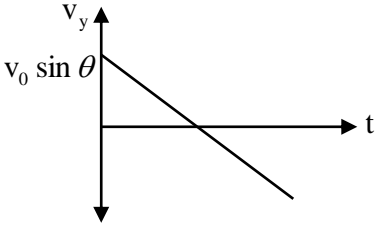
وجه المقارنة	صفر	أي زاوية أخرى
شكل مسار قذيفة عندما تطلق بزاوية مع المحور الأفقي	نصف قطع مكافئ	خطاً رأسياً
قطع مكافئ	خطاً رأسياً	قطع مكافئ

**أ / محمد نعمان**

وجه المقارنة	أقصى ارتفاع	المدى الأفقي
العلاقة الرياضية لجسم مقذوف بزاوية $(\theta)$	$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$	$R = \frac{v_0^2 \sin \theta \times 2 \theta}{g}$

أ / محمد نعمان

وجه المقارنة	الحركة الدائرية المحورية (المغزلية)	الحركة المدارية
التعريف	حركة جسم يدور حول محور داخلي	حركة جسم يدور حول محور خارجي
أمثلة	دوران الأرض حول محورها	دوران الأرض حول الشمس

الموضوع	مركبة حركة القذيفة في الاتجاه الأفقي	مركبة حركة القذيفة في الاتجاه الرأسي
وجود قوة مؤثرة	لا توجد قوة في الاتجاه الأفقي $\vec{F}_x = 0$	تؤثر قوة جذب الأرض على الجسم (وزنه) واتجاهها رأسياً لأسفل دائماً $\vec{F}_y = W = m \cdot g$
نوع الحركة	حركة بسرعة ثابتة (منتظمة)	حركة بعجلة منتظمة
مركبة السرعة	$V_{0x} = V_0 \cos \theta$	$v_{0y} = v_0 \sin \theta$
معادلة السرعة في هذا الاتجاه	$v_{xt} = v_{0x} = v_0 \cos \theta$	$v_{yt} = v_{0y} - gt = v_0 \sin \theta - gt$
شكل منحنى (v-t)		
عجلة الحركة	منعدمة = صفر	ثابتة (g)

وجه المقارنة	العجلة الخطية	العجلة المركزية	العجلة الزاوية
التعريف	تغير السرعة الخطية مع الزمن	المتجه العمودي على متجه السرعة المماسية بالنسبة لمتجه العجلة الخطية	تغير السرعة الزاوية خلال وحدة الزمن
نوع الكمية	كمية متجهه	كمية متجهه	كمية متجهه
العلاقة الرياضية	$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$	$a_c = \omega^2 r = \frac{v^2}{r}$	$\theta'' = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$
وحدة القياس	$m/s^2$	$m/s^2$	$Rad/s^2$

أ / محمد نعمان

وجه المقارنة	السرعة المماسية ( الخطية )	السرعة الزاوية (الدائرية )
التعريف	طول القوس المقطوع خلال وحدة الزمن	مقدار الزاوية بالراديان التي يمسحها نصف القطر في وحدة الزمن
وحدة القياس	m/s	Rad/s
وجه المقارنة	التردد	الزمن الدوري
التعريف	عدد الدورات الكاملة التي يدورها الجسم في الثانية الواحدة	الزمن الذي يستغرقه الجسم ليدور دورة كاملة على محيط دائرة الحركة

وجه المقارنة	جسم ممتلئ ( جاسئ ) ( قرص معدني )	جسم مفرغ ( مجوف ) ( حلقة مفرغة )
موضع مركز الثقل بالنسبة لجسم منتظم الشكل	عند المركز الهندسي و تكون نقطة داخل الجسم	عند المركز الهندسي و تكون نقطة خارج الجسم
عدد مراكز الثقل	واحد	عدة مراكز ثقل

وجه المقارنة	الأجسام منتظمة المقطع ( كرة القاعدة )	الأجسام غير منتظمة المقطع ( مضرب كرة القاعدة )
موضع مركز الثقل	عند المركز الهندسي	ناحية الطرف الأثقل

وجه المقارنة	جسم مثلث الشكل	جسم مخروط الشكل
موضع مركز الثقل بالنسبة للقاعدة	على الخط المار بمركز المثلث و رأسه و على بعد من القاعدة يساوي ثلث الارتفاع	على الخط المار بمركز المثلث و رأسه و على بعد من القاعدة يساوي ربع الارتفاع

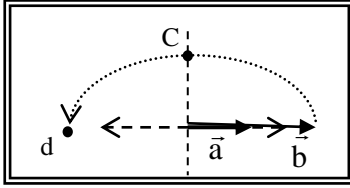
وجه المقارنة	كرة مجوفة تملئ حتى المنتصف بالرصاص	موضع مركز الثقل بالنسبة للمركز الهندسي
وجه المقارنة	جسم يتحرك على سطح أفقي ( انزلا ق مفتاح إنجليزي أفقياً )	جسم يتحرك في الهواء ( قذف مفتاح إنجليزي في الهواء )
مسار مركز الثقل ومسار الجسم	يتحرك في خط مستقيم	يتحرك على شكل قطع مكافئ

وجه المقارنة	مطرقة حديدية	إطار المستطيل
موضع مركز الكتلة	أقرب إلى الرأس الحديدي	يكون نقطة تقاطع الوترين وخارج الإطار
وجه المقارنة	جسم كتلته موزعة بشكل متجانس	جسم كتلته موزعة بشكل غير متجانس
موضع مركز الكتلة	ينطبق على مركزه الهندسي	يكون أقرب إلي المنطقة التي تحتوي كتلة أكبر
وجه المقارنة	الكرسي	فنجان ( وعاء ) الشمس
موضع مركز الثقل	أسفل الكرسي	داخل التجويف

وجه المقارنة	جسم كبير	جسم صغير
مركز الثقل ومركز الكتلة	لا ينطبقان	منطبقان

وجه المقارنة	الكواكب مبعثرة	الكواكب مصطفة على خط مستقيم في جانب واحد من الشمس
موضع مركز كتلة المجموعة الشمسية	داخل الشمس وقريب من مركز كتلتها	خارج الشمس

أ / محمد نعمان

**ماذا يحدث في الحالات التالية**

لقدار واتجاه محصلة المتجهين الموضحين بالشكل المقابل إذا دار المتجه (b) نصف دورة مروراً بالنقاط (c, d) حول نقطة اتصاله بالمتجه (a) ؟

ج / تقل تدريجياً حتى تصبح أقل ما يمكن عندما تصل إلى نقطة (d) .

لقدار محصلة المتجهين إذا زادت الزاوية بينهما ؟

ج/تقل

لحاصل الضرب القياسي لمتجهين عندما يكونان متوازيان وفي نفس الاتجاه ؟

ج / يكون أكبر ما يمكن  $\vec{A} \cdot \vec{B} = Ax B \cos \theta$   $\because \cos 0 = 1$  أكبر ما يمكن

لحاصل الضرب القياسي لمتجهين عندما يكونان متعامدان ؟

ج / يكون الناتج صفر  $\vec{A} \cdot \vec{B} = Ax B \cos \theta$   $\because \cos 90 = \text{صفر}$

لحاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين عندما يكونان متوازيان وفي نفس الاتجاه ؟

ج / يكون الناتج صفر  $\vec{A} \times \vec{B} = Ax B \sin \theta$   $\because \sin 0 = \text{صفر}$

لحاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين عندما يكونان متعامدان ؟

ج / يكون أكبر ما يمكن  $\vec{A} \times \vec{B} = Ax B \sin \theta$   $\because \sin 90 = 1$  يكون ما يمكن

لحاصل الضرب القياسي والاتجاهي عندما تكون الزاوية بين المتجهين ( $45^\circ$ ) ؟

ج / يكونان متساويان .

لقدار سرعة قذيفة و مسار القذيفة أطلقت بزاوية ( $\theta$ ) نتيجة الاحتكاك مع الهواء ؟

ج / تتباطأ سرعتها ويقل المدى الأفقي ويقل الارتفاع و يتغير شكل المسار و يصبح قطع مكافئ غير حقيقي ؟

لقدار سرعة كرة تتحرك على سطح أفقي عديم الاحتكاك ؟

ج / تبقى ثابتة لعدم وجود قوة تؤثر عليها .

لمسار قذيفتين تم إطلاقهما بالسرعة نفسها وبزاويتي ( $15^\circ$ ) , ( $75^\circ$ ) بالنسبة إلى المحور

الأفقي وبإهمال مقاومة الهواء ؟

ج / يكون المدى الذي تقطعه كل من القذيفتين متساوي بينما تكون القذيفة ذات الزاوية ( $75^\circ$ ) ذات ارتفاع أكبر

للسرعة الزاوية ( $\omega$ ) عند زيادة نصف القطر للمثلين ؟

ج / تظل السرعة الزاوية ثابتة لجميع الأجزاء .

**للسرعة الخطية (  $v$  ) عند زيادة نصف القطر للمثلين ؟**

ج / تزداد للمثلين .

**العجلة المماسية ( العجلة الزاوية ) عندما تكون السرعة منتظمة ( ثابتة ) ؟**

ج / تساوي صفر .

**إذا كانت قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق أكبر من القوة الجاذبة أو تساويها ؟**

ج / لا تنزلق السيارة .

**إذا كانت قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق أقل من القوة الجاذبة ؟ ( في الأيام الممطرة ) ؟**

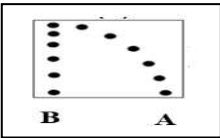
ج / تنزلق السيارة .

**عند إفلات الخيط لجسم مربوط في خيط يتحرك حركة دائرية ؟**

ج / يتحرك في خط مستقيم وباتجاه المماس عند موقعه لحظة إفلات الخيط .

**عند سقوط الكرتان A و B من نفس الارتفاع في غياب مقاومة الهواء ؟**

أ / محمد نعمان



ج / تصلان للأرض بنفس اللحظة لأنهما يسقطان لأسفل بنفس عجلة الجاذبية .

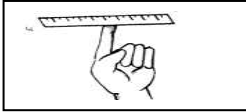
**لمقدار السرعة القصوى للسيارة على منعطف أفقى عند زيادة نصف قطر المسار الدائري ؟**

ج / تزداد السرعة القصوى الآمنة .

**لمقدار السرعة القصوى للسيارة على منعطف أفقى عند زيادة كتلة السيارة المتحركة ؟**

ج / لا تتغير .

**عند تطبيق قوة علي الجسم في مركز ثقله مساوية لقوة ثقله بالمقدار ومعاكسة بالاتجاه ؟**



ج / يتزن الجسم .

**لموضع مركز كتلة جسمين عند تغيير طريقة اختيار المحاور ؟**

ج / لا يتغير موضع مركز الكتلة .

**لموضع مركز كتلة جسمين عند تبديل موضع الكتلتين ؟**

ج / يتغير موضع مركز الكتلة .

**لموضع مركز كتلة المجموعة الشمسية إذا اصطفت جميع الكواكب على خط مستقيم في جانب واحد بالنسبة للشمس ؟**

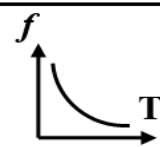
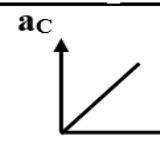
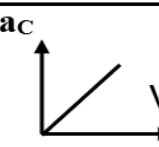
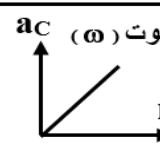
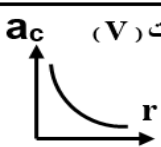
ج / يصبح خارج الشمس .

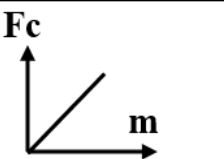
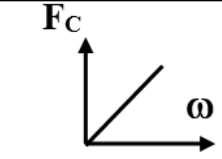
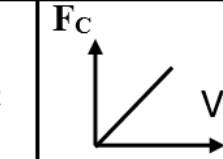
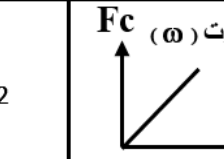
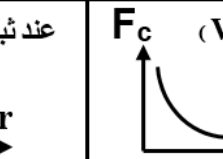
**لموضع مركز كتلة المجموعة الشمسية إذا كانت الكواكب مبعثرة حول الشمس في جميع الجهات ؟**

ج / ينطبق مركز كتلة المجموعة الشمسية مع مركز الشمس تقريباً .

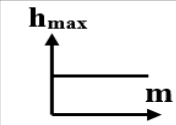
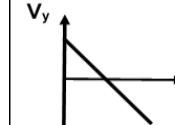
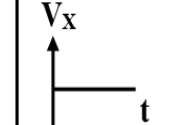
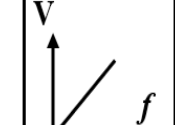

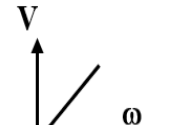
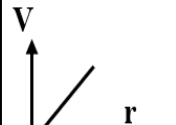
أ / محمد نعمان

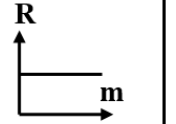
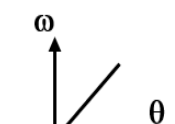
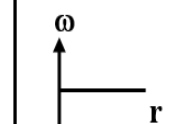
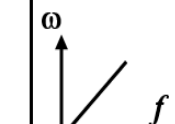
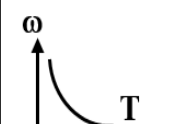
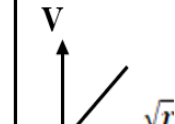
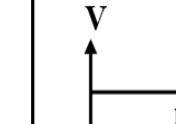
### أهم الرسوم البيانية

				
التردد ( $f$ ) والزمن الدوري ( $T$ )	العجلة المركزية ( $a_c$ ) ومربع السرعة الزاوية ( $\omega^2$ )	العجلة المركزية ( $a_c$ ) ومربع السرعة الخطية ( $V^2$ )	العجلة المركزية ( $a_c$ ) ونصف القطر ( $r$ ) عند ثبوت ( $\omega$ )	العجلة المركزية ( $a_c$ ) ونصف القطر ( $r$ ) عند ثبوت ( $V$ )

				
القوة المركزية (Fc) و الكتلة (m)	القوة المركزية (Fc) ومربع السرعة الزاوية (omega^2)	العجلة المركزية (Fc) ومربع السرعة الخطية (v^2)	القوة المركزية (Fc) ونصف القطر (r) عند ثبات (omega)	القوة المركزية (Fc) ونصف القطر (r) عند ثبات (v)

## أ / محمد نعمان

						
أقصى ارتفاع للقذيفة (h_max) وكتلة القذيفة (m)	مركبة السرعة الرأسية (Vy) لمقدوف والزمن (t)	مركبة السرعة الأفقية (Vx) لمقدوف والزمن (t)	السرعة الخطية (V) والتردد (f)	السرعة الخطية (V) والزمن الدوري (T)	السرعة الخطية (V) والسرعة الزاوية (omega)	السرعة الخطية (V) ونصف القطر (r)

						
المدى الأفقي للقذيفة (R) وكتلة القذيفة (m)	السرعة الزاوية (omega) وزاوية الدوران (theta) عند ثبات الزمن	السرعة الزاوية (omega) للجسم نفسه ونصف القطر (r)	السرعة الزاوية (omega) والتردد (f)	السرعة الزاوية (omega) والزمن الدوري (T)	السرعة الأمانة (V) والجذر التربيعي لنصف القطر (sqrt(r))	السرعة الأمانة (V) والتصميم (m) و الكتلة (m)

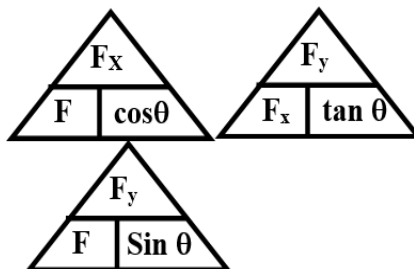
## أهم القوانين

## \* محصلة متجهين :

$\alpha = \sin^{-1} \left( \frac{F_2 \cdot \sin(\theta)}{R} \right)$	اتجاه المحصلة	$R = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2F_1F_2 \cos \theta}$	محصلة متجهين
$\vec{F}_1 \times \vec{F}_2 = F_1F_2 \sin \theta$	الضرب الاتجاهي	$\vec{F}_1 \cdot \vec{F}_2 = F_1F_2 \cos \theta$	الضرب العددي

## أ / محمد نعمان

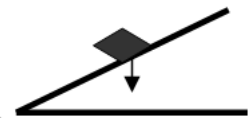
## \* تحليل المتجهات :



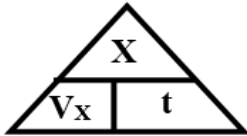
$F_y = F \cdot \sin \theta$	المركبة الرأسية	$F_x = F \cdot \cos \theta$	المركبة الأفقية
$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{F_y}{F_x} \right)$	اتجاه المحصلة	$F_R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$	مقدار المحصلة

## \* حركة جسم على مستوى مائل

المركبة الأفقية للوزن  $W_x = W \sin \theta = m \cdot g \cdot \sin \theta$   
المركبة الرأسية للوزن (ردالفعل)  $W_y = W \cos \theta = m \cdot g \cdot \cos \theta$







أ / محمد نعمان

**\* حركة القذيفة أفقياً بدون زاوية :**

$t = \frac{X}{V_x}$	زمن الوصول للهدف	$y = \frac{1}{2} g t^2$	المسافة الرأسية	$X = V_x \cdot t$	المسافة الأفقية
$t = \sqrt{\frac{2y}{g}}$	زمن الوصول للهدف	$V_y = g \cdot t$ $V_y^2 = 2 g \cdot y$	السرعة الرأسية	$V_x = \frac{X}{t}$	السرعة الأفقية

أ / محمد نعمان

**\* حركة القذيفة بزاوية مع الأفقي :**

$V_{0y} = V_0 \cdot \sin \theta$	مركبة السرعة الرأسية الابتدائية	$V_{0x} = V_0 \cdot \cos \theta$	مركبة السرعة الأفقية الابتدائية
$V_y = V_0 \sin \theta - g t$	مركبة السرعة الرأسية	$V_x = V_{0x} = V_0 \cdot \cos \theta$	مركبة السرعة الأفقية
$y = (V_0 \sin \theta) t - \frac{1}{2} g t^2$ $V_y^2 = (V_0 \sin \theta)^2 - 2 g y$	المسافة الرأسية	$X = V_0 \cos \theta \cdot t$	المسافة الأفقية
$h_{\max} = \frac{V_0^2 \sin^2 \theta}{2 g}$	أقصى ارتفاع (ذروة المسار)	$R = \frac{V_0^2 \sin 2\theta}{g}$	المدى
$t = \frac{V_0 \sin \theta}{g}$	زمن الوصول لأقصى ارتفاع	$t = \frac{2 V_0 \sin \theta}{g}$	زمن الوصول للمدى (هدف)

أ / محمد نعمان

$y = \tan \theta \cdot X - \left( \frac{g}{2 V_0^2 \cos^2 \theta} \right) \cdot X^2$	معادلة المسار
$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{F_y}{F_x} \right)$	اتجاه السرعة لحظة الاصطدام بالأرض
$V_R = \sqrt{V_x^2 + V_y^2}$	السرعة عند الاصطدام بالأرض

أ / محمد نعمان

**\* الحركة في دائرة :**

$T = \frac{t}{N} = \frac{1}{f} = \frac{2\pi}{\omega} \quad (S)$	الزمن الدوري (T)	$f = \frac{N}{t} = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi} \quad (Hz)$	التردد (f)
$S = \theta \cdot r = v \cdot t = 2\pi \cdot r \cdot N \quad (m)$	طول القوس (S)	$\theta = \frac{S}{r} = 2\pi \cdot N = \omega \cdot t \quad (rad)$	الإزاحة الزاوية (θ)
$\omega = \frac{\theta}{t} = \frac{2\pi N}{t} = 2\pi f$ $= \frac{2\pi}{T} = \frac{v}{r} \quad (rad/s)$	السرعة الزاوية (ω)	$v = \frac{S}{t} = \frac{2\pi r N}{t} = 2\pi r f$ $= \frac{2\pi r}{T} = \omega \cdot r \quad (m/s)$	السرعة الخطية V $\frac{V_2}{V_1} = \frac{r_2}{r_1}$
$\theta'' = \frac{\Delta\omega}{\Delta t} \quad (rad/s^2)$	العجلة الزاوية (θ'')	$a_c = \frac{v^2}{r} = \omega^2 \cdot r$ (m/s <sup>2</sup> )	العجلة المركزية (a <sub>c</sub> )
		$N = \frac{\theta}{2\pi} = \frac{\omega \cdot t}{2\pi} \quad (دورة)$	عدد الدورات (N)

**\* القوة الجاذبة المركزية :**

$r = \frac{m \cdot V^2}{F_C} = \frac{F_C}{m \cdot \omega^2}$ (m)	نصف القطر (r)	$F_C = m a_c = \frac{m \cdot V^2}{r} = m \cdot \omega^2 \cdot r$ (N)	قوة الجذب المركزية (F <sub>C</sub> )
$V = \sqrt{\frac{F_C \cdot r}{m}}$ (m/s)	السرعة (V)	$m = \frac{F_C}{a_c} = \frac{r \cdot F_C}{V^2} = \frac{F_C}{\omega^2 \cdot r}$ (kg)	الكتلة (m)

أ / محمد نعمان

**\* المنعطفات الأفقية :**

$F = \mu \times N = \mu \cdot m \cdot g$ (N)	قوة الاحتكاك (F)	$N = m \cdot g$ $= \frac{F}{\mu}$ (N)	رد الفعل (N)	$\mu = \frac{F}{N} = \frac{F}{m \cdot g} = \frac{V^2}{g \cdot r}$	معامل الاحتكاك (μ)
* إذا كانت (F <sub>C</sub> ) ≤ (F) المركزية لا يحدث انزلاق . * إذا كانت (F <sub>C</sub> ) > (F) المركزية يحدث انزلاق .				$V = \sqrt{\mu \cdot g \cdot r}$	السرعة الآمنة القصوى

**تحديد موقع مركز الكتلة**

$y_{c.m} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3}$	$x_{c.m} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3}$
---	---

**ماذا يحدث عندما نزيد قيمة زاوية الميل ( θ ) في الحالات التالية**

تقل قيمة المحصلة بزيادة زاوية الميل بين المتجهان	المحصلة R
تقل قيمة الناتج بزيادة زاوية الميل بين المتجهان	الضرب العددي
تزداد قيمة الناتج بزيادة زاوية الميل بين المتجهان	الضرب الاتجاهي
تقل قيمة المركبة الأفقية للسرعة و بالتالي يقل المدى الأفقي ( R )	السرعة الأفقية V <sub>x</sub>
تزداد قيمة المركبة الرأسية للسرعة و بالتالي يزداد الارتفاع الرأسي ( h <sub>max</sub> )	السرعة الرأسية V <sub>y</sub>

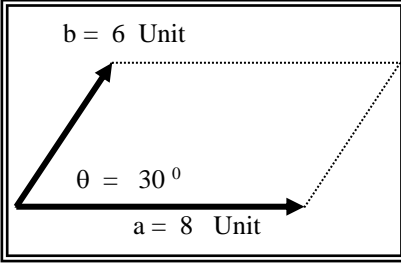
أ / محمد نعمان

**اذكر قيمة الزاوية التي تحقق كلاً من**

صفر	* المركبة الأفقية تساوي مقدار المتجه الأصلي - * محصلة متجهين أكبر ما يمكن - * حاصل الضرب القياسي أكبر ما يمكن - * ينعدم حاصل الضرب الاتجاهي
90	* المركبة الرأسية تساوي مقدار المتجه الأصلي - * حاصل الضرب الاتجاهي أكبر ما يمكن - * ينعدم حاصل الضرب القياسي ( العددي )
180°	المركبة الأفقية تساوي مقدار المتجه الأصلي و اتجاهها معاكس - * محصلة متجهين أقل ما يمكن
45°	المركبة الأفقية = مقدار المركبة الرأسية - * حاصل الضرب القياسي = حاصل الضرب الاتجاهي * المدى الأفقي أكبر ما يمكن

أ / محمد نعمان

مسائل مراجعة



الشكل المقابل يمثل متجهان  $(\vec{a})$  ,  $(\vec{b})$  في مستوي أفقي واحد هو مستوي الصفحة والمطلوب حساب :

1- محصلة المتجهين ( مقداراً واتجاهاً ):

$$R = \sqrt{a^2 + b^2 + 2 \cdot a \cdot b \cdot \cos \theta} = \sqrt{8^2 + 6^2 + 2 \times 8 \times 6 \times \cos 30} = 13.53 \text{ unit}$$

$$\alpha = \sin^{-1} \left( \frac{b \cdot \sin(\theta)}{R} \right) = \sin^{-1} \left( \frac{6 \times \sin(30)}{13.53} \right) = 12.8^\circ$$

أ / محمد نعمان

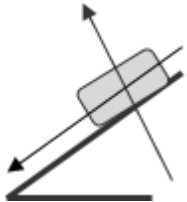
2- حاصل الضرب الاتجاهي  $(\vec{a} \times \vec{b})$  للمتجهين ( مقداراً واتجاهاً )

$$\vec{a} \times \vec{b} = a \cdot b \sin \theta = 8 \times 6 \times \sin(30) = 24 \text{ unit}^2$$

ويكون اتجاه المتجه الناتج عمودي على المستوى إلى أعلى .

3- حاصل الضرب القياسي  $(\vec{a} \cdot \vec{b})$  للمتجهين :

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = a \cdot b \cos \theta = 8 \times 6 \times \cos(30) = 41.56 \text{ unit}^2$$

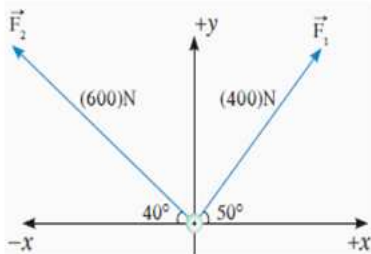


يستقر جسم كتلته 50Kg على سطح مائل بزاوية 30° مع الخط الأفقي .  
احسب مقدار مركبتي الوزن بالنسبة إلى المحورين x,y الموضحين في الشكل

$$W_x = W \sin \theta = m \cdot g \sin \theta = 50 \times 10 \times \sin(30) = 250 \text{ N}$$

$$W_y = W \cos \theta = m \cdot g \cos \theta = 50 \times 10 \times \cos(30) = 433$$

احسب محصلة القوى المؤثرة على الحلقة مقداراً و اتجاهاً ثم عبر عنها رياضياً



$F_y = F \cdot \sin \theta$	$F_x = F \cdot \cos \theta$	F
$400 \sin(50) = 306.4 \text{ N}$	$400 \cos(50) = 257.1 \text{ N}$	$F_1$
$600 \sin(40) = 385.6 \text{ N}$	$-600 \cos(40) = -459.6 \text{ N}$	$F_2$
$F_y = 306.4 + 385.6 = 692 \text{ N}$	$F_x = 257.1 - 459.6 = -202.5 \text{ N}$	$F_r$

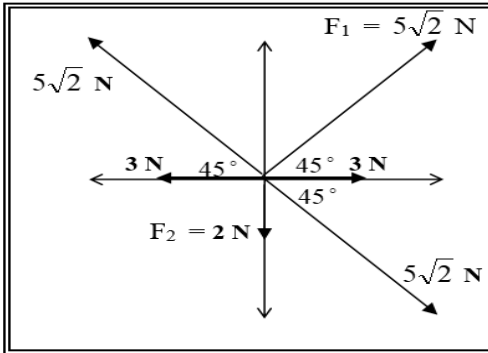
$$R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(-202.5)^2 + (692)^2} = 721 \text{ N}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{F_y}{F_x} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{692}{-202.5} \right) = -73.7^\circ \text{ ربع ثاني}$$

$$\therefore \theta = 180 - 73.7 = 106.3^\circ$$

$$\therefore F_R = [ ( 721 \text{ N} , 106.3^\circ ) ]$$

## احسب محصلة القوى المؤثرة على الحلقة مقداراً واتجاهاً؟



$F_y = F \cdot \sin\theta$	$F_x = F \cdot \cos\theta$	F
$5\sqrt{2} \sin 45 = 5 \text{ N}$	$5\sqrt{2} \cos 45 = 5 \text{ N}$	$F_1$
- 2 N	0	$F_2$
$F_y = 5 - 2 = 3 \text{ N}$	$F_x = 5 \text{ N}$	$F_r$

$$R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(5)^2 + (3)^2} = 5.83 \text{ N}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{F_y}{F_x} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{3}{5} \right) = 30.9^\circ$$

## أطلقت قذيفة بسرعة ابتدائية m/s (20) وبزاوية 60° مع المحور الأفقي مع إهمال مقاومة الهواء. احسب؟

1- زمن الوصول لأقصى ارتفاع (زمن الوصول إلى ذروة المسار) :

$$t = \frac{v_0 \sin\theta}{g} = \frac{20 \times \sin(60)}{10} = 1.73 \text{ (s)}$$

2- زمن الوصول للمدى :

$$t' = \frac{2v_0 \sin\theta}{g} = \frac{2 \times 20 \times \sin(60)}{10} = 3.46 \text{ (s)}$$

أ / محمد نعمان

3- أقصى ارتفاع :

$$h_{max} = \frac{v_0^2 \sin^2\theta}{2g} = \frac{(20)^2 \times (\sin(60))^2}{2 \times 10} = 15 \text{ (m)}$$

4- المدى :

$$R = \frac{v_0^2 \sin(2\theta)}{g} = \frac{(20)^2 \times \sin(2 \times 60)}{10} = 34.64 \text{ (m)}$$

5- اكتب معادلة المسار للقذيفة :

$$Y = \tan\theta \cdot X - \left( \frac{g}{2V_0^2 \cos^2(\theta)} \right) \cdot X^2 = \tan(60) \cdot X - \left( \frac{10}{2 \times 20^2 \times (\cos(60))^2} \right) \cdot X^2$$

$$Y = 1.73 X - 0.05 X^2$$

أ / محمد نعمان

6- مقدار واتجاه سرعة القذيفة لحظة اصطدامها بالأرض :

$$V_x = v_0 \cdot \cos\theta = 20 \cos 60 = 10 \text{ m/s}, v_y = v_0 \sin\theta - g \cdot t = 20 \sin 60 - 10 \times 3.46 = -17.28 \text{ m/s}$$

$$V_R = \sqrt{V_x^2 + V_y^2} = \sqrt{(10)^2 + (-17.28)^2} = 19.96 \text{ m/s} = 20 \text{ m/s}$$

$$\tan\theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{-17.28}{10} = -1.728 \therefore \theta = \tan^{-1}(-1.728) = -59.9^\circ = -60^\circ$$

الإشارة السالبة تعني أن متجه السرعة يصنع زاوية 60° تحت المحور الأفقي .

7- موقع القذيفة بعد ثانيتين :

$$X = V_0 \cos\theta \cdot t = 20 \cos(60) \times 2 = 20 \text{ (m)}$$

$$Y = V_0 \sin\theta \cdot t - \frac{1}{2} g \cdot t^2 = 20 \sin(60) \times 2 - \frac{1}{2} \times 10 \times 2^2 = 14.64 \text{ (m)}$$

**رمي جسم من ارتفاع m ( 20 ) عن سطح الأرض وبسرعة أفقية v فإذا كانت الإزاحة الأفقية للكرة لحظة وصولها سطح الأرض تساوي m ( 25 ) وبإهمال مقاومة الهواء . احسب:**

1- احسب الزمن الذي يحتاجه الجسم للوصول للأرض :

$$\therefore t = \sqrt{\frac{2y}{g}} = \sqrt{\frac{2 \times 20}{10}} = 2 (s)$$

أ / محمد نعمان

2- احسب السرعة الابتدائية للجسم لحظة انطلاقه مبتعداً عن سطح الطاولة :

$$V_x = \frac{X}{t} = \frac{25}{2} = 12.5 (m/s)$$

**يدور جسم كتلته kg ( 0.2 ) مربوط بخيط على محيط دائرة قطرها cm ( 120 ) ويعمل ( 90 ) دورة كاملة في الدقيقة . احسب ما يلي :**

1- السرعة الخطية :

$$v = \frac{2\pi \cdot r \cdot N}{t} = \frac{2\pi \times 0.6 \times 90}{60} = 5.65 m/s$$

2- السرعة الزاوية :

$$\omega = \frac{v}{r} = \frac{5.65}{0.6} = 9.42 rad / s$$

أ / محمد نعمان

3- عدد الدورات في نصف دقيقة :

$$\theta = \omega \times t = 9.42 \times 30 = 282.6 rad$$

$$N = \frac{\theta}{2\pi} = \frac{282.6}{2\pi} = 44.97 \text{ cir}$$

4- العجلة المماسية و العجلة الزاوية :

**تساوي صفر**

5- العجلة المركزية :

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{(5.65)^2}{0.6} = 53.2 m/s^2$$

6- القوة المركزية :

$$F_C = m \cdot a_c = 0.2 \times 53.2 = 10.6 N$$

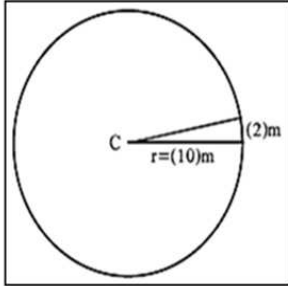
7- إذا علمت أن الحبل قد ينقطع إذا كانت قوة الشد عليه تساوي 12 N كم يساوي طول الحبل الأقصر الذي

يمكن استخدامه؟

$$F_C = \frac{m \cdot v^2}{r} \quad \therefore r = \frac{m \cdot v^2}{F_C} = \frac{0.2 \times (5.65)^2}{12} = 0.53 (m)$$

**جسم يتحرك بسرعة منتظمة على مسار دائري نصف قطره m (10) فإذا تحرك رسم قوساً كما بالرسم . احسب:**

1- الإزاحة الزاوية للجسم :



$$\theta = \frac{s}{r} = \frac{2}{10} = 0.2 \text{ (rad)}$$

أ / محمد نعمان

2- السرعة الزاوية للجسم إذا استغرقت الإزاحة ثانيتين :

$$\omega = \frac{\theta}{t} = \frac{0.2}{2} = 0.1 \text{ (rad/s)}$$

**يطير الطيار بطائرته الصغيرة بسرعة m/s (56) في مسار دائري نصف قطره m (188.5) احسب كتلة الطائرة إذا علمت أن القوة الجاذبة المركزية اللازمة لإبقائها على مسارها الدائري تساوي  $1.89 \times 10^4 \text{ N}$  ؟**

$$F_c = \frac{m \cdot v^2}{r} \quad \therefore 1.89 \times 10^4 = \frac{m \times (56)^2}{188.5} \quad \therefore m = 1136 \text{ (kg)}$$

**سيارة كتلتها 2000 kg تتحرك على مسار دائري قطره m (200) على طريق أفقي بسرعة m/s (20)**

1 - احسب القوة الجاذبة المركزية :

$$F_c = \frac{m \cdot v^2}{r} = \frac{2000 \times 20^2}{100} = 8000 \text{ N}$$

أ / محمد نعمان

2 - احسب قوة رد الفعل :

$$N = m \cdot g = 2000 \times 10 = 20000 \text{ N}$$

3- مقدار أصغر معامل احتكاك بين العجلات والطريق والذي يسمح للسيارة بالالتفاف بدون انزلاق :

$$\mu = \frac{F}{N} = \frac{8000}{20000} = 0.4$$

4 - هل يحدث انزلاق للسيارة أم لا إذا كان معامل الاحتكاك ( $\mu = 0.5$ ) :

$$F \text{ احتكاك} = \mu \times N = 0.5 \times 20000 = 10000 \text{ N}$$

أ / محمد نعمان

$$F > F_c \quad \therefore \text{لا يحدث إنزلاق}$$

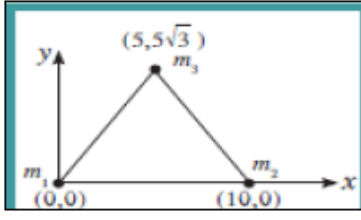
5 - السرعة القصوى التي يمكن أن تتحرك بها السيارة دون أن تنزلق إذا كان معامل الاحتكاك ( $\mu = 0.8$ ) :

$$V = \sqrt{\mu \cdot g \cdot r} = \sqrt{0.8 \times 10 \times 100} = 28.28 \text{ m/s}$$



سيارة كتلتها  $1000 \text{ Kg}$  تتحرك على مسار دائري نصف قطره  $32.5 \text{ m}$  احسب السرعة المماسية للسيارة علماً بأن مقدار القوة الجاذبة المركزية على السيارة.  $2500 \text{ N}$

$$F_c = \frac{m \cdot v^2}{r} \quad \therefore 2500 = \frac{1000 \cdot v^2}{32.5188.5} \quad \therefore v = 9.01 \text{ (m/s)}$$



ثلاث كتل  $(m_1 = 1 \text{ kg})$  -  $(m_2 = 2 \text{ kg})$  -  $(m_3 = 3 \text{ kg})$  موضوعة على رأس مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه  $10 \text{ cm}$  احسب موقع مركز الكتلة

1- اوجد موضع مركز الكتلة :

$$x_{CM} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{(1 \times 0) + (2 \times 10) + (3 \times 5)}{1 + 2 + 3} = 5.83 \text{ cm}$$

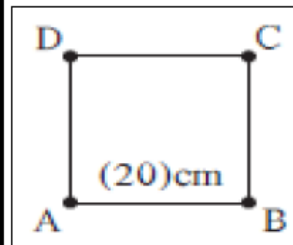
$$y_{CM} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{(1 \times 0) + (2 \times 0) + (3 \times 5\sqrt{3})}{1 + 2 + 3} = 4.33 \text{ cm}$$

أ / محمد نعمان

$$\therefore \text{CM} = ( 5.83 \text{ cm} , 4.33 \text{ cm} )$$

2- قيم . هل النتيجة مقبولة :

نعم لأن مركز الكتلة أقرب إلى الجزء الأكبر كتلة .



نظام مؤلف من أربع كتل هي  $(m_A = 1 \text{ kg})$  -  $(m_B = 2 \text{ kg})$  -  $(m_C = 3 \text{ kg})$  -  $(m_D = 4 \text{ kg})$

موزعة على أطراف مربع طول ضلعه  $(20 \text{ cm})$  ومهمل الكتلة . احسب موقع مركز الكتلة

اوجد موضع مركز الكتلة ؟

$$x_{CM} = \frac{m_1 \cdot x_1 + m_2 \cdot x_2 + m_3 \cdot x_3 + m_4 \cdot x_4}{m_1 + m_2 + m_3 + m_4}$$

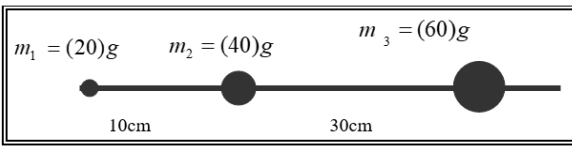
$$= \frac{(1 \times 0) + (2 \times 20) + (3 \times 20) + (4 \times 0)}{1 + 2 + 3 + 4} = 10 \text{ cm}$$

$$y_{CM} = \frac{m_1 \cdot y_1 + m_2 \cdot y_2 + m_3 \cdot y_3 + m_4 \cdot y_4}{m_1 + m_2 + m_3 + m_4}$$

$$= \frac{(1 \times 0) + (2 \times 0) + (3 \times 20) + (4 \times 20)}{1 + 2 + 3 + 4} = 14 \text{ cm}$$

$$\therefore \text{C.M} = ( 10 \text{ cm} , 14 \text{ cm} )$$

أ / محمد نعمان



ثلاث كتل نقطية وضعت علي خط مستقيم كما في الشكل المقابل ، والمطلوب . احسب موقع مركز الكتلة للنظام

$$x_{CM} = \frac{m_1 \cdot x_1 + m_2 \cdot x_2 + m_3 \cdot x_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{(20 \times 0) + (40 \times 10) + (60 \times 40)}{20 + 40 + 60} = 23.33 \text{ cm}$$

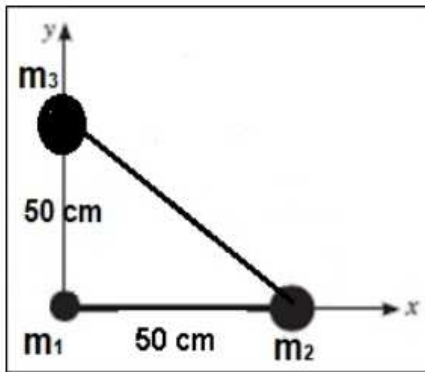
$$y_{CM} = 0 \text{ cm}$$

$$\therefore \text{C.M} = ( 23.33 \text{ cm} , 0 \text{ cm} )$$

أ / محمد نعمان

ثلاث كتل (  $m_1 = 10 \text{ g}$  ) - (  $m_2 = 20 \text{ g}$  ) - (  $m_3 = 30 \text{ g}$  ) موضوعة

علي رأس مثلث كما بالشكل . احسب موقع مركز الكتلة



$$x_{c.m} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$x_{c.m} = \frac{10 \times 0 + 20 \times 50 + 30 \times 0}{10 + 20 + 30} = 16.6 \text{ cm}$$

$$y_{c.m} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$y_{c.m} = \frac{10 \times 0 + 20 \times 0 + 30 \times 50}{10 + 20 + 30} = 25 \text{ cm}$$

\*\* إهدائيات مركز الكتلة : ( 16.6 cm , 25 cm )

قذف رجل حجر من ارتفاع ( 1.5 m ) عن سطح الأرض نحو حائط يبعد عنه مسافة (  $x = 8 \text{ m}$  ) وبزاوية (  $30^\circ$  ) مع الأفق وبسرعة ( 15m/s ) . احسب:

1- ارتفاع نقطة وصول الحجر على الحائط عن الأرض :

$$y = \frac{-g x^2}{2v_0^2 (\cos \theta)^2} + x \tan \theta$$

$$y_1 = \frac{-10 \times 8^2}{2 \times 15^2 (\cos 30)^2} + 8 \tan 30 = 2.7 \text{ m}$$

$$4.2 \text{ m} = 1.5 + 2.7 = y_1 + y_2 = \text{الارتفاع}$$

2- زمن وصول الحجر إلى الحائط من لحظة القذف :

$$\therefore t = \frac{x}{v_0 \cos \theta} = \frac{8}{15 \times \cos 30} = 0.6 \text{ s}$$