

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية



الملف ملخص الوحدة الثامنة (مفاهيم هندسية) مع تدريبات محلولة

[موقع المناهج](#) ← [المناهج الكويتية](#) ← [الصف السابع](#) ← [رياضيات](#) ← [الفصل الثاني](#)

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف السابع



روابط مواد الصف السابع على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف السابع والمادة رياضيات في الفصل الثاني

مذكرة تدريسية لمنهج الكفايات	1
تصميم الوحدة 12سابع جديد	2
مخطط الشجرة البيانية ومبدأ 12.1	3
ايجاد النسبة المئوية لعدد	4
ايجاد النسبة المئوية لعدد	5

الحرف السابع

الفصل الدراسي الثاني

الرياضيات

تلخيص الوحدة الثامنة

إعداد :-

Hala Labeeb

H.L.

٢٠١٩ - ٢٠٢٠

H.L.
3

بعض المفاهيم الهندسية



خط مستقيم

ليس له بداية ولا نهاية

الرمز: \overleftrightarrow{LM} أو \overleftrightarrow{ML}



قطعة مستقيمة

لها بداية ولها نهاية

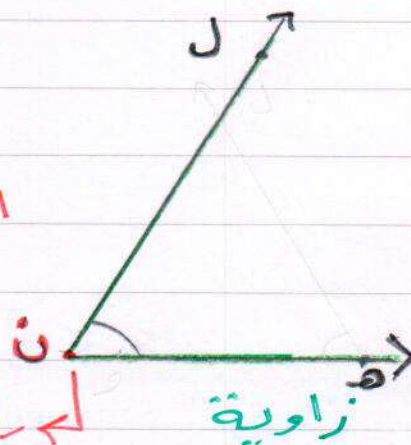
الرمز: \overline{SV} أو \overline{VS}

الرمز: $\angle N$ أو \hat{N} أو \widehat{N}

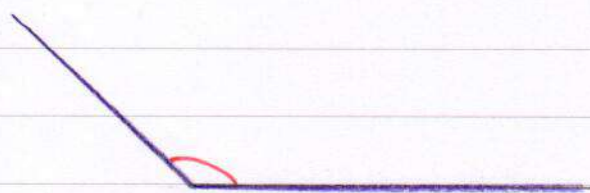
عند كتابة رمز الزاوية، لا بد من وجود الرأس في الوسط

ورسم المثلث أحياناً على صورة: $\angle N$

الزاوية

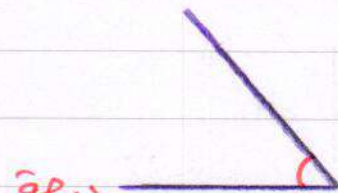


أنواع الزوايا:



زاوية منفرجة

قياسها أكبر من 90° وأصغر من 180°



درجة

زاوية حادة

قياسها أصغر من 90°

عند رؤية هذا الشكل فالزاوية قائمة



زاوية مستقيمة

قياسها = 180°



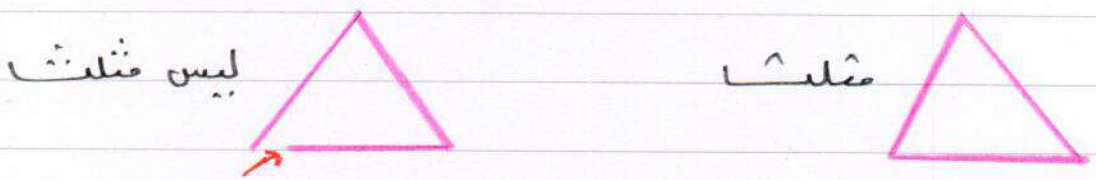
زاوية قائمة

قياسها = 90°

المثلث

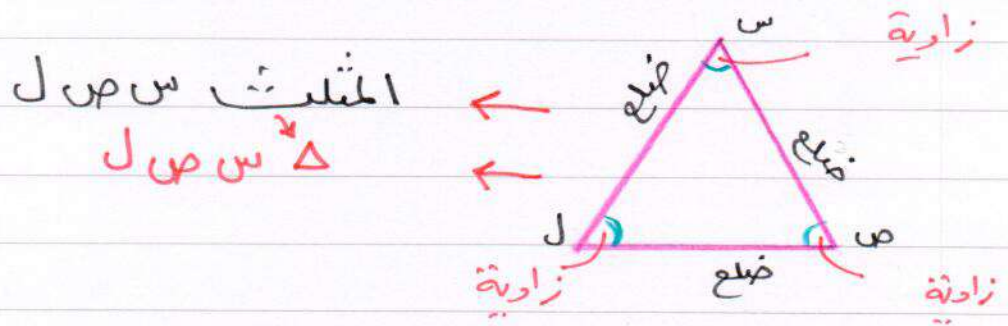
٨-١

← يتكون من ثلاثة أضلاع **مقلاصسة**



← له ثلاث زوايا داخلية.

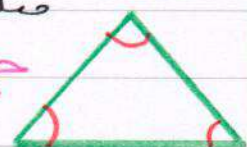
← مجموع قياسات الزوايا الداخلية لأي مثلث = 180°



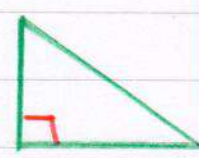
تصنيف المثلثات

نوع المثلث من حيث الزوايا

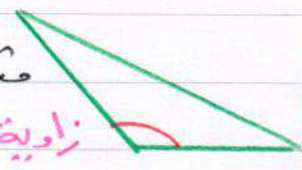
مثلث احاد الزوايا
جميع الزوايا الثلاثة
حادة



مثلث قائم الزاوية
زاوية قائمة واحدة فقط

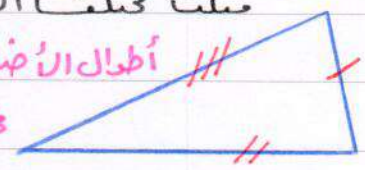


مثلث منفرج الزاوية
زاوية منفرجة واحدة فقط



نوع المثلث من حيث الأضلاع

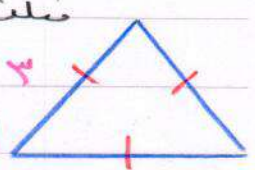
مثلث مختلف الأضلاع
أطوال الأضلاع الثلاثة
مختلفة



مثلث متطابق الأضلاع
ضلعان متطابقان
(لهما نفس الطول)



مثلث متطابق الأضلاع
٣ أضلاع متطابقة
(لها نفس الطول)



H.L.

سؤال: هل تصلح كل ثلاثة أضلاع أن تكون أضلاع مثلث؟
الإجابة: لا، لأن كل ثلاث أضلاع تصلح أنه تكون أضلاع مثلث.

مقارنة المثلثات:

في أي مثلث مجموع طوري أي ضلعيه أكبر من طول الضلع الثالث.

← أي عند جمع طوري أي ضلعيه ، لابد أنه يكون المجموع أكبر من طول الضلع الثالث.

مثال ①: هل الأضلاع ١٢ سم ، ٦ سم ، ٦ سم تصلح أن تكون أطوال الأضلاع مثلث؟ اذكر السبب؟

نأخذ كل ضلعيه
نجمع الأضلاع
ثم نقارن بطول
الضلع الثالث

→ أطوال الأضلاع ١٢ ٦ ٦

12 < 6 + 6
6 < 12 + 6
12 > 6 + 6

إذاً ، الأضلاع لا تصلح أن تكون أضلاع مثلث.
السبب: يوجد مجموع طوري ضلعيه أصغر من طول الضلع الثالث.

مثال ②: هل الأضلاع ١٥ دسم ، ١٢ دسم ، ١١ دسم تصلح أن تكون أطوال أضلاع مثلث؟ اذكر السبب؟

→ أطوال الأضلاع ١١ ١٢ ١٥

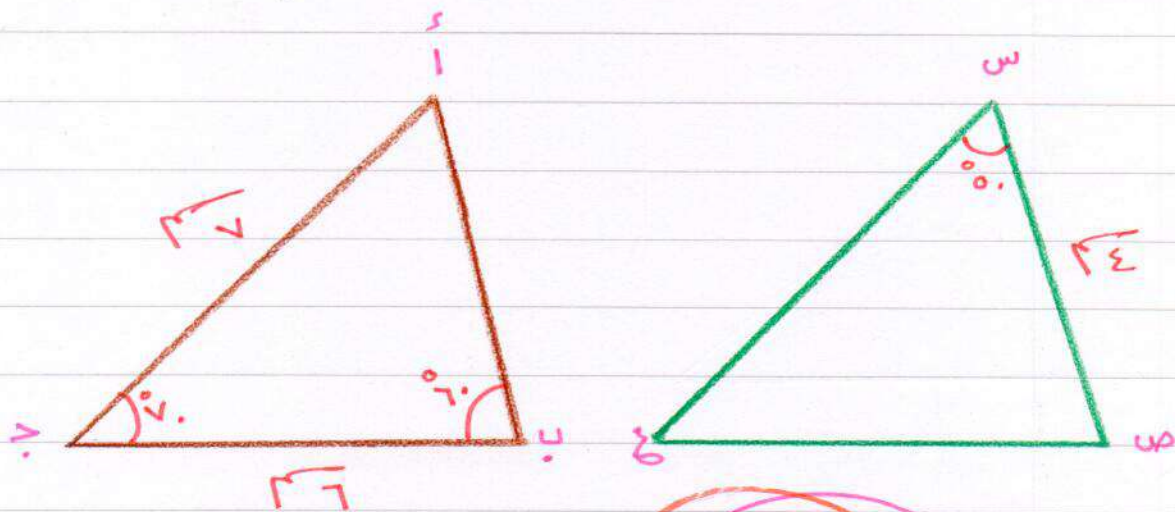
11 < 12 + 15
12 < 11 + 15
15 < 11 + 12

إذاً: الأضلاع تصلح أن تكون أضلاع مثلث.
السبب: مجموع طوري أي ضلعيه في المثلث أكبر من طول الضلع الثالث.

ملحظة هامة: إذا كان مجموع طوري ضلعيه = طول الضلع الثالث
لـ إذاً: الأضلاع لا تصلح أن تكون أضلاع مثلث.

H.L.

مثال :-



إذا كان Δ س ه ج \cong Δ أ ب ج
 أقل ما يكفي :-

كما مر رمز المتطابقين
 نستطيع أن

نستنتج الزوايا
 المتطابقة
 والأضلاع المتطابقة

$\hat{C} \cong \hat{H}$
 م (س) = م (ه) = 60°

$\hat{A} \cong \hat{S}$
 م (أ) = م (س) = 60°

ص ه ج \cong ب ا ج ، طول ص ه ج = 6

س ه ج \cong أ ج ، طول س ه ج = 7

أ ب \cong س ه ج ، طول أ ب = 4

ملاحظة هامة! الانتباه عند كتابة الرموز :

طول س ه ج = \square

X

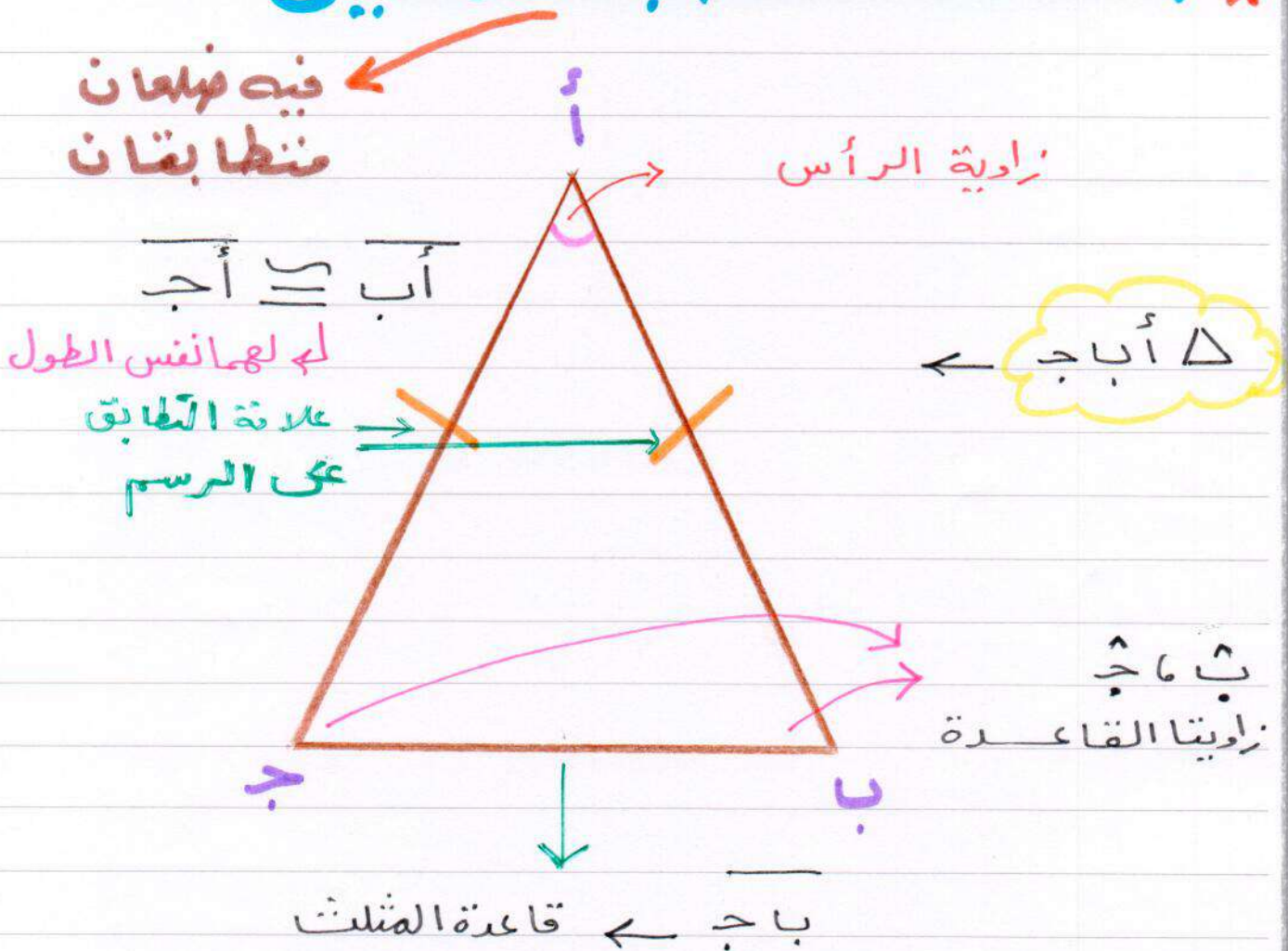
طول س ه ج = \square

✓

H.L.

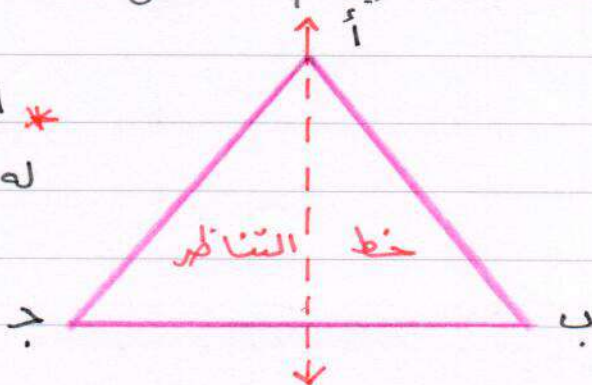
٨-٢ استكشاف خواص المثلث

* المثلث المتطابق الضلعين



خط التناظر: هو الخط الذي يقسم الشكل إلى نصفين متطابقين.

* المثلث المتطابق الضلعين له خط تناظر واحد فقط.



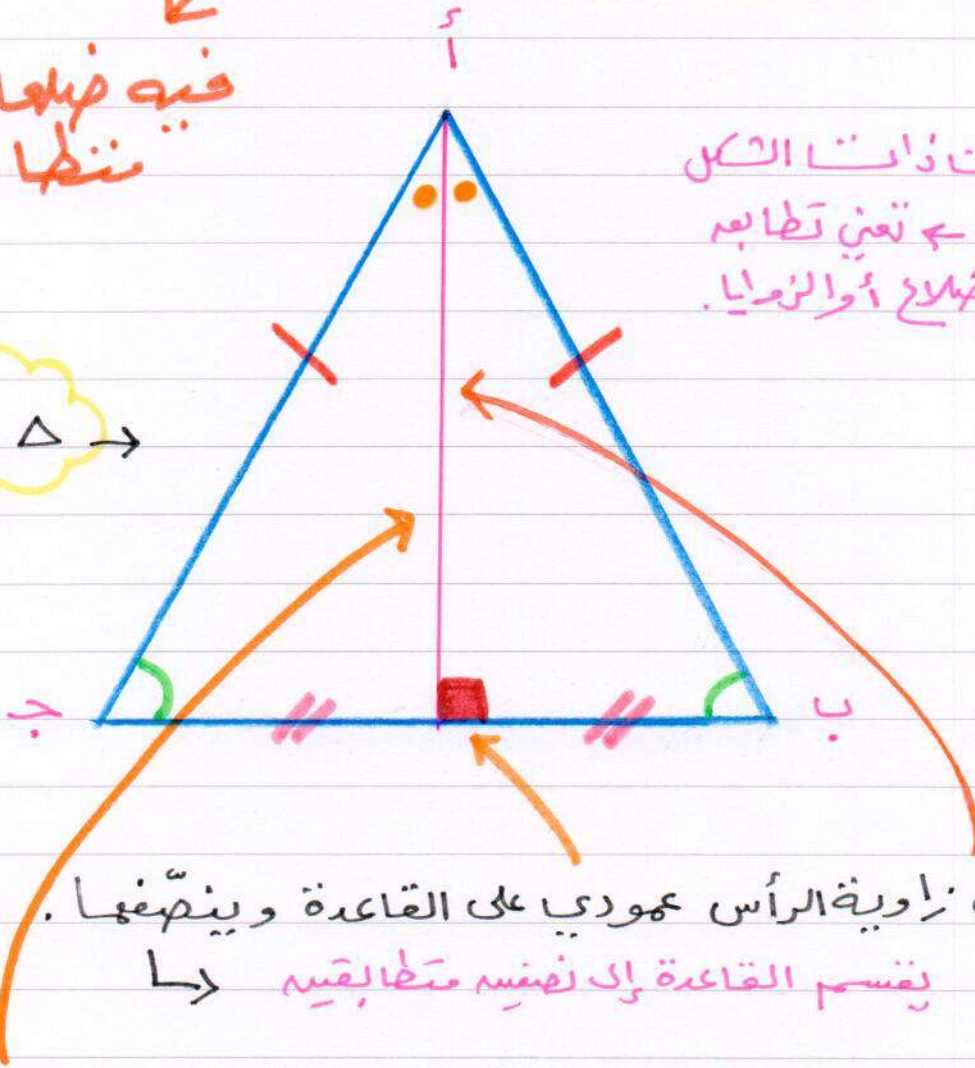
H.L.

خواص المثلث متطابق الضلعين :

فيه ضلعان متطابقان

العلامات ذات الشكل المتساوية تعني تطابق سائر الأضلاع أو الزوايا.

→ $\triangle \hat{A} \hat{B} \hat{C}$



① منصف زاوية الرأس عمودي على القاعدة وينصفها.
→ يقسم القاعدة إلى نصفين متطابقين

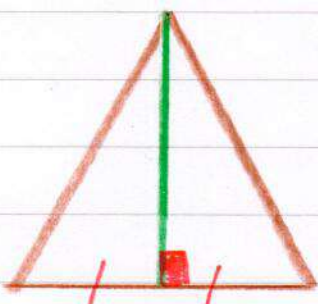
② منصف زاوية الرأس هو خط تناظر للمثلث المتطابق الضلعين.

③ زاويتا القاعدة متطابقتان $\hat{B} \cong \hat{C}$

← في أي مثلث :

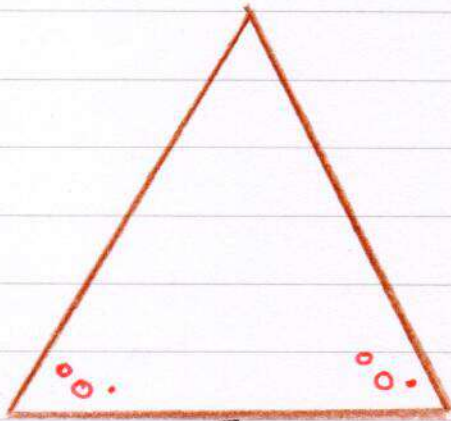
إذا كانت القطعة المرسومة من أحد الرؤوس عمودية على القاعدة المناظرة (التي أمامها) وتنصفها ،

فإن المثلث متطابق الضلعين .



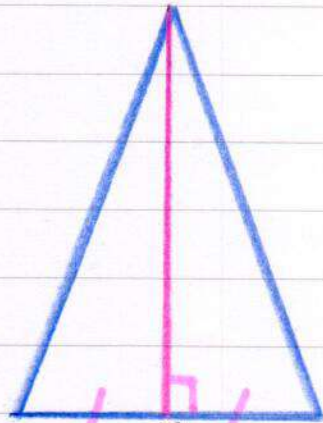
H.L.

بعض أشكال المثلث المتطابق الضلعية:



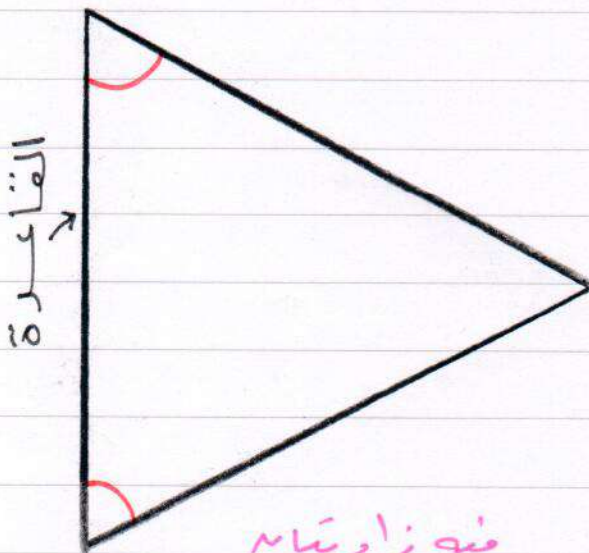
القاعدة

فيه زاويتاه متطابقتان



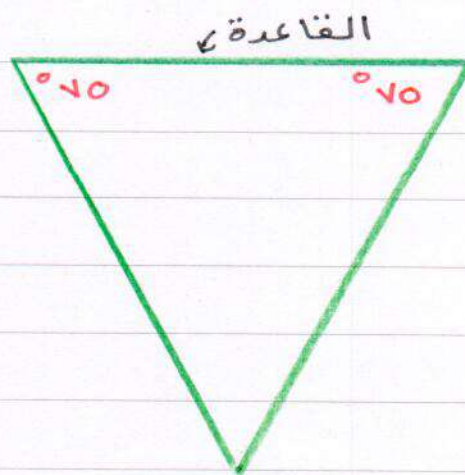
القاعدة

القطعة المرسومة زاوية
وعمودية على القاعدة المتطابقة
وتنصفها.



القاعدة

فيه زاويتاه
متطابقتان



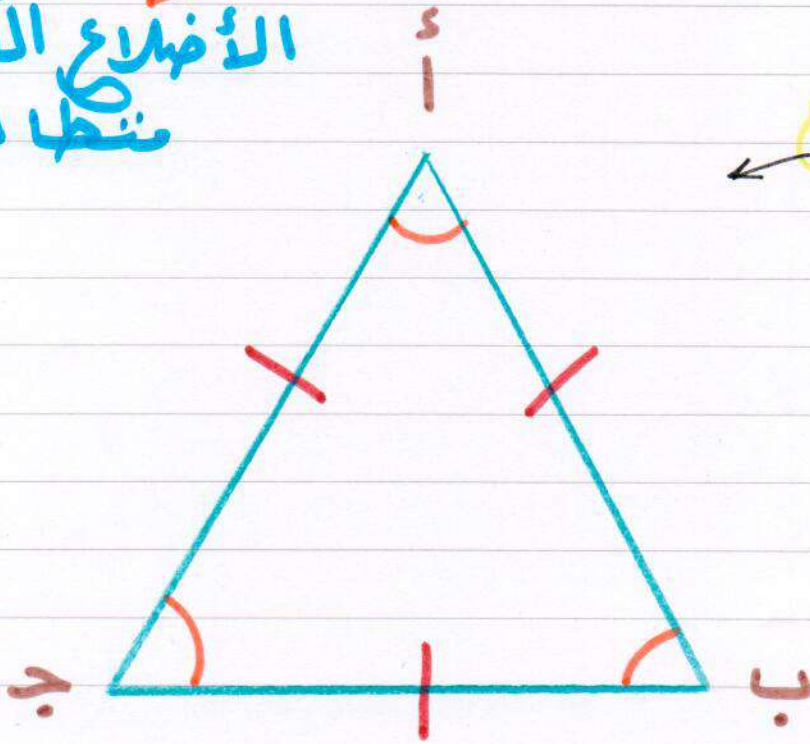
القاعدة

فيه زاويتاه متطابقتان

H.L.

المثلث المتطابق الأضلاع

الأضلاع الثلاثة
متطابقة



Δ أ ب ج

$$AB = BC = CA$$

$$\hat{A} = \hat{B} = \hat{C}$$

إذا: في المثلث المتطابق الأضلاع:

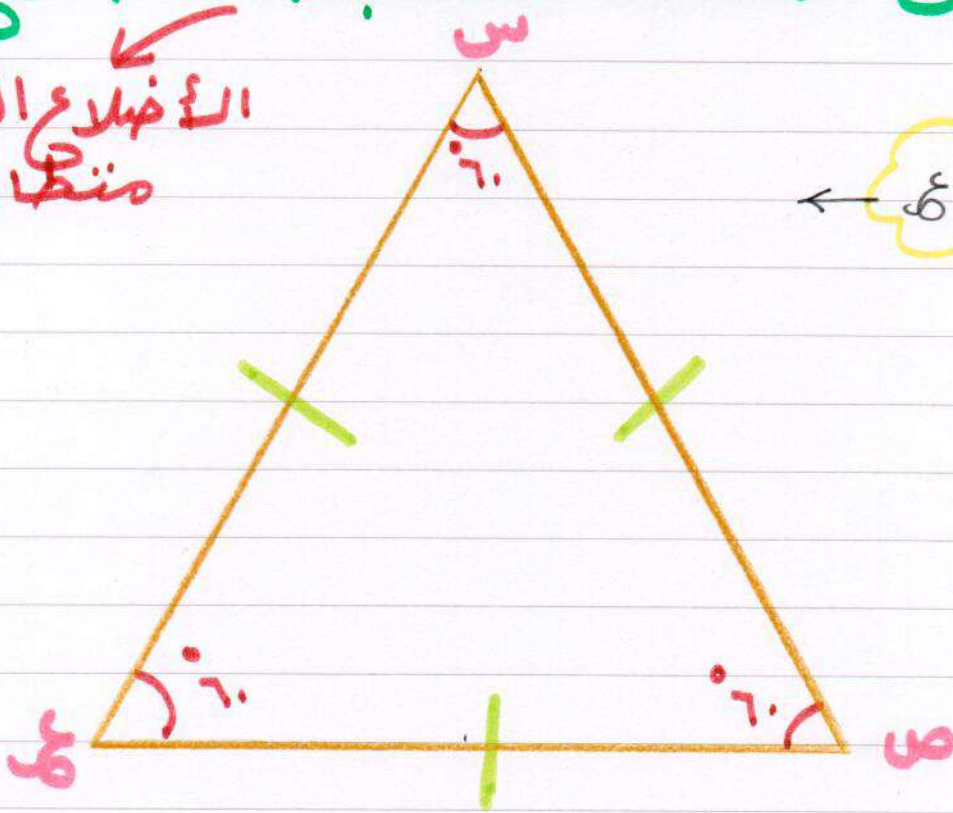
١) الأضلاع الثلاثة متطابقة.

٢) الزوايا الثلاثة الداخلة متطابقة.

H.L.

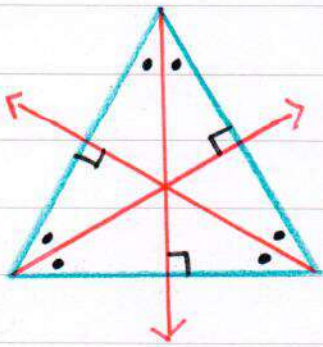
خواص المثلث المتطابق الأضلاع

الأضلاع الثلاثة
متطابقة



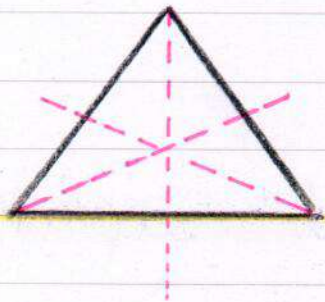
← Δ س ص ع

① قياسات الزوايا الثلاثة متساوية
كل زاوية قياسها = 60°



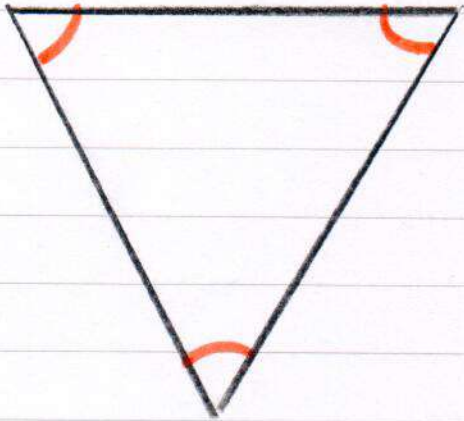
② منصف كل زاوية عمودي على القاعدة المقابلة ويتوسطها
لها وهو أيضا خط تناظر.

③ المثلث المتطابق الأضلاع
لها ٣ خطوط تناظر

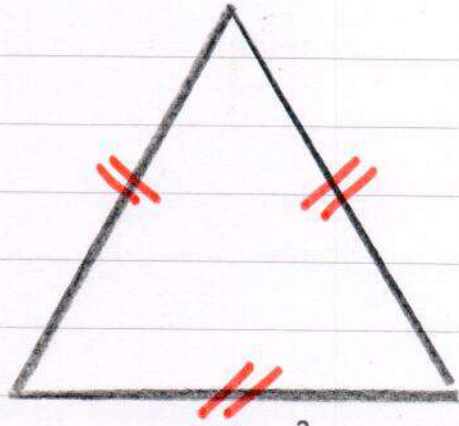


H.L.

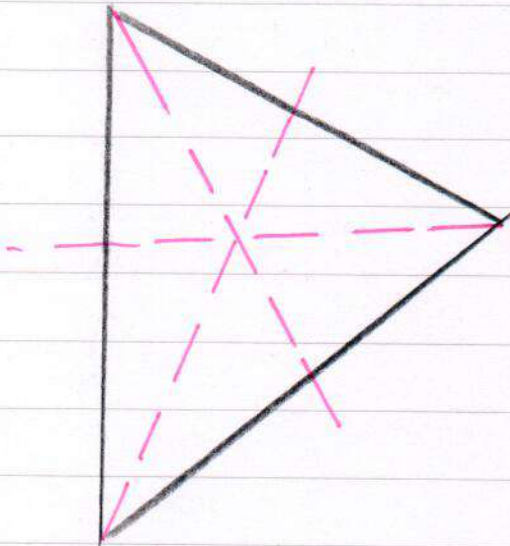
بعض أشكال المثلث المتطابق الأضلاع:



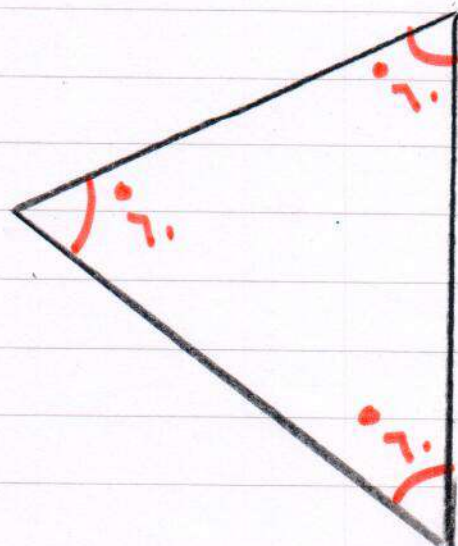
الزوايا الثلاثة متطابقة



الأضلاع الثلاثة متطابقة

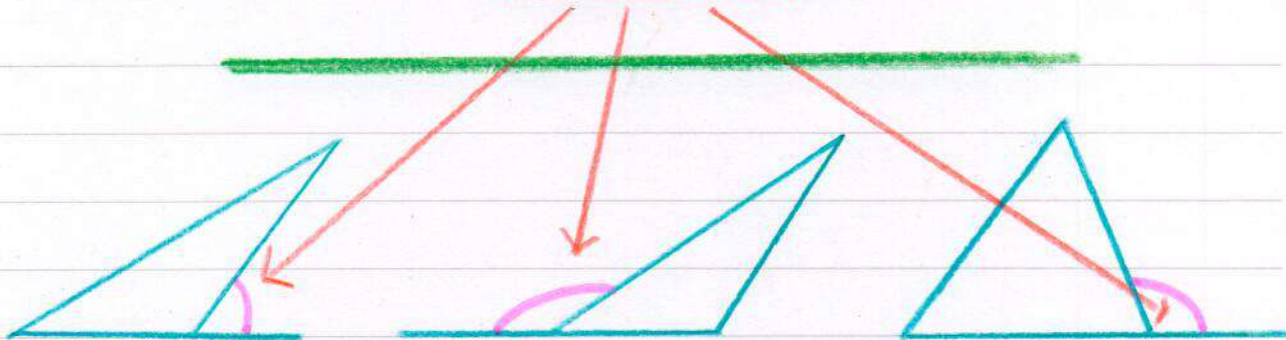


٣ خطوط تقاطع
إذاً مثلث متطابق الأضلاع

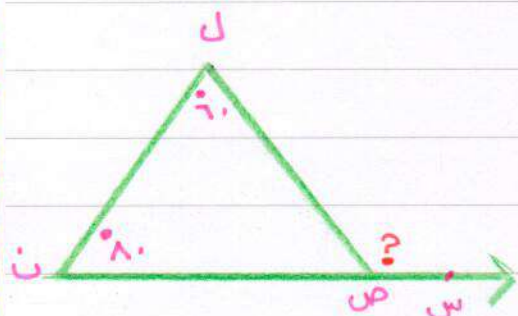


الزوايا الثلاثة متطابقة
كل واحد يساوي ٦٠°

الزاوية الخارجة للمثلث



قياس كل زاوية خارجة للمثلث يساوي مجموع قياسي الزاويتين الداخليتين
عدا المجاورة لها .

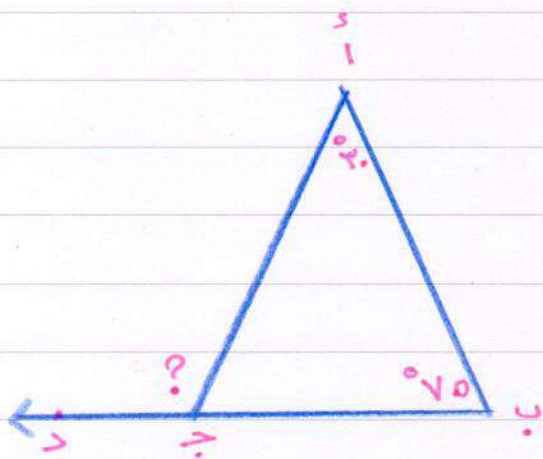


أمثلة :

$$\textcircled{1} \text{ م (س ص ل)} = 80^\circ + 60^\circ = 140^\circ$$

السبب : قياس الزاوية الخارجة للمثلث يساوي

مجموع قياسي الزاويتين الداخليتين عدا المجاورة لها .



$$\textcircled{2} \text{ م (أ ج د)} = 70^\circ + 40^\circ = 110^\circ$$

السبب : قياس الزاوية الخارجة للمثلث

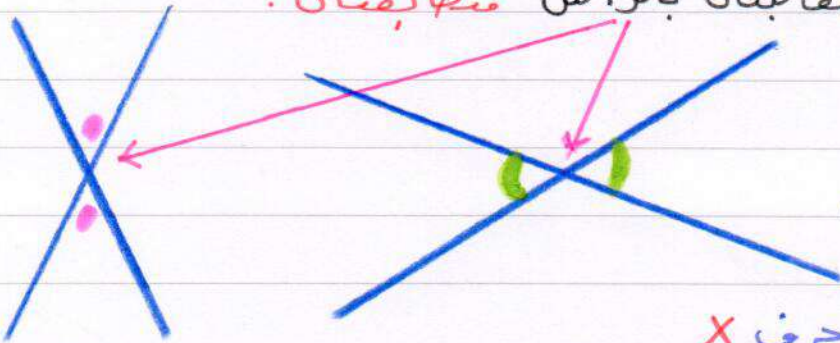
يساوي مجموع قياسي الزاويتين الداخليتين

عدا المجاورة لها .

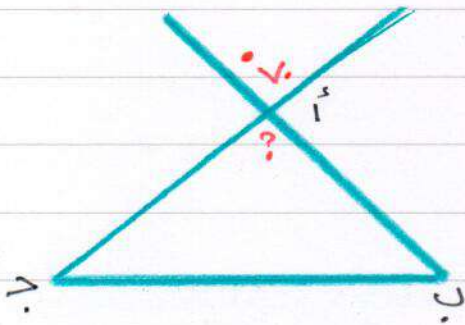
H.L.

بالإضافة إلى ما تم دراسته، هذه بعض النقاط الرياضية الهامة
كل بعض مسائل المتطابقين.

① الزاويتان المتقابلتان بالرأس متطابقتان.

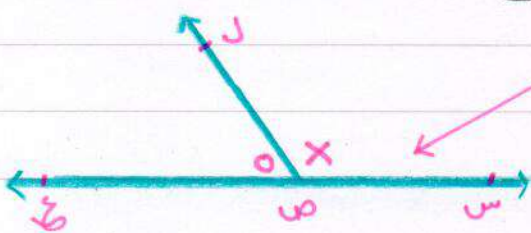


من السهل تمييز
الزاويتين المتقابلتين
بالرأس، حيث
أحزابهما معاً حرف X



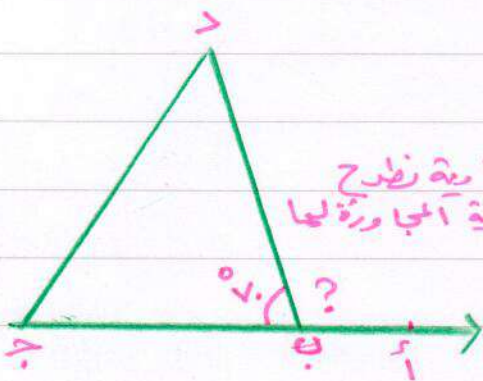
مثال:
وه (ب أ ج) = ٧٠°
السبب: بالتقابل بالرأس.

② الزاويتان المتجاورتان على خط مستقيم مجموع قياسهما = ١٨٠° (شكلان)



$$\text{وه (س هـ ل) + وه (ب هـ ل) = ١٨٠°$$

مثال:



← حساب قياس الزاوية نظرياً
١٨٠ - قياس الزاوية المجاورة لها

$$\text{وه (أ ب د) = } ١٨٠ - ٧٠ = ١١٠$$

السبب: بالتجاور على خط مستقيم

H.L.

٢) عند وجود قياس زاويتيه داخلتيه في مثلث والمطلوب : قياس الزاوية الثالثة .

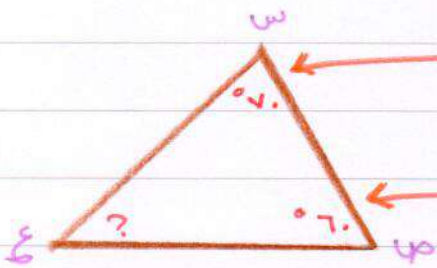
* علمنا انه : مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة = 180°

كيفية قياس الزاوية الثالثة : \leftarrow نجمع قياس الزاويتيه المعلومتيه .

\leftarrow نطرح الناتج من 180°

والكمافي الزسلة التاليه :

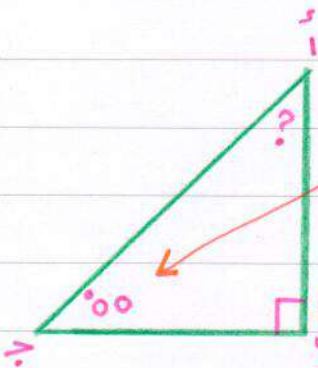
المثال الثاني :



$$\textcircled{1} \text{ م (ع) } = 180^\circ - (70^\circ + 60^\circ)$$

$$= 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$

السبب : مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمثلث = 180°

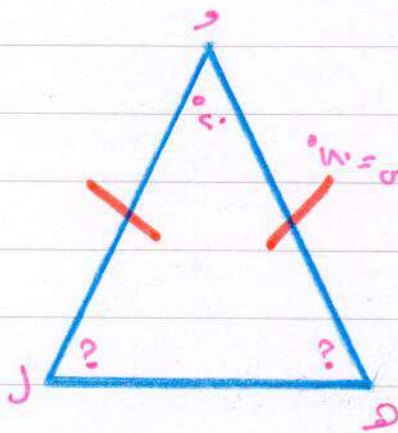


$$\textcircled{2} \text{ م (ب أ ج) } = 180^\circ - (90^\circ + 50^\circ)$$

$$= 180^\circ - 140^\circ =$$

$$40^\circ$$

السبب : مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمثلث = 180°



٣) أوجد م (د) م (هـ) م (ل) ؟ مع ذكر السبب ؟

\leftarrow مجموع قياس زاويتي القاعدة + قياس زاوية الرأس = 180°

$$\text{م (د) م (هـ) م (ل) } = 180^\circ - 60^\circ$$

$$= 120^\circ$$

السبب : مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة = 180°

$$\text{م (د) م (هـ) م (ل) } = \frac{120^\circ}{3} = 40^\circ$$

لأن قياس زاويتي القاعدة متساوي لكون المثلث متطابق الضلعين .

السبب : من خواص المثلث المتطابق الضلعين

H.L.

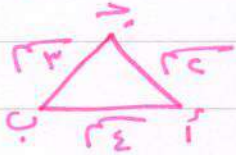
٨ - ٤

رسم مثلثاً معلومياً أضلاعه الثلاثة

المعطيات في
السؤال أطوال ٣ أضلاع

① لرقيقة الكتاب:

← ارسم المثلث أ ب ج حيث $AB = 4$ ، $BC = 3$ ، $AC = 5$.



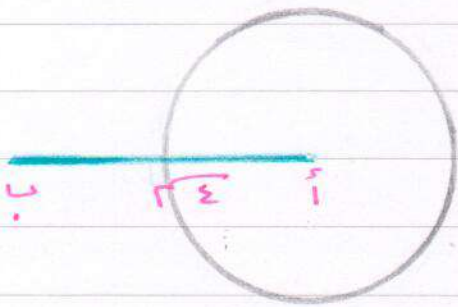
① رسم تخطيطي للمثلث ←

② رسم القطعة المستقيمة أ ب ، طولها ٤ ←



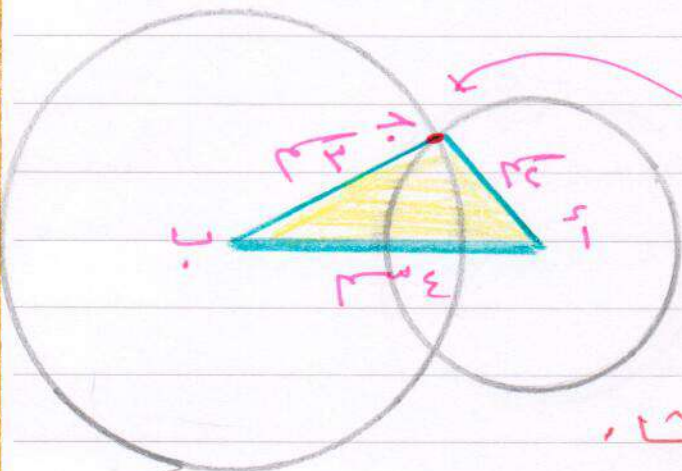
③ نفتح الفرجار على ٣ لرسم أ ب ج ،

نضع إبرة الفرجار على النقطة أ ، ونرسم دائرة .



④ نفتح الفرجار على ٣ لرسم ب ج ،

نضع إبرة الفرجار على النقطة ب ، ونرسم دائرة .

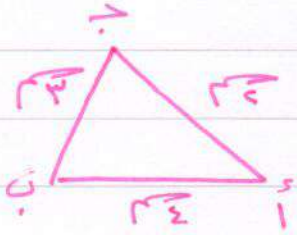


⑤ نوهل أضلاع المثلث من خلال نقطة تقاطع الدائرتين .

* مع الضرورة كتابة البيانات على المثلث ،

H.L.

⑤ الطريقة الأخرى:



① رسم تقطير للمثلث



② رسم القطعة المستقيمة 'أب' طولها 4 سم.



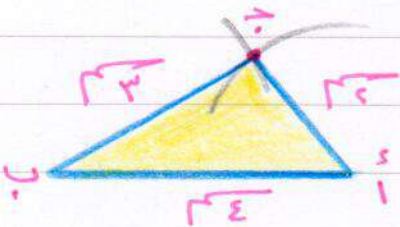
③ نفتح الفرجار إلى 3 سم

ونضع زاوية الفرجار على النقطة 'أ' ونرسم قوساً صغيراً.



④ نفتح الفرجار إلى 3 سم

ونضع زاوية الفرجار على النقطة 'ب' ونرسم قوساً صغيراً يقطع القوس الأول



⑤ نرسم أضلاع المثلث من نقطة تقاطع القوسين.

⑥ كتابة البيانات على المثلث.

H.L.

5-8

رسم مثلثاً بمعلومية قياس زاويتيهِ وطول الضلع الواصل بين رأسيهما

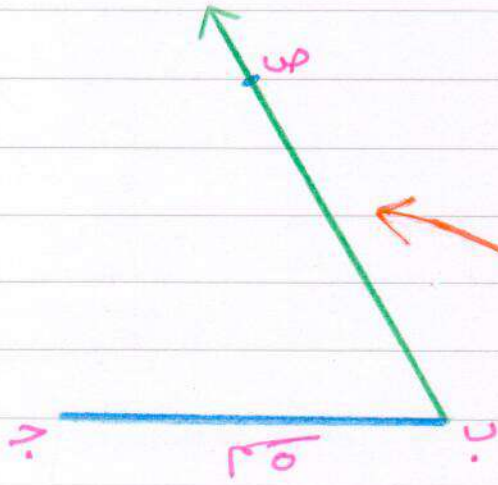
المعطيات في السؤال
طول ضلع
وتقياس زاويتيهِ

* ارسم المثلث أ ب ج حيث $ب ج = 3.5$ ، $م (ب) = 60^\circ$ ، $م (ج) = 90^\circ$.



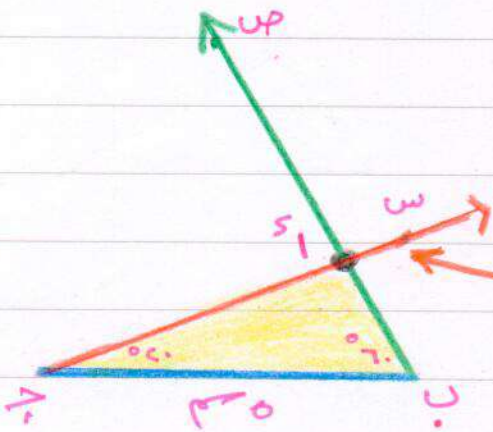
① رسم تخطيطي للمثلث ←

② نرسم ب ج طولها 3.5.



③ نضع المنقلة على الرسم بحيث يكون مركز المنقلة على النقطة ب ، ونبدأ من الصفر الموجود على المنقلة المستقيمة المرسومة ونضع نقطة تحديد زاوية 60° ، ونرسم شعاعاً (ب ا) له بداية وليته نهاية →

④ بنفس الطريقة نضع المنقلة على النقطة ج ، نحدد زاوية 90° ، ونرسم شعاعاً (ج س) ←



⑤ النقطة أ هي نقطة تقاطع الشعاعين

← كتابة البيانات على المثلث .

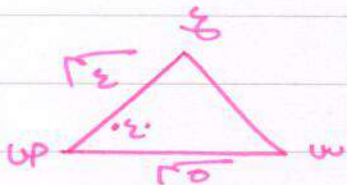
H.L.

رسم مثلث معلومية طوي ضلعيه وقياس الزاوية المحدرة لهما

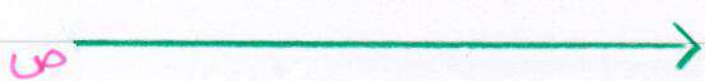
المعطيات:
طوي ضلعيه

وقياس زاوية واحدة.

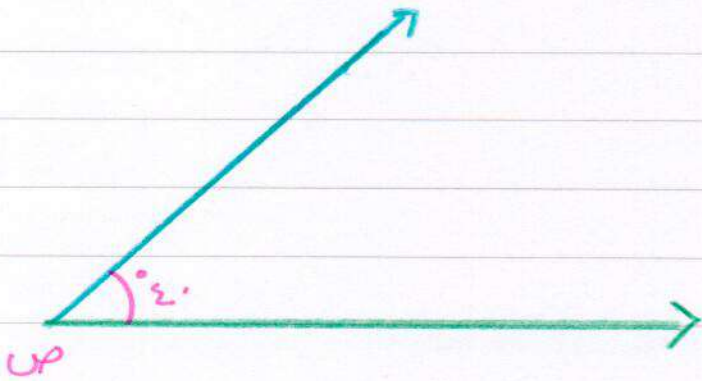
ارسم المثلث من ضلعين حيث $ص = ٤$ ، $س = ٥$ ، $ع = ٤$ ، $\angle ص = ٤٠^\circ$.



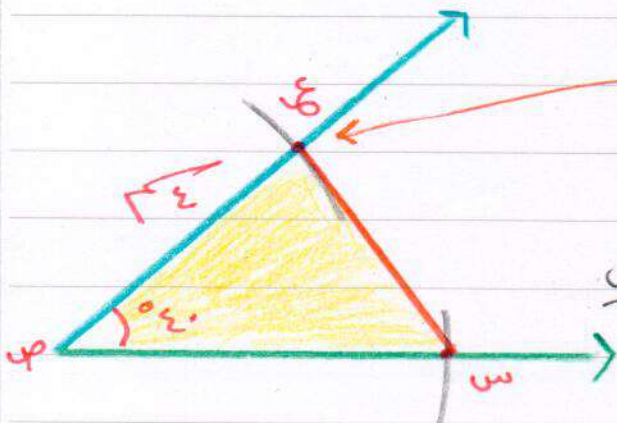
① رسم تخطيطي للمثلث ←



② رسم الشعاع كما بالشكل
حيث زاوية بدايته هي ٤٠°



③ باستخدام منقلة ووضوح مركزها
على النقطة ص وتحدد قياس ٤٠°
وترسم شعاعاً.



④ باستخدام الفرجار

٢- نقتحه على $ع$ و $س$ و نضع الابرة
على النقطة ص ونرسم قوسين هين تقطع الشعاعين
ب- نقتحه على $س$ و نضع الابرة
على النقطة ص ونرسم قوسين هين تقطع الشعاعين

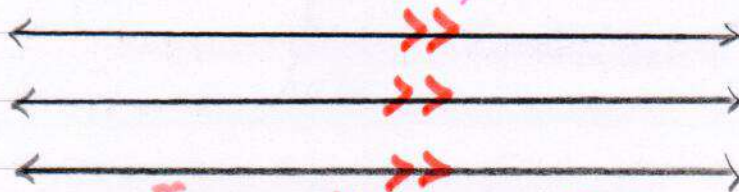
⑤ توصيل نقطتي تقاطع القوسين مع بعضهما بعضاً

← كتابة البيانات على المثلث.

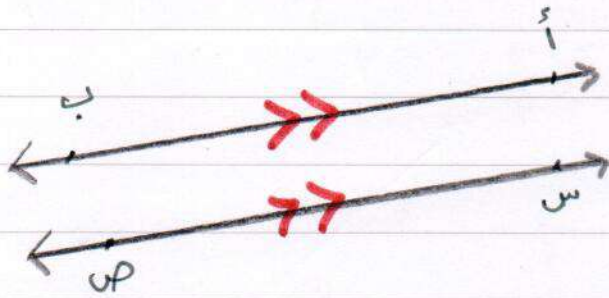
المستقيمات المتوازية والزوايا

المستقيمات المتوازية: هي المستقيمات التي لا تتقاطع أبداً.

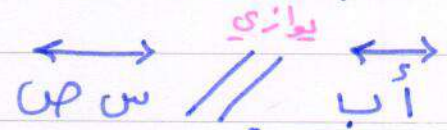
علامة التوازي



مستقيمات متوازية



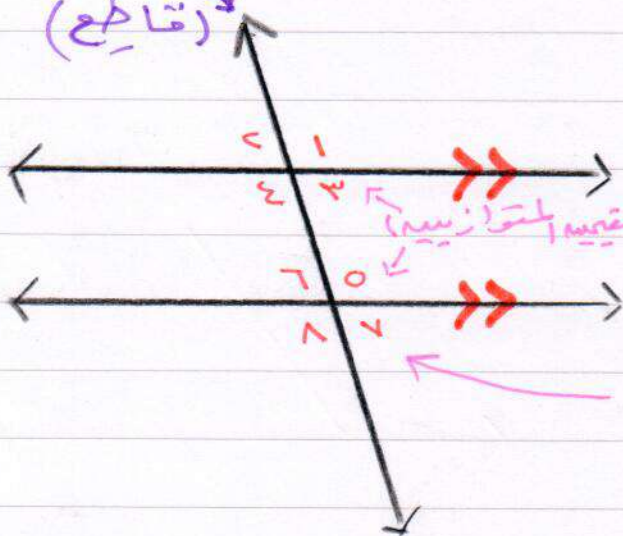
في الشكل $أ ب$ و $س$ متوازيان .
خطان مستقيمان متوازيان .
لكتابة ذلك بالرموز :



لـ نُقرأ : المستقيم $أ ب$ يوازي المستقيم $س$.

في الشكل المقابل مستقيمان متوازيان ، يقطعها مستقيم ثالث :

لا (قاطع)



نتبع عن ذلك عدة زوايا

أرقام من ١ إلى ٨ .

زوايا داخلية (بجانب المستقيمين المتوازيين)

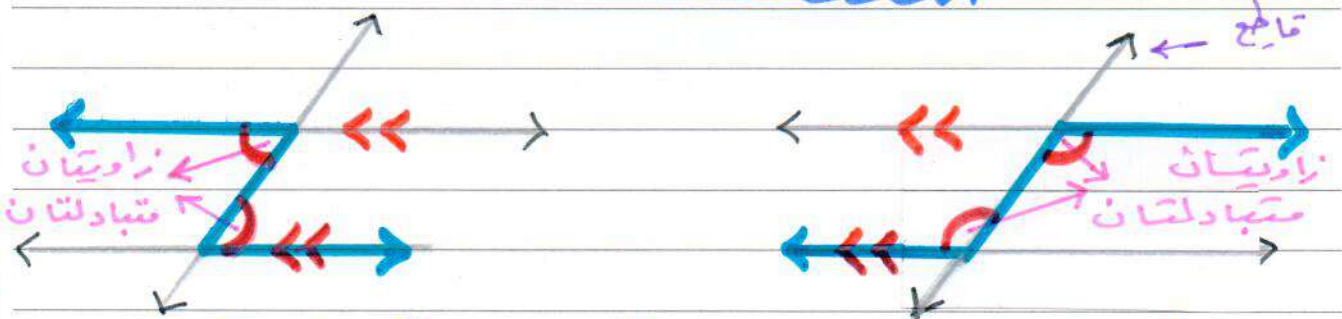
زوايا خارجية (خارج المستقيمين المتوازيين)

(خارج المستقيمين المتوازيين)

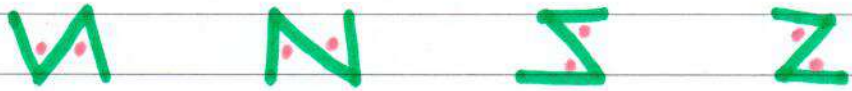
H.L.

الزاويتان المتبادلتان:

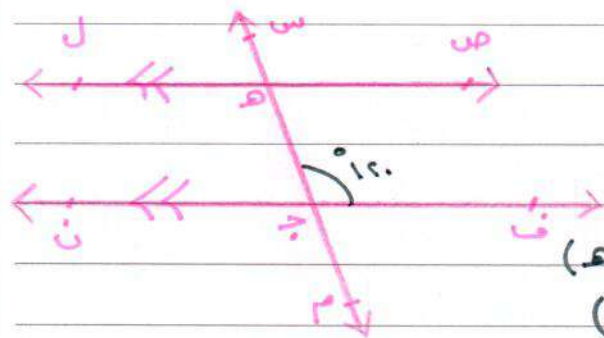
إذا قطع مستقيم مستقيماً متوازيين فإن كل زاويتيه متبادلتيه متطابقتان.



نلاحظ أن الزاويتان المتبادلتان تصنعان معاً حرف Z.



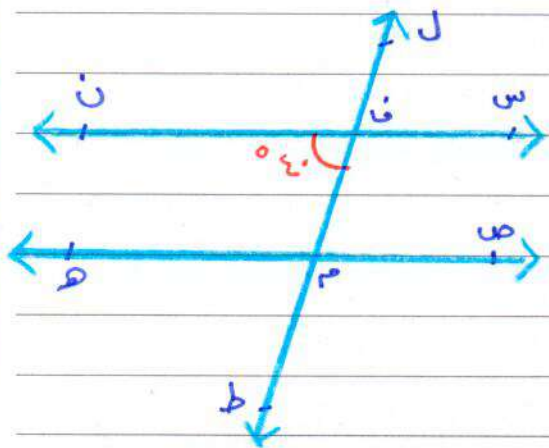
① مع الشكل المقابل أكمل ما يلي:



مع (ج هـ) = 120°

السبب: بالتوازي والتبادلي مع (ف ج هـ)
أو بالتبادلي والتوازي مع (ف ج هـ)
(لا يوجد زوايا)

② مع الشكل المقابل أكمل ما يلي:



مع (ص م ف) = 40°

السبب: بالتوازي والتبادلي مع (م ف ن)

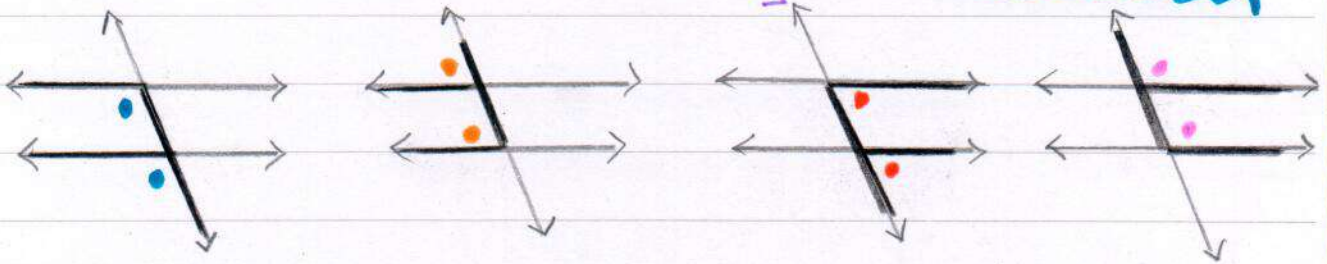
H.L.

الزاويتان المتناظرتان:

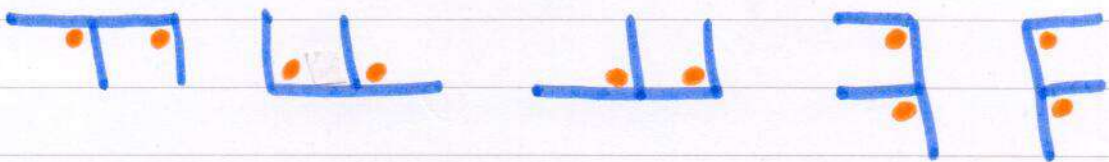
إذا قطع مستقيم مستقيماً متوازيين فإن كل زاويتين متناظرتين

متطابقتان.

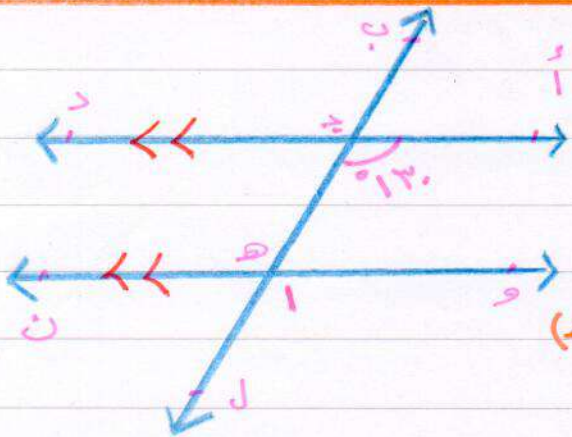
مقاطع



نلاحظ ان الزاويتين المتناظرتين تصنعان معاً حرف F.



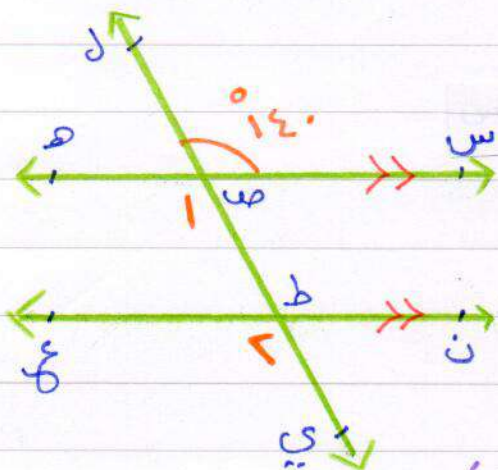
١ من الشكل المقابل، امل ما يلي:



١٣٠ = (أ)

السبب: بالتوازي والتناظر مع (أجده)
أو بالتناظر بالتوازي مع (أجده)

٢ من الشكل المقابل، امل ما يلي:



١٤٠ = (أ)

السبب: بالتقابل بالرأس مع (س ص ل)

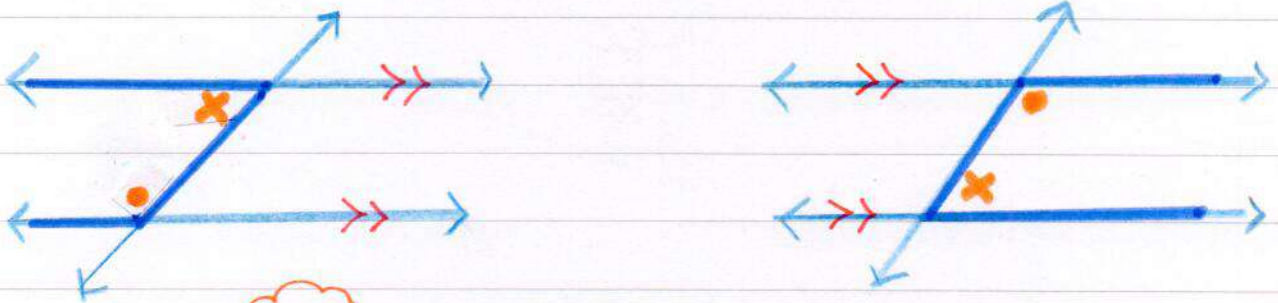
١٤٠ = (ب)

السبب: بالتوازي والتناظر مع (أ)
أو مع (ط ص هـ)

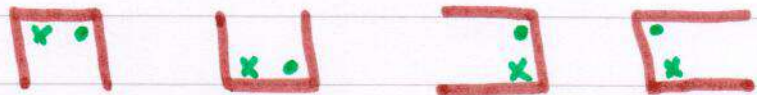
H.O.L.

الزاويتان المتحالفتان: في جهة واحدة من القاطع

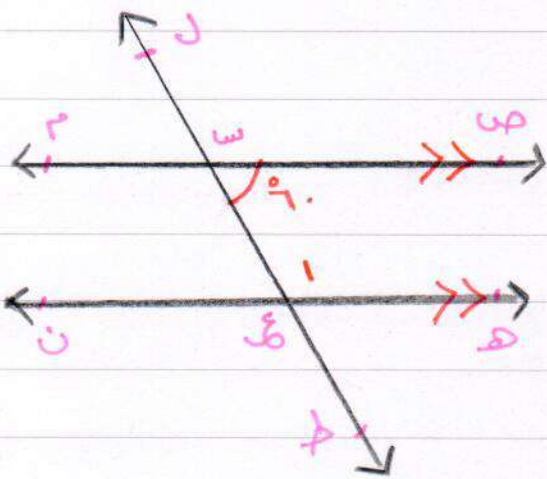
وإذا قطع مستقيم مستقيماً متوازيين فإن كل زاويتين متحالفتين متكاملتان مجموعهما = ١٨٠°



نلاحظ أن الزاويتان المتحالفتان لصنعان معاً حرف U



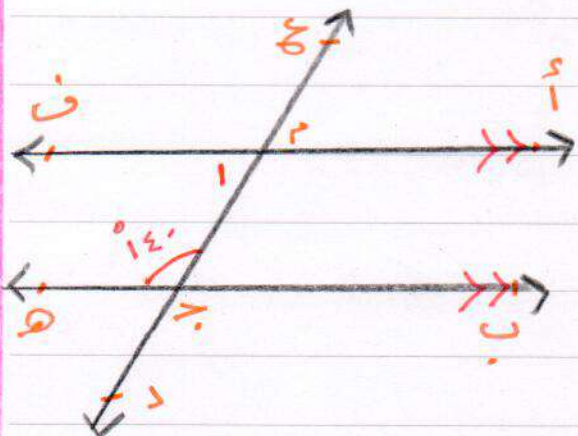
① من الشكل المقابل، أكل:



$$\text{ص} (\hat{1}) = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

السبب: بالتوازي والتخالف مع (ص شخ)
أو بالتخالف والتوازي مع (ص شخ)

② من الشكل المقابل، أكل:



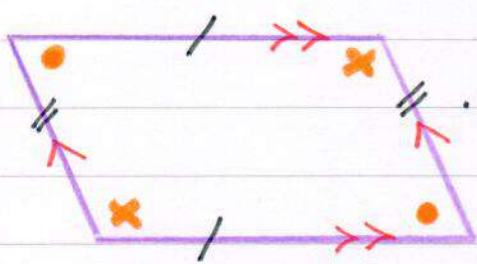
$$\text{ص} (\hat{1}) = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ$$

السبب: بالتوازي والتخالف مع (م ج ه)

الأشكال الرباعية

← الشكل الرباعي هو مضلع له أربعة أضلاع .

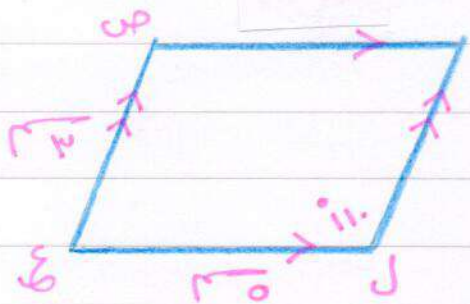
متوازي الأضلاع



التعريف

- ① هو شكل رباعي فيه كل ضلعيه متقابليه متوازيان .
- ② كل ضلعيه متقابليه متساويان في الطول .
- ③ كل زاويتين متقابلتين متساويتان في القياس .
- ④ مجموع قياس كل زاويتين متقابلتيه = 180°

في الشكل المقابل من ص على ك متوازي الأضلاع
أكمل ما يلي :



$$\text{ص (س)} = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

السبب : مجموع قياس كل زاويتين متقابلتيه = 180°

$$\text{ص (ع)} = 110^\circ$$

السبب : كل زاويتين متقابلتيه متساويتان في القياس .

$$\text{ص (غ)} = 70^\circ$$

السبب : كل زاويتين متقابلتيه متساويتان في القياس .

$$\text{س ص} = 35$$

السبب : كل ضلعيه متقابليه متساويان في الطول .

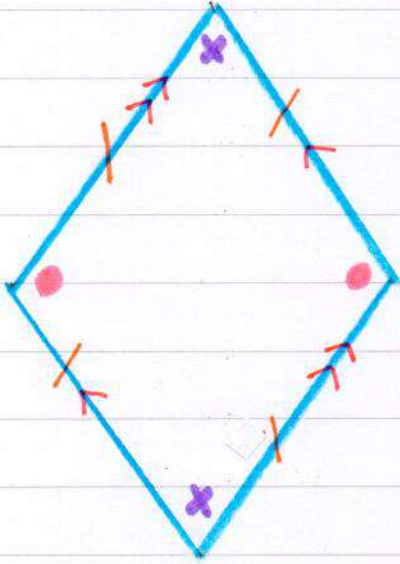
$$\text{س ل} = 35$$

السبب : كل ضلعيه متقابليه متساويان في الطول .

$$\text{محيط متوازي الأضلاع} = 35 + 35 + 35 + 35 = 140$$

H.L.

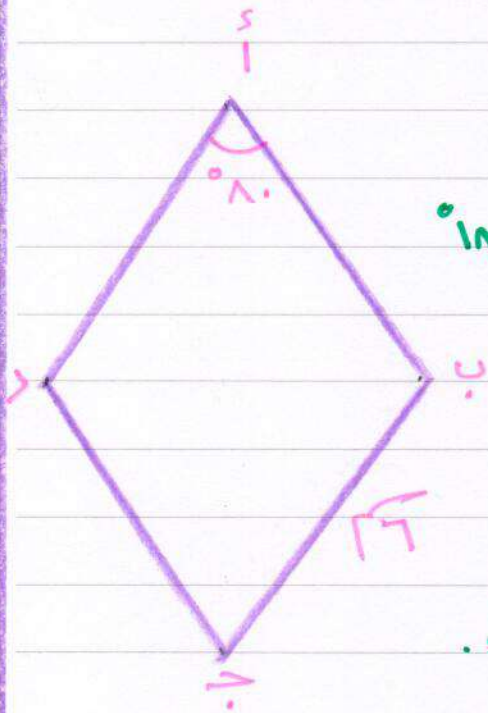
المَعِين :



التعريف

- ① هو متوازي أضلاع فيه ضلعان متجاوران متساويان في الطول.
- ② جميع الأضلاع الأربعة متساوية في الطول.
- ③ كل زاويتيه متقابلتيه متساويتيه في القياس.
- ④ مجموع قياس كل زاويتيه متساويتيه = 180° .

في الشكل أ ب ج د معين. أكل:



هـ (بأ) = $180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$
السبب : مجموع قياس كل زاويتيه متساويتيه = 180°

هـ (بج) = 100°
السبب : كل زاويتيه متقابلتيه متطابقتان.

أ ب = ج د
السبب : جميع الأضلاع متساوية في الطول.

محيط المعين أ ب ج د = $6 + 6 + 6 + 6 =$

$$24 =$$

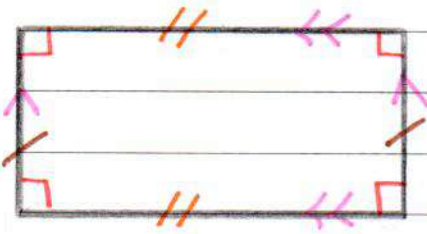
$$4 \times 6 =$$

$$6 \times 4 =$$

$$24 =$$

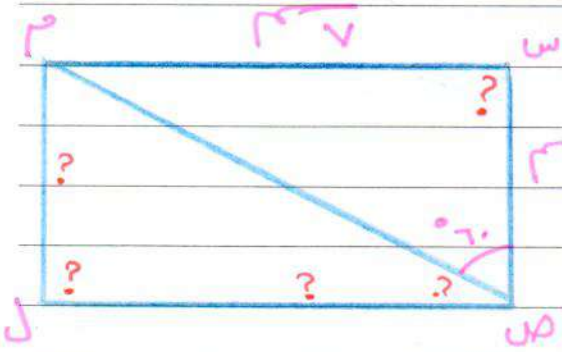
H.L.

المستطيل :-



- التعريف
- هو متوازي أضلاع واحد زاياه قائمة.
 - كل ضلعيه متقابليه متساويان في الطول.
 - جميع قياسات زواياه متساوية وقياس كل زاوية = 90°
- (زواياه الأربعة جميعها قائمة)

س ص ل م مستطيل - اكل مايلي :



م (س) = 90°

السبب : زوايا المستطيل جميعها قائمة

م (م ص ل) = $90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$

السبب : م (م ص ل) + م (م س ص) = 90°

م (ل) = 90°

السبب : زوايا المستطيل جميعها قائمة .

م ل = ٣

السبب : كل ضلعيه متقابليه متساويان في الطول .

م ل = ٧

السبب : كل ضلعيه متقابليه متساويان في القياس .

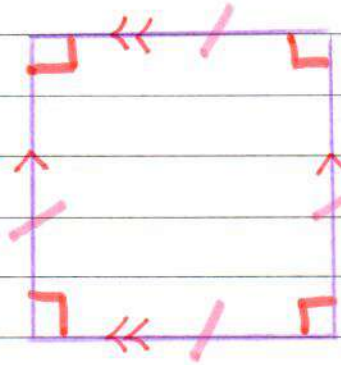
ساحة المستطيل س ص ل م = ل × م

$$3 \times 7 =$$

$$21 =$$

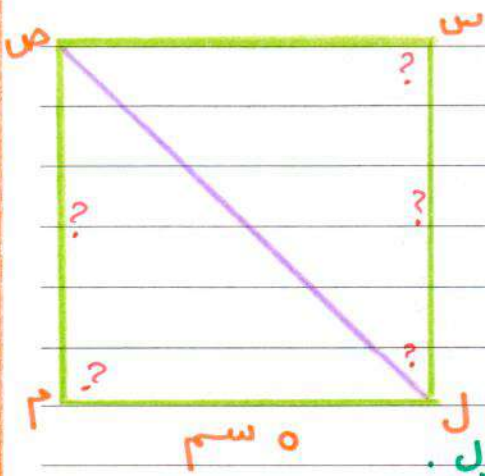
H.L.

٤ المربع:



- ① هو متطابق فيه ضلعان متجاوران متساويان في الطول.
- ② هو متين إحدى زواياه قائمة.
- ③ جميع أضلاعه متساوية في الطول.
- ④ جميع قياسات زواياه متساوية وقياس كل منها = 90° .

في الشكل س من م ل مربع ما أوجد مع ذكر السبب:



السبب: جميع أضلاع المربع متساوية في الطول.

م ل = س هـ
 م ن = ل هـ
 90°

السبب: جميع زوايا المربع قائمة.

م ن = ل هـ
 90°

السبب: جميع زوايا المربع قائمة.

م ل = س هـ

السبب: جميع أضلاع المربع متساوية في الطول.

م ن = ل هـ
 90°

السبب: Δ ل س هـ متطابق الضلعين

زاويتها القاعدة متساويتان في القياس.

خط المربع س هـ م ل = $4 \times ل$

$0 \times 4 =$

$3 \times 0 =$

مساحة المربع س هـ م ل = ل

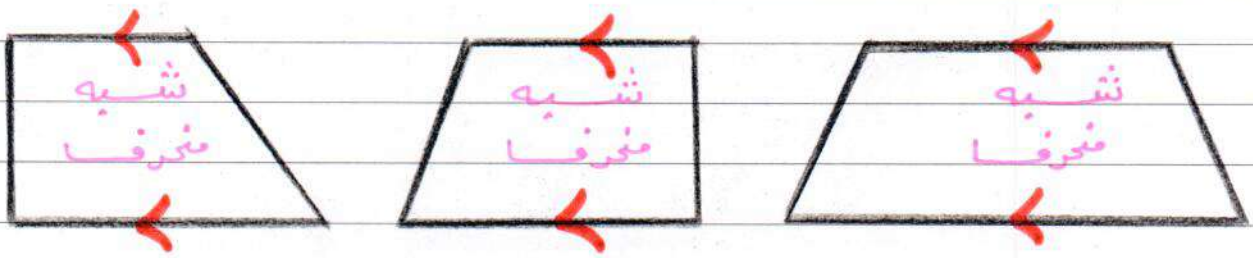
$0 =$

$3 \times 0 = 0 \times 0 =$

H.L.

٥ تشبه المنحرف:

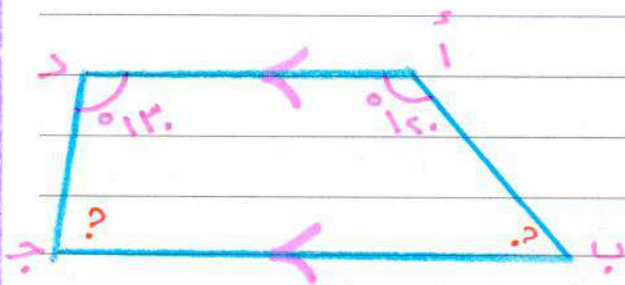
هو شكل رباعي فيه ضلعان فقط متقابلان ومتوازيان.



الشكل المقابل أ ب ج د تشبه منحرف فيه أ د // ب ج .

المثل ما يلي :

$$\text{وه (ج) } = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$



السبب : بالتوازي والتخالف مع د

أ ب

زاويتان داخلتان

$$\text{وه (ب) } = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ$$

السبب : بالتوازي والتخالف مع أ .

د ج

زاويتان داخلتان

(الزوايا الداخلة في
جهة واحدة من القاطع
هو الذي يقطع المستقيمين المتوازيين بها

